

اتصال سری مقاومت‌های اهمی

هدف‌های رفتاری: در پایان این فصل، از دانش‌آموز انتظار می‌رود:

- ۱- اتصال سری را تعریف کند.
- ۲- مقاومت معادل را تعریف کند.
- ۳- از قانون اهم برای محاسبه‌ی جریان و ولتاژ استفاده کند.
- ۴- چگونگی توزیع ولتاژ را در مدار سری توضیح دهد.
- ۵- کاربرد اتصال سری را بیان کند.
- ۶- نسبی بودن پتانسیل الکتریکی را توضیح دهد.
- ۷- مقاومت معادل را محاسبه کند.
- ۸- قانون ولتاژهای کیرشهف را در مدار سری به کار گیرد.
- ۹- توان را در مدار سری توضیح دهد.
- ۱۰- قوانین و مشخصات مدار سری را نام ببرد.
- ۱۱- جریان و توان را در مدار سری محاسبه کند.

۱-۱- اتصال سری مقاومت‌های اهمی^۱

قبلاً با کمیت فیزیکی مقاومت و خصوصیات آن آشنا شده‌اید این مقاومت‌ها را با استفاده از روش‌های خاص می‌توان به هم اتصال داد. یکی از این روش‌ها اتصال سری مقاومت‌هاست که در این فصل مورد بررسی قرار می‌گیرد.

اگر با قطار مسافرت کرده باشید، دیده‌اید که قطار از تعدادی واگن و یک لکوموتیو تشکیل می‌شود. واگن‌ها می‌توانند مشابه یا بزرگ و کوچک باشند. در صورت نامساوی بودن، هر واگن گنجایش حمل بار یا مسافر خاص خود را دارد. اتصال واگن‌ها به یک‌دیگر به صورت پشت سرهم (سری) است؛ یعنی، ابتدای یک واگن به انتهای واگن دیگر وصل است. هنگام حرکت، سرعت در همه‌ی واگن‌ها یکسان است (شکل ۱-۱).



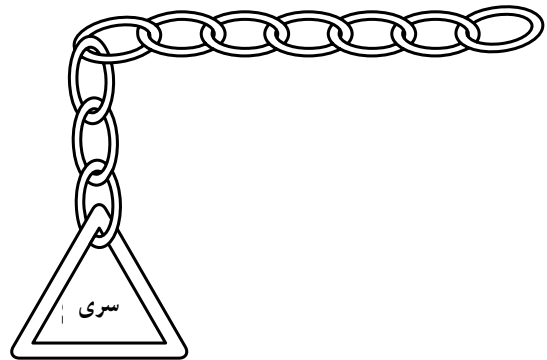
شکل ۱-۱- در قطار، واگن‌ها به طور سری بسته می‌شوند.

۱- سری واژه‌ای است در زبان انگلیسی به معنای اشیا یا وقایع پشت سرهم و بی در پی است.

با توجه به مطالب گفته شده این خصوصیات را در مورد قطار می توان ذکر کرد :

- ۱- واگن ها به صورت سری به یک دیگر اتصال دارند.
- ۲- بزرگی یا کوچکی قطار به تعداد واگن های آن بستگی دارد.
- ۳- سرعت همه ی واگن ها یکسان است.
- ۴- واگن بزرگ تر مسافر یا بار بیشتری حمل می کند.
- ۵- واگن سنگین تر در مقابل کشش لکوموتیو مقاومت بیشتری نشان می دهد.

زنجیر نیز نمونه ی دیگری از حالت سری است و از حلقه های زیادی تشکیل می شود. حلقه های زنجیر مانند واگن های قطار به صورت سری به یک دیگر اتصال دارند. چنانچه نیرویی در جهت طولی به زنجیر وارد شود، به طور یکسان به همه ی حلقه های آن منتقل می شود (شکل ۲-۱).

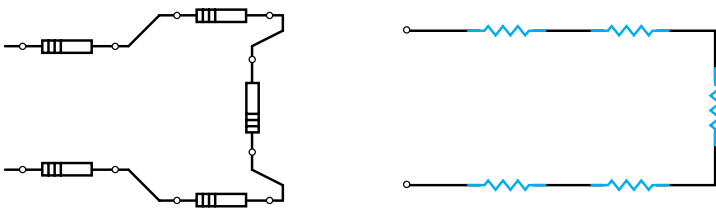


شکل ۲-۱- نمایش سری بودن حلقه های زنجیر

برای سری بستن مقاومت ها نیز همین روش دنبال می شود. بدین ترتیب که اگر چند مقاومت پشت سرهم طوری به یک دیگر متصل شوند که راهی را برای عبور جریان تشکیل دهند، یک مدار مقاومتی سری درست می شود. اتصال مقاومت ها با یک دیگر همانند اتصال دانه های زنجیر یا واگن های قطار است.

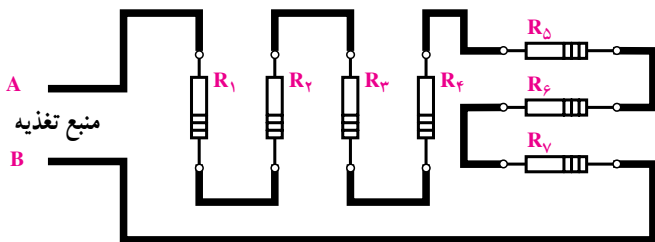
در یک مدار مقاومتی نیز همانند یک قطار یا زنجیر، هر مقاومت مشابه یک واگن یا یک حلقه ی زنجیر است که می تواند مقدار و اندازه های متفاوت داشته باشد. در هر لحظه از زمان، سرعت قطار در همه ی واگن ها یکسان است. در مدار سری نیز شدت جریان در هر لحظه از زمان در همه ی نقاط مدار یکسان

می باشد. لکوموتیو قطار را به حرکت درمی آورد و ایجاد سرعت می کند. در مدار سری نیز منبع تغذیه سبب جاری شدن جریان در مدار می شود. در قطار هر واگن ظرفیت یا گنجایش حجم معینی از مسافر یا بار را دارد. در مدار سری نیز ولتاژ متناسب با مقدار مقاومت در دوسر آن افت می کند. شکل ۳-۱ نمای مداری و تصویر ظاهری چند مقاومت سری شده را نشان می دهد.

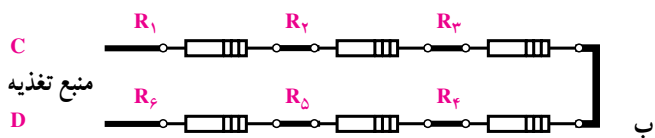


شکل ۳-۱- نمای مداری و ظاهری چند مقاومت سری

مقاومت را با حرف R نمایش می دهند که از کلمه ی Resistor گرفته شده است. برای نمایش چند مقاومت با مقادیر اهمی متفاوت، آن ها را با اندیس های ۱ تا n مشخص می کنند. برای مثال، مقاومت های شکل ۴-۱ به طور سری به هم بسته شده و با علامت مشخصه ی R و اندیس مربوط نام گذاری گردیده اند.



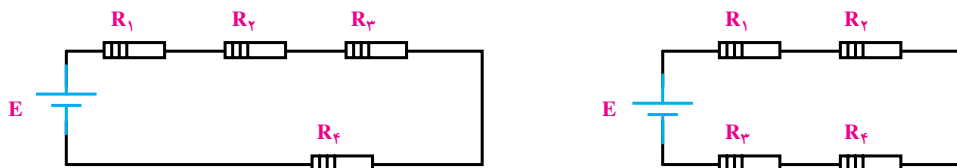
الف



ب

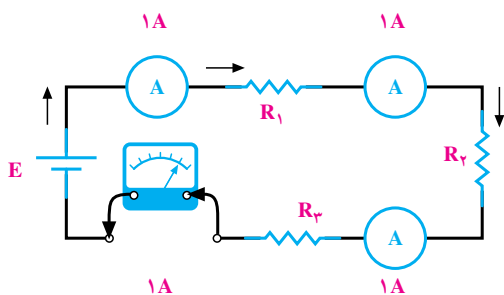
شکل ۴-۱- الف- بین نقاط A و B مقاومت های R_1 تا R_5 سری شده اند. ب- بین نقاط C و D مقاومت های R_1 تا R_5 سری شده اند.

ترتیب قرار گرفتن مقاومت ها در مدار سری، در کل مدار تأثیری ندارد. به علاوه، چون دو سر هر مقاومت از لحاظ قرار گرفتن در مدار با یک دیگر تفاوتی ندارد، برای آن ها ابتدا یا انتهای در نظر نمی گیرند (شکل ۵-۱).



شکل ۵-۱- جابه‌جایی مقاومت‌ها در اتصال سری

از ولتاژهای اندازه‌گیری شده توسط ولت‌متر می‌توان فهمید که اگر مقاومت‌ها مساوی نباشند، هر مقاومتی که مقدار مقاومت آن بیش‌تر باشد، افت ولتاژ دوسر آن نیز بزرگ‌تر است. برعکس، مقاومتی که مقدار مقاومت کم‌تری دارد، افت ولتاژ دوسر آن نیز کم‌تر است. پس می‌توان چنین نتیجه گرفت که ولتاژ منبع در مدار سری به نسبت مستقیم مقدار مقاومت‌های آن مدار تقسیم می‌شود. در یک مدار سری شدت جریان - همانند سرعت در قطار- در همه‌ی نقاط مدار یکسان است؛ یعنی، جریان وارد شده در هر نقطه از مدار سری یا جریان خارج شده از همان نقطه برابر است. بنابراین، اگر - مطابق شکل (۸-۱) - در نقاط مختلف یک مدار سری آمپرمترهایی قرار دهیم، همه یک جریان را نشان می‌دهند.



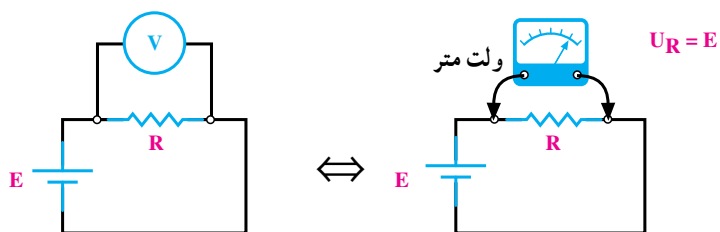
شکل ۸-۱- یکسان بودن شدت جریان در همه‌ی نقاط مدار

به‌جای چند مقاومت سری می‌توان یک مقاومت را انتخاب کرد که مقدار مقاومت آن با مقدار مقاومت چند مقاومت دیگر برابر باشد. مقاومتی که به‌جای چند مقاومت سری قرار می‌گیرد، مقاومت کل یا مقاومت معادل آن چند مقاومت نامیده می‌شود و آن را با R_T نمایش می‌دهند. چنان‌چه مقاومت جایگزین مقاومت‌های مدار شود، جریان مدار تغییری نخواهد کرد.

۲-۱- محاسبه‌ی مقاومت معادل در مدار سری

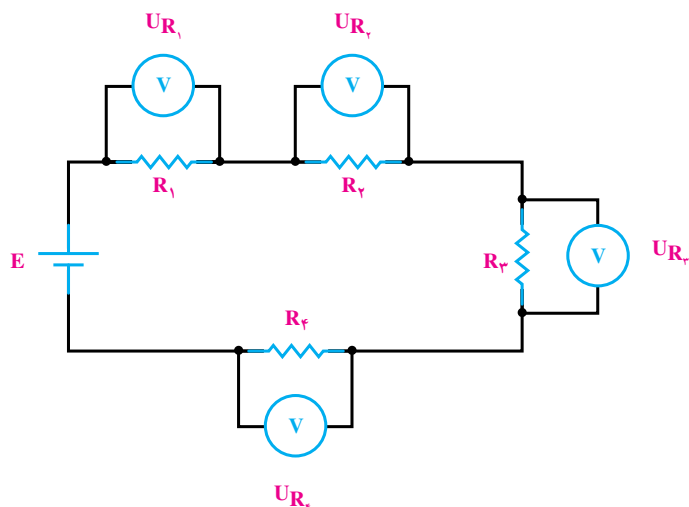
همان‌گونه که در قطار با اضافه کردن واگن‌ها سرعت قطار کم می‌شود و برای ثابت نگه‌داشتن سرعت باید به نیروی لکوموتیو

اگر به دو سر یک مقاومت، ولتاژ مشخصی داده شود تمام آن ولتاژ در دوسر مقاومت افت می‌کند. مطابق شکل ۶-۱ مقدار ولتاژ دو سر مقاومت را به کمک ولت‌متر می‌توان اندازه گرفت؛ در واقع، ولتاژ منبع با ولتاژ دوسر مقاومت برابر است.



شکل ۶-۱- اندازه‌گیری ولتاژ دو سر مقاومت

چنان‌چه تعداد مقاومت‌ها زیاد باشد، ولتاژ منبع روی همه‌ی آن‌ها تقسیم می‌شود؛ به‌طوری که اگر با ولت‌متر افت ولتاژهای دوسر مقاومت‌ها را اندازه بگیریم و باهم جمع کنیم، ولتاژ منبع به‌دست می‌آید. در شکل ۷-۱ این واقعیت را مشاهده می‌کنید.

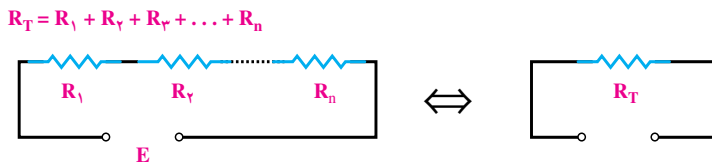


$$E = U_{R_1} + U_{R_2} + U_{R_3} + U_{R_4}$$

شکل ۷-۱- اندازه‌گیری ولتاژ در مدار

افزود، در مدار سری نیز اگر یک یا چند مقاومت به مدار افزوده گردد، شدت جریان مدار کم می شود. لذا برای ثابت نگه داشتن شدت جریان - در حد قبلی - باید به نیروی محرکه‌ی مدار افزود. بنابراین، در مدار سری با اضافه کردن تعداد مقاومت‌ها و ثابت بودن ولتاژ منبع، شدت جریان کم می شود و این نشان می دهد که مقاومت معادل یا مقاومت کل مدار افزایش یافته است. برای محاسبه‌ی مقاومت معادل - یعنی مقاومتی که می توان آن را جایگزین مجموعه‌ای از مقاومت‌ها کرد، به شرطی که در شدت جریان مدار تغییری ندهد - به صورت زیر عمل می کنیم.

مدار شکل ۱۰-۹ را با سه مقاومت R_1 ، R_2 و R_3 در نظر می گیریم. در مدار سری شدت جریان در تمام نقاط مدار یکسان است.



شکل ۱۰-۱۰

۱۰-۳ - حالت خاص

در صورتی که n مقاومت در مدار سری باهم مساوی باشند، مقاومت معادل از رابطه‌ی زیر به دست می آید. چرا؟

$$R_T = n \cdot R$$

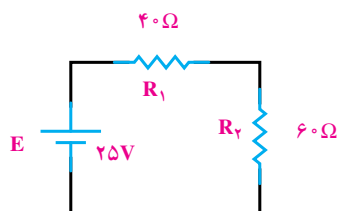
۱۰-۴ - کاربرد قانون اهم^۱

تاکنون متوجه شده اید که جریان و ولتاژ در مدار سری چگونه است اما برای این که بدانید مقدار آن‌ها چگونه تغییر می کند و چه قدر است، باید از قانون اهم کمک بگیرید. قانون اهم به ما می گوید که روابط زیر بین ولتاژ، جریان و مقاومت برقرار است.

$$E = IR \quad , \quad I = \frac{E}{R} \quad , \quad R = \frac{E}{I}$$

در این جا با ذکر چند مثال، با نحوه‌ی کاربرد قانون اهم در مدارهای سری آشنا می شویم.

مثال ۱: در مدار شکل ۱۰-۱۱ شدت جریان را حساب کنید.

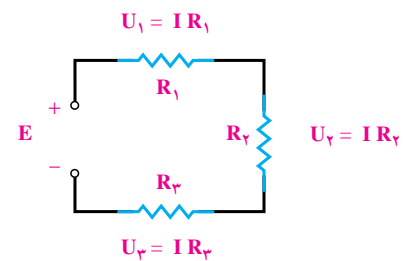


شکل ۱۰-۱۱

راه حل: ابتدا مقدار مقاومت کل (R_T) را برابر مدار

سری به دست می آوریم.

$$R_T = R_1 + R_2$$



شکل ۱۰-۹

در مدار فوق ولتاژ منبع با جمع افت ولتاژها برابر است.

رابطه‌ی آن به این صورت است:

$$E = U_1 + U_2 + U_3 \quad (1)$$

با توجه به قانون اهم، داریم:

$$(2)$$

$$E = I \cdot R_T \quad , \quad U_1 = IR_1 \quad , \quad U_2 = IR_2 \quad , \quad U_3 = IR_3$$

مقادیر روابط ۲ را در رابطه‌ی ۱ قرار می دهیم.

$$I R_T = I R_1 + I R_2 + I R_3$$

با حذف جریان‌ها از طرفین تساوی به رابطه‌ی مقاومت

معادل می رسیم.

$$R(R_T) = R(R_1 + R_2 + R_3) \quad \boxed{R_T = R_1 + R_2 + R_3}$$

با توجه به اثبات رابطه‌ی ذکر شده، مقاومت معادل در یک

۱- علامت Ω (امگا) به معنای اهم و علامت $k\Omega$ به معنای کیلو اهم یا هزار اهم است.

$$U_1 = IR_1 = (1 \times 10^{-3} \times 1 \times 10^3) = 1V$$

$$U_2 = IR_2 = (1 \times 10^{-3} \times 1/5 \times 10^3) = 1/5V$$

$$U_3 = IR_3 = (1 \times 10^{-3} \times 5 \times 10^3) = 5V$$

اکنون مقدار مقاومت معادل را حساب می‌کنیم.

$$R_T = 1k\Omega + 1/5k\Omega + 5k\Omega$$

$$= 7/5k\Omega$$

بنابراین، با استفاده از قانون اهم می‌توان نوشت:

$$E = I \cdot R_T$$

$$= 1 \times 10^{-3} \times 7/5 \times 10^3$$

$$= 7/5V$$

نتیجه‌ی حاصل این است که مجموع افت ولتاژهای دوسر

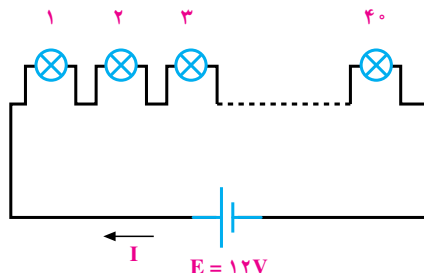
مقاومت‌ها با ولتاژ منبع تغذیه برابر است.

مثال ۴: تعداد ۴۰ لامپ مشابه ۶ ولت ۰/۳ آمپری را

مطابق شکل ۱۴-۱۰ به‌طور سری به منبع ولتاژ ۱۲ ولتی اتصال

داده‌ایم. لامپ‌ها روشن نمی‌شوند. با توجه به این که همه‌ی آن‌ها

سالم و اتصالات نیز سالم هستند، علت را شرح دهید.



شکل ۱۴-۱۰

راه حل:

برای حل کردن مثال فوق می‌توانید از قانون اهم استفاده

کنید.

مقاومت هر لامپ = R

$$R = \frac{U}{I} \text{ قانون اهم}$$

$$= \frac{6V}{0/3} = 2\Omega$$

مقاومت هر لامپ در شرایط معمولی ۶V/۰/۳A

$$= 40\Omega + 60\Omega$$

$$= 100\Omega$$

با استفاده از قانون اهم می‌توان نوشت:

$$I = \frac{E}{R_T} = \frac{25V}{100\Omega} = 0/25A$$

این جریان کل در همه‌جای مدار یکسان باقی می‌ماند.

مثال ۲: در مدار شکل ۱۲-۱۰ جریان ۱۰ میلی‌آمپر از

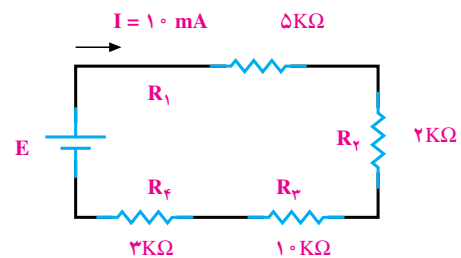
مدار عبور می‌کند. ولتاژ منبع تغذیه چه قدر است؟

راه حل: ابتدا مقاومت معادل (R_T) را به‌دست می‌آوریم.

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3 + R_4$$

$$= 5k\Omega + 2k\Omega + 10k\Omega + 3k\Omega$$

$$= 20k\Omega$$



شکل ۱۲-۱۰

با استفاده از قانون اهم داریم:

$$E = I \cdot R_T$$

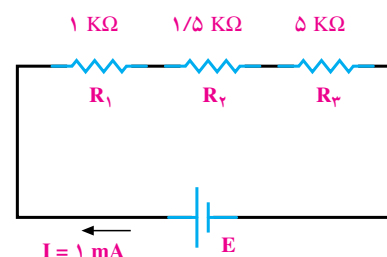
$$E = 10mA \times 20k\Omega$$

$$E = 10 \times 10^{-3} \times 20 \times 10^3$$

$$= 200V$$

مثال ۳: در مدار شکل ۱۳-۱۰ ولتاژ منبع تغذیه (E) و

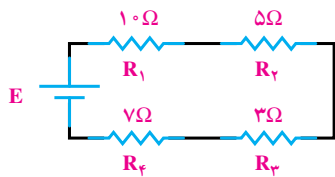
افت ولتاژ دوسر مقاومت‌ها را به‌دست آورید.



شکل ۱۳-۱۰

راه حل: به کمک قانون اهم در مورد هر مقاومت می‌توان

نوشت:



شکل ۱۵-۱۰

راه حل:

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3 + R_4$$

$$R_T = 10 + 5 + 3 + 7 = 25 \Omega$$

مثال ۶: مقاومت معادل کدام مدار بیش تر است؟ (شکل

۱۶-۱۰)

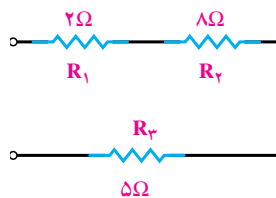
راه حل:

مقاومت معادل شکل (الف) $R_T = 2 + 8 + 5 = 15 \Omega$ (الف)

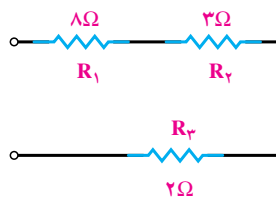
مقاومت معادل شکل (ب) $R_T = 8 + 3 + 2 = 13 \Omega$ (ب)

مقاومت معادل شکل (پ) $R_T = 8 + 10 = 18 \Omega$ (پ)

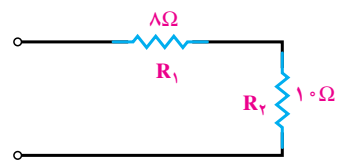
مدار شکل پ دارای مقاومت معادل بزرگ تری است.



(الف)



(ب)



(پ)

شکل ۱۶-۱۰

ولتاژ دوسر R_1 برابر است با جریان در مقاومت R_1

$$U_1 = IR_1 \quad (1)$$

جریان کل مدار برابر است با:

$$I = \frac{E}{R_1 + R_2} \quad (2)$$

رابطه ی ۲ را در رابطه ی ۱ قرار می دهیم:

$$U_1 = \frac{E}{R_1 + R_2} \times R_1$$

اکنون U_1 را می توان به صورت رابطه ی ۳ نوشت:

$$U_1 = E \frac{R_1}{R_1 + R_2} \quad (3)$$

رابطه ی ۳ ولتاژ جزء دوسر مقاومت R_2 را نسبت به ولتاژ

کل در مدار سری مشخص می کند.

چون لامپ ها مشابه یک دیگرند، پس ولتاژ منبع به طور مساوی روی آن ها تقسیم می شود؛ یعنی:

افت ولتاژی که به دوسر هر لامپ می افتد.

$$U = \frac{E}{4} = \frac{12V}{4} = 3V$$

$$I = \frac{U}{R} = \frac{3}{20} = 0.15A = 15mA$$

شدت جریان عبوری از لامپ ها ۱۵ میلی آمپر و افت ولت

دوسر هر لامپ ۳ ولت است که از افت ولت و شدت جریان در

شرایط معمولی برای هر لامپ خیلی کم تر است. بنابراین، روشنایی

لامپ ها در حدی نیست که بتوان آن را دید. پس به نظر می رسد

که لامپ ها روشن نیستند.

مثال ۵: مقاومت معادل مدار شکل ۱۵-۱۰ را به دست

آورید.

۵-۱۰- تقسیم ولتاژ در مدار سری

می دانیم که در یک مدار سری، ولتاژ کل به نسبت مستقیم

بین مقاومت های مدار تقسیم می شود؛ یعنی، هر چه مقدار مقاومت

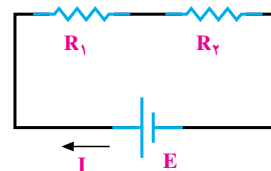
کم تر باشد، افت ولتاژ دوسر آن کوچک تر و هر چه مقدار مقاومت

زیادتر باشد، افت ولتاژ دوسر آن بزرگ تر است. برای محاسبه ی

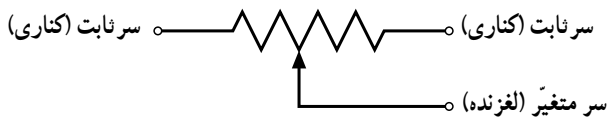
افت ولتاژ در یک مدار سری، مدار شکل ۱۷-۱۰ را در نظر

می گیریم.

$$U_1 = IR_1 \quad U_2 = IR_2$$



شکل ۱۷-۱۰



شکل ۱۹-۱- نمای الکتریکی مقاومت متغیر

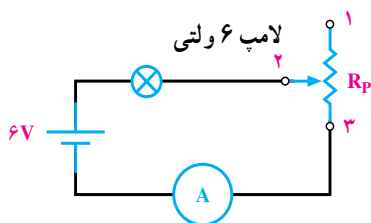
خارجی مقاومت حرکت کند و مقدار مقاومت را نسبت به سرهای ثابت تغییر دهد.

اگر از دوسر مقاومت متغیر (یک سر ثابت و یک سر لغزنده) در مدار استفاده شود، مقاومت متغیر به صورت رئوستا در مدار قرار می‌گیرد. با حرکت سر لغزنده، مقدار مقاومت رئوستا و در نتیجه، مقاومت مدار تغییر می‌کند. با تغییر مقاومت مدار، شدت جریان مدار نیز تغییر می‌کند.

اگر از هر سه سر مقاومت متغیر (دوسر ثابت و یک سر لغزنده) در مدار استفاده شود، مقاومت متغیر به صورت پتانسیومتر در مدار قرار می‌گیرد. با حرکت سر لغزنده، مقدار مقاومت آن نسبت به سرهای ثابت تغییر می‌کند. با وارد کردن ولتاژی به دوسر ثابت می‌توان از سر لغزنده و یکی از سرهای کناری، ولتاژهای متغیری را دریافت کرد.

رئوستا برای کنترل شدت جریان مدار به کار می‌رود و در مدار به صورت سری بسته می‌شود. شکل ۲۰-۱۰ اتصال رئوستا را در مدار نشان می‌دهد.

با تغییر سر لغزنده از نقطه‌ی ۱ به ۲ و ۳ مقاومت مدار



شکل ۲۰-۱- اتصال رئوستا در مدار

کاهش می‌یابد. با کاهش مقاومت مدار جریان آن افزایش می‌یابد و روشنایی لامپ بیش‌تر می‌شود. در نقطه‌ی ۳ مقاومت مدار حداقل و شدت جریان حداکثر مقدار خود را دارد؛ در نتیجه روشنایی لامپ نیز حداکثر است. عکس این مطلب نیز صادق است. با حرکت سر لغزنده از نقطه‌ی ۳ به ۲ و ۱ مقاومت مدار افزایش و

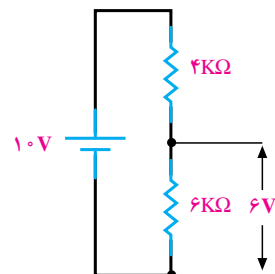
هم‌چنین، مقدار ولتاژ دوسر R_p برابر است با:

$$U_p = E \frac{R_p}{R_1 + R_p} \quad (4)$$

از مشاهده‌ی روابط ۳ و ۴ معلوم می‌شود که تقسیم ولتاژ روی مقاومت‌ها با مقادیر آن‌ها نسبت مستقیم دارد.

۶-۱۰- کاربرد

اگر بخواهیم از یک ولتاژ مشخص ولتاژ کم‌تری داشته باشیم، راه عملی آن است که با استفاده از دو مقاومت، افت ولتاژ لازم را تهیه کنیم و مورد استفاده قرار دهیم؛ مثلاً از ولتاژ ۱۰ ولت، ۶ ولت آن مورد نیاز است. برای تأمین این ولتاژ، منبع ۱۰ ولتی را با دو مقاومت ۴ و ۶ کیلو اهمی سری می‌کنیم (شکل ۱۸-۱۰). سپس از افت ولتاژ روی مقاومت ۶ کیلو اهمی می‌توانیم برای منظور خاص استفاده نماییم. البته با قرار دادن یک مصرف‌کننده به صورت موازی با مقاومت ۶ کیلو اهم، افت ولتاژ دوسر مقاومت‌ها تغییر می‌کند. به همین دلیل، معمولاً برای تأمین ولتاژهای مورد نیاز از مقاومت‌های متغیر استفاده می‌شود که در ادامه درباره‌ی انواع آن‌ها توضیح خواهیم داد.



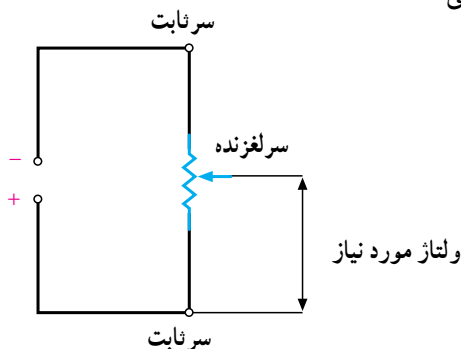
شکل ۱۸-۱۰

۷-۱۰- رئوستا و پتانسیومتر

قبلاً برای تقسیم ولتاژ، از مقاومت‌های ثابت استفاده کردیم. در نتیجه، ولتاژهای ثابتی نیز می‌توانستیم تهیه کنیم اما در عمل بیش‌تر از مقاومت‌های متغیر استفاده می‌شود و ولتاژهای متغیری از حداقل تا حداکثر ولتاژ منبع وجود دارد که از جمله‌ی آن‌ها مقاومت‌های متغیر رئوستا و پتانسیومتر را می‌توان نام برد. شکل ۱۹-۱۰ نمای الکتریکی یک مقاومت متغیر را نشان می‌دهد. سر لغزنده یا متغیر سری است که می‌تواند روی سطح

جریان کاهش می‌یابد. با کاهش شدت جریان از روشنایی لامپ کاسته می‌شود.

پتانسیومتر را برای دریافت ولتاژی کم‌تر از ولتاژ منبع به کار می‌برند. شکل ۲۱-۱۰ اتصال پتانسیومتر را به مدار نشان می‌دهد.

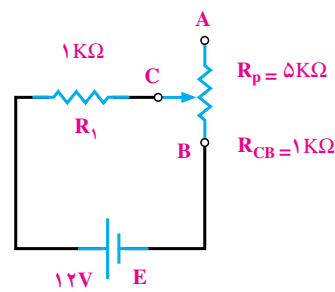


شکل ۲۱-۱۰- اتصال پتانسیومتر در مدار

با وصل کردن ولتاژ منبع به دوسر مقاومت متغیر (پتانسیومتر)، و تنظیم سر لغزنده ولتاژ مورد نیاز را از سر ثابت و سر لغزنده دریافت می‌کنیم.

مثال ۷: شدت جریان مدار شکل ۲۲-۱۰ را در حالت‌های زیر به دست آورید.

- ۱- سر لغزنده در نقطه‌ی A قرار دارد.
- ۲- سر لغزنده در نقطه‌ی C قرار دارد.



شکل ۲۲-۱۰

راه حل:

حالت ۱ $R_T = R_1 + R_p = 1k\Omega + 5k\Omega = 6k\Omega$

$$I = \frac{12V}{6 \times 10^3} = 2mA$$

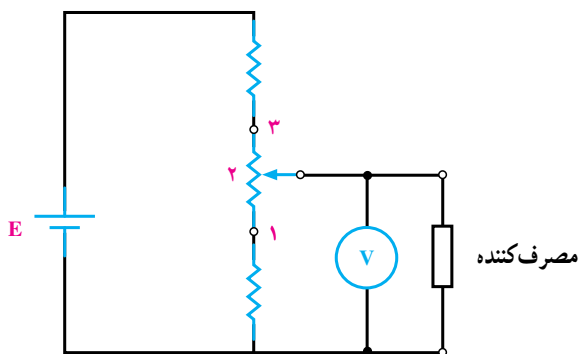
حالت ۲ $R_T = R_1 + R_{CB} = 1k\Omega + 1k\Omega = 2k\Omega$

$$I = \frac{12V}{2 \times 10^3} = 6mA$$

از مثال فوق مشخص می‌شود که مقاومت مدار در حالت ۱ برابر $6k\Omega$ و شدت جریان $2mA$ است. در حالت ۲ مقاومت مدار کاهش یافته و به $2k\Omega$ رسیده است؛ در نتیجه، شدت جریان افزایش می‌یابد و به $6mA$ می‌رسد. بنابراین، با قرار گرفتن یک رئوس‌تا به‌طور سری در مدار، شدت جریان کنترل می‌شود.

پتانسیومتر در مدار به‌صورت موازی بسته می‌شود و کنترل‌کننده‌ی ولتاژ داده شده به مصرف‌کننده است.

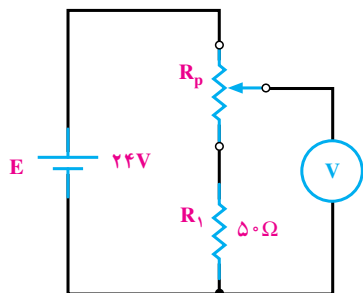
طبق شکل ۲۳-۱۰ با تغییر سر لغزنده از نقطه‌ی ۱ به ۲ و ۳ ولت‌متر ولتاژ بیشتری را نشان می‌دهد.



شکل ۲۳-۱۰- دریافت ولتاژ متغیر

متناسب با ولتاژ مورد نیاز مصرف‌کننده، می‌توان سر لغزنده را در جهت مناسب حرکت داد.

مثال ۸: در شکل ۲۴-۱۰ برای دریافت ولتاژ از ۶ تا ۲۴ ولت چه پتانسیومتری را در مدار قرار می‌دهید؟



شکل ۲۴-۱۰

راه حل: $U_1 = E \frac{R_1}{R_1 + R_p}$

$$U_1 = (R_1 + R_p)ER_1 \Rightarrow U_1R_1 + U_1R_p = ER_1$$

$$U_1R_p = ER_1 - U_1R_1$$

برای ارتفاع (h) بنویسیم، برای به دست آوردن فاصله‌ی بین AE چنین عمل می‌کنیم:

$$h_{AE} = h_{AB} - h_{EB}$$

ارتفاع آب از نقطه‌ی A تا ته ظرف $h_{AB} = 5^\circ\text{cm}$

ارتفاع آب از نقطه‌ی E تا ته ظرف $h_{EB} = 2^\circ\text{cm}$

$$h_{AE} = 5^\circ\text{cm} - 2^\circ\text{cm}$$

ارتفاع آب بین AB $h_{AE} = 3^\circ\text{cm}$

مثلاً ارتفاع نقطه‌ی D تا ته ظرف چه قدر است؟

$$h_{DB} = h_{DB} - h_{BB}$$

$$h_{DB} = 3^\circ\text{cm} - 0$$

$$h_{DB} = 3^\circ\text{cm}$$

برای خلاصه کردن رابطه‌ی تعیین ارتفاع، معمولاً حرف مبنا را نمی‌نویسند اما در محاسبه، آن را در نظر می‌گیرند؛ مثلاً h_{AD} برابر است با:

$$h_{AD} = h_A - h_D$$

که h_A یعنی ارتفاع سطح نقطه‌ی A تا ته ظرف (مبنا) و h_D نیز به همین صورت ارتفاع سطح نقطه‌ی D تا ته ظرف است. اکنون با توجه به این توضیحات داریم:

$$h_A = h_{AB} = 5^\circ\text{cm} \quad \text{ارتفاع آب تا نقطه‌ی A}$$

$$h_D = h_{DB} = 3^\circ\text{cm} \quad \text{ارتفاع آب تا نقطه‌ی D}$$

$$h_{AD} = 5^\circ\text{cm} - 3^\circ\text{cm}$$

$$h_{AD} = 2^\circ\text{cm}$$

در مورد تعیین ارتفاع آب در پشت سدها نیز همین روش به کار می‌رود؛ مثلاً وقتی می‌گویند ارتفاع سطح آب تا تاج سد ۵ متر است، یعنی تفاوت بین ارتفاع سطح آب تا کف سد و ارتفاع بالاترین نقطه‌ی سد تا کف دریاچه‌ی سد ۵ متر است.

در شکل ۲۶-۱۰ ارتفاع آب تا تاج سد به خوبی نشان داده شده است.

از مطالب گفته شده چنین برمی‌آید که کمیّت ارتفاع نسبی است؛ یعنی، باید آن را نسبت به یک مبنا سنجید. کمیّت ولتاژ را نیز معمولاً نسبت به یک مبنا می‌سنجند؛ مثلاً وقتی گفته می‌شود

$$R_P = \frac{R_1(E - U_1)}{U_1}$$

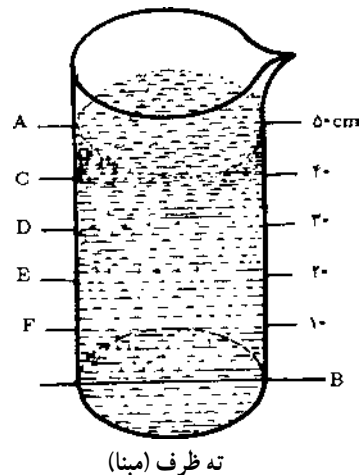
$$R_P = 5^\circ \frac{(24 - 6)}{6} = \frac{5^\circ \times 18}{6} = 15^\circ \Omega$$

۸-۱۰ کاربرد

شدت صدای رادیو و فرستنده‌ها و گیرنده‌های دیگر و نیز روشنایی تصویر تلویزیون به کمک ولوم‌هایی که در جلوی دستگاه تعبیه شده است، کم و زیاد می‌شود. این ولوم‌ها چیزی جز مقاومت‌های متغیّر نیستند که به صورت رئوستا و پتانسیومتر در مدار قرار گرفته‌اند.

۹-۱۰ نسبی بودن ولتاژ الکتریکی

استوانه‌ی مدرّج پر از آب شکل ۲۵-۱۰ را در نظر بگیرید. ارتفاع سطح آب را می‌توان نسبت به هر نقطه‌ای از ستون آب در لوله‌ی مدرّج به دست آورد. فرض کنید می‌خواهیم ارتفاع سطح آب را از نقطه‌ی A تا نقطه‌ی E به دست آوریم. برای این کار می‌توانیم درجات بین دو نقطه‌ی A و E را ببینیم یا آن که ارتفاع آب را از نقطه‌ی A تا B (ته ظرف) و ارتفاع نقطه‌ی E تا ته ظرف

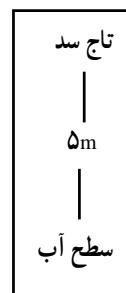


ته ظرف (مبنا)

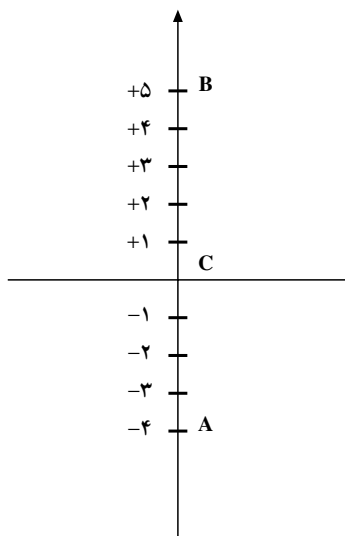
شکل ۲۵-۱۰ نسبی بودن ارتفاع آب

بخوانیم و از یک دیگر کم کنیم؛ در هر دو صورت به یک جواب می‌رسیم. بنابراین، اگر علامت ارتفاع را h در نظر بگیریم و نقاطی را که می‌خواهیم ارتفاع بین آن‌ها مشخص شود به صورت اندیس

۱- بالاترین نقطه‌ی سد را از نظر ارتفاع، تاج سد گویند.



شکل ۲۶-۱- سد کرج



شکل ۲۷-۱- نسبی بودن ولتاژ

$$U_{AB} = -9V$$

هم چنین ولتاژ نقطه‌ی B نسبت به A برابر است با :

$$U_{BA} = U_B - U_A$$

$$U_{BA} = +5V - (-4V)$$

$$U_{BA} = +9V$$

$$U_{AB} = -U_{BA}$$

$$U_{BA} = -U_{AB}$$

نتیجه :
یا

ولتاژ نقطه‌ی A مقداری را داراست، این گفته ناقص است. در واقع، شنونده وقتی مقدار ولتاژ نقطه‌ی A را می‌شنود، منتظر است که گفته شود نسبت به کجا این مقدار را دارد اما وقتی گفته می‌شود «ولتاژ دوسر مقاومت» جمله کاملاً درست و بجاست؛ زیرا ولتاژ یک سر مقاومت نسبت به سر دیگر آن مورد نظر است یا این که اگر گفته شود «ولتاژ منبع» بیان درستی است؛ زیرا ولتاژ یک طرف منبع نسبت به سر دیگر منبع مورد نظر بوده است. بنابراین، در حالت کلی همان گونه که ارتفاع آب داخل لوله یا پشت سد را نسبت به ته ظرف یا سطح زمین می‌سنجند، کمیّت ولتاژ را هم نسبت به یک مبنا - که می‌تواند در هر نقطه‌ای از مدار انتخاب شود - بیان می‌کنند.

مثلاً اگر ولتاژ نقطه‌ی A مطابق شکل ۲۷-۱ نسبت به مبنای C برابر ۴- ولت و ولتاژ نقطه‌ی B نسبت به همان مبنا (نقطه‌ی C) دارای ولتاژ ۵+ ولت باشد، اختلاف ولتاژ نقطه‌ی A نسبت به نقطه‌ی B - که با U_{AB} نمایش داده می‌شود - برابر است با $U_{AC} - U_{BC}$. در نتیجه :

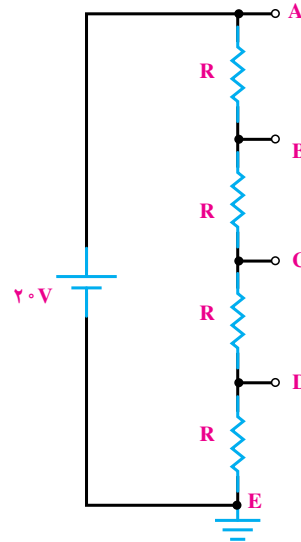
$$U_{AC} = -4V \quad \text{ولتاژ A نسبت به C}$$

$$U_{BC} = +5V \quad \text{ولتاژ B نسبت به C}$$

$$U_{AB} = U_A - U_B \quad \text{ولتاژ A نسبت به B}$$

$$U_{AB} = -4V - (+5V)$$

مثال ۹: در مدار شکل ۲۸-۱۰ با تساوی مقاومت‌ها اختلاف ولتاژ نقاط A، B، C و D را نسبت به مبنای E به دست آورید. به کمک این ولتاژها U_{AB} و U_{AC} و U_{AD} را نیز به دست آورید.



شکل ۲۸-۱۰: ولتاژ نقاط مختلف، نسبت به اتصال شاسی (بدنه)

راه حل: ولتاژ نقطه‌ی A نسبت به E برابر است با ولتاژ نقطه‌ی A منهای ولتاژ نقطه‌ی E؛ یعنی:

$$U_{AE} = U_A - U_E$$

$$U_{AE} = +20V - 0 = +20V$$

با توجه به این که مقاومت‌های موجود در مدار با یک‌دیگر برابرند و جریان آن‌ها نیز برابر است، پس اختلاف پتانسیل دوسر آن‌ها نیز باهم برابر است و می‌توان گفت ولتاژ منبع به‌طور مساوی بین آن‌ها تقسیم می‌شود و ولتاژ دوسر هر مقاومت برابر $U_R = \frac{20V}{4} = 5V$ خواهد شد.

اکنون می‌توان پتانسیل نقطه‌ی D را نسبت به نقطه‌ی E که نقطه‌ی مبناست - به صورت زیر به دست آورد.

$$U_{BE} = U_B - U_E = 15 - 0 = 15V$$

$$U_{CE} = U_C - U_E = 10 - 0 = 10V$$

$$U_{DE} = U_D - U_E = 5 - 0 = 5V$$

اختلاف پتانسیل نقاط دیگر را نیز می‌توان از روابط زیر

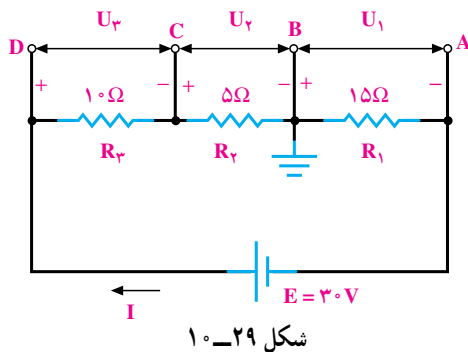
به دست آورد.

$$U_{AD} = U_A - U_D = +20 - 5 = +15V$$

$$U_{AC} = U_A - U_C = 20 - 10 = +10V$$

$$U_{AB} = U_A - U_B = 20 - 15 = +5V$$

مثال ۱۰: در مدار شکل ۲۹-۱۰ پتانسیل نقاط A، C و D را نسبت به نقطه‌ی اتصال مشترک (B) به دست آورید.



راه حل: مقاومت معادل برابر است با:

$$R_T = 10 + 5 + 15 = 30\Omega$$

شدت جریان کل با استفاده از قانون اهم:

$$I = \frac{E}{R_T} = \frac{30}{30} = 1A$$

$$U_1 = IR_1 = (1)(15) = 15V \quad \text{افت ولتاژ روی } R_1$$

$$U_2 = IR_2 = (1)(5) = 5V \quad \text{افت ولتاژ روی } R_2$$

$$U_3 = IR_3 = (1)(10) = 10V \quad \text{افت ولتاژ روی } R_3$$

با توجه به جهت جریان در شکل داریم:

$$U_1 = U_B - U_A = U_{BA} = 15V \quad \text{و چون } U_1 \text{ مثبت است،}$$

نتیجه می‌گیریم که $U_B > U_A$ است. از طرف دیگر، چون نقطه‌ی

B مبناست، پس $U_B = 0$ می‌باشد. حال اگر مقادیر U_1 و U_2

را در رابطه‌ی بالا قرار دهیم، خواهیم داشت $U_A = 0 - 15 = -15V$ یا

به عبارت دیگر: $U_A = -15V$. منفی شدن U_A بدین معناست

که پتانسیل نقطه‌ی A به اندازه‌ی ۱۵ ولت از پتانسیل نقطه‌ی مبنا

- یعنی B - کم تر است.

$$U_{AB} = U_A - U_B = -15 - 0 = -15V$$

۱- هر جا علامت اتصال شاسی است که در اغلب مدارهای الکترونیکی دیده می‌شود و نمایشگر اتصال مشترک با بدنه است.

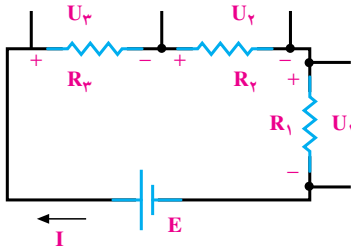
با توجه به شکل ۳۱-۱۰ می‌توان نوشت:

$$E - \sum U = 0$$

$$E - (U_1 + U_2 + U_3) = 0$$

$$E = U_1 + U_2 + U_3$$

یا



شکل ۳۱-۱۰

مثال ۱۲: قانون ولتاژهای کیرشهف را در مدار شکل

۳۲-۱۰ بررسی کنید.

راه حل: جریان کل در مدار فوق (حلقه‌ی بسته) برابر

$$\text{است با: } I = \frac{E}{R_T}$$

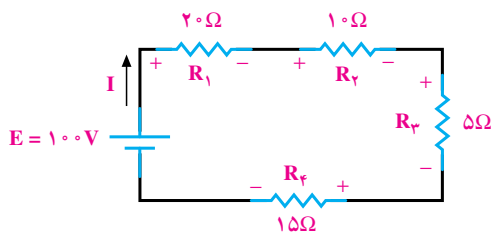
مقاومت معادل برابر است با:

$$R_T = R_1 + R_2 + R_3 + R_4$$

$$= 20 + 10 + 5 + 15$$

$$= 50$$

$$I = \frac{100}{50} = 2A$$



شکل ۳۲-۱۰

افت ولتاژ دوسر R_1 با استفاده از قانون اهم:

$$U_{R_1} = (2)(20) = 40V$$

$$U_{CB} = U_C - U_B = +5 - 0 = +5V$$

$$U_D = U_3 + U_2 = 10 + 5 = 15V$$

$$U_{DB} = U_D - U_B = +15 - 0 = +15V$$

مثال ۱۱: با تغییر نقطه‌ی مبنا از نقطه‌ی B به نقطه‌ی C

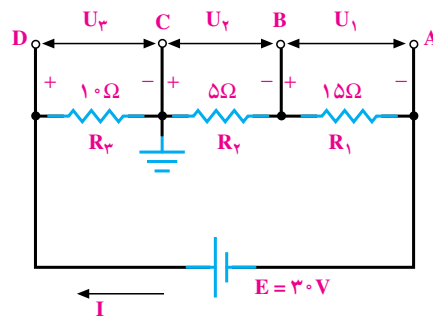
ولتاژ نقاط A، B و D نسبت به نقطه‌ی C در شکل ۳۰-۱۰ کدام

است؟

$$\text{راه حل: } U_{AC} = -U_1 - U_2 = -15 - 5 = -20V$$

$$U_{BC} = -U_2 = -5V$$

$$U_{DC} = U_3 = 10V$$



شکل ۳۰-۱۰

۱۰-۱-۱ قانون ولتاژهای کیرشهف (KVL)

رابطه‌ی بین ولتاژهای جزء (افت ولتاژها) و ولتاژ کل را

در مدار سری متذکر شدیم. اکنون تقسیم ولتاژ در مدار سری را

به گونه‌ای دیگر بیان می‌کنیم.

هر مدار سری شامل تعدادی مصرف‌کننده (مقاومت) و

یک منبع تغذیه است که به صورت یک حلقه^۲ با هم سری شده‌اند.

بنابراین، در هر حلقه جمع جبری افت ولتاژهای دوسر مقاومت‌ها

$$\text{و ولتاژ منبع تغذیه برابر صفر است؛ یعنی: } E - \sum U = 0$$

این تعریف بیان‌کننده‌ی قانون ولتاژهای کیرشهف است.

قانون ولتاژها را به گونه‌ی دیگری نیز می‌توان بیان کرد و

آن این که در هر مدار بسته، ولتاژ وارد شده به مدار برابر مجموع

افت ولتاژهای موجود در مدار حلقه است ($E = \sum U$)؛ یعنی،

۱- K.V.L = Kirchhoff's Voltage Law

۲- اگر از یک نقطه‌ی مداری در جهت دلخواه گردش کنیم و در یک چرخش کامل به همان نقطه‌ی شروع برسیم، به آن یک حلقه گویند.

۳- \sum یعنی جمع جبری، پس $\sum U$ به معنای جمع جبری ولتاژهاست.

ولتاژهای دوسر R_2 و R_3 و R_4 نیز با همین روش محاسبه

می شود :

$$U_{R_4} = (2)(10) = 20V$$

$$U_{R_3} = (2)(5) = 10V$$

$$U_{R_2} = (2)(15) = 30V$$

قانون ولتاژهای کیرشهف در این باره می گوید که $\sum U = E$

است ؛ یعنی :

$$E = U_{R_1} + U_{R_2} + U_{R_3} + U_{R_4}$$

$$100 = 40 + 20 + 10 + 30$$

$$100 = 100$$

یا

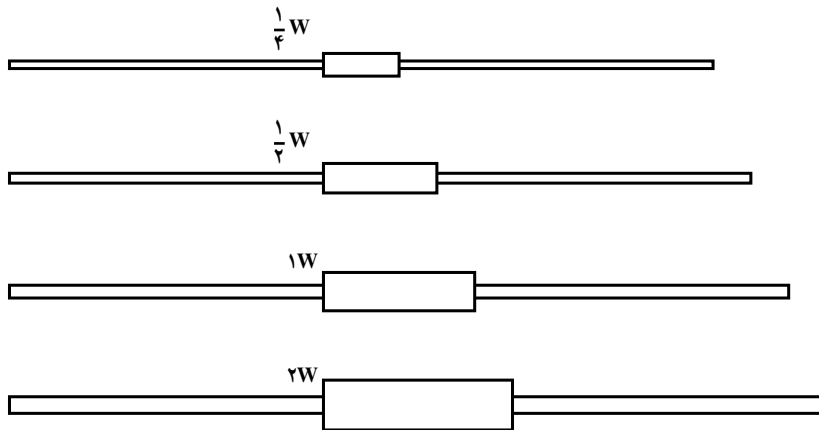
$$E - U_{R_1} - U_{R_2} - U_{R_3} - U_{R_4} = 0$$

$$100 - 40 - 20 - 10 - 30 = 0$$

$$100 - 100 = 0$$

۱۱-۱- توان مجاز در مدار سری

عبور جریان از مقاومت، آن را گرم می کند. یک مقاومت باید بتواند حرارت حاصل از عبور جریان را به صورت تشعشع از خود بیرون دهد. اگر این حرارت زیاد باشد، مقاومت خواهد سوخت. هرچه تبادل حرارتی بهتر انجام گیرد، دمای مقاومت دیرتر به دمای سوختن می رسد. مقدار توانی را که یک مقاومت می تواند به گرما تبدیل کند و نسوزد، به اندازه ی فیزیکی، شکل و جنس مقاومت بستگی دارد. برای مثال، شکل ۳۳-۱۰ ابعاد واقعی چند مقاومت لایه ی کربنی را نشان می دهد که همگی دارای مقاومت یکسان هستند ولی از نظر توان قابل تحمل متفاوت اند.



شکل ۳۳-۱۰ ابعاد مقاومت با توان مجاز آن، رابطه ی مستقیم دارد.

انتخاب می کنند.

معمولاً پس از محاسبه ی توان مصرفی مقاومت، توان مجاز مقاومت را کمی بیش تر انتخاب می کنند تا درصد اطمینان از کار مدار، بالا رود. توجه داشته باشید که وسایلی مانند بخاری برقی نیز مقاومت و توان مشخصی دارند و اگر جریان آن ها از حد مجاز بیش تر شود، سیم آن ها می سوزد.

هنگام استفاده از مقاومت، توان مجاز عامل بسیار مهمی

است ؛ زیرا در اثر انتخاب نادرست توان مجاز، مقاومت می سوزد و ممکن است به دیگر قطعات حساس مدار صدمه برسد. به همین علت، هنگام طراحی مدار با توجه به جریان عبوری از مقاومت و ولتاژ مدار و استفاده از یکی از روابط توان

$$(P = UI, P = \frac{U^2}{R}, P = RI^2)$$

مقاومت با توان مناسب را

۱۲- توان مصرفی در مدار سری

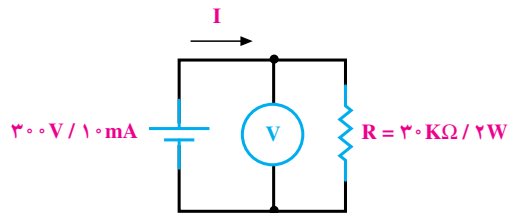
توان کل در یک مدار سری یا توانی که توسط مقاومت‌های مدار مصرف می‌شود، از مجموع توان‌های مصرف شده‌ی هر یک از مقاومت‌ها به دست می‌آید.
اگر مداری شامل n مقاومت سری باشد، توان کل برابر است با:

$$P_t = P_1 + P_2 + \dots + P_n$$

برای محاسبه‌ی توان تک تک مقاومت‌ها (توان‌های جزء) و توان کل (P_T) باید از یکی از روابط توان - که قبلاً نیز به آن‌ها اشاره شد - کمک بگیریم.

مثال ۱۳: توانی که یک منبع تغذیه با مشخصات

$300\text{V}/10\text{mA}$ می‌تواند تولید کند، چه قدر است؟ اگر این منبع را مطابق شکل ۳۴-۱۰ به یک مقاومت $30\text{k}\Omega/2\text{W}$ متصل کنیم، چه اتفاقی می‌افتد؟



شکل ۳۴-۱۰

راه حل:

$$P_t = 300 \times 10 \times 10^{-3}$$

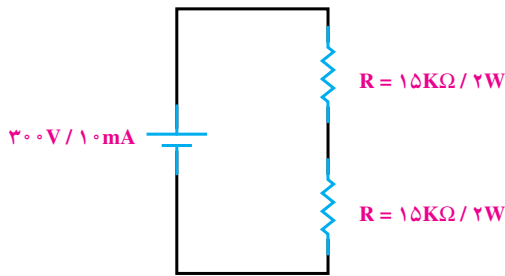
$$P_t = 3\text{W} \quad \text{توانی که منبع می‌تواند تولید کند}$$

$$I = \frac{300\text{V}}{30\text{k}\Omega} = 10\text{mA}$$

$$P_R = U_R \cdot I = 300 \times 10 \times 10^{-3}$$

$$P_R = 3\text{W} \quad \text{توان مصرف شده در مقاومت}$$

چون تحمل توان مجاز مقاومت بیش از ۲ وات نیست و اکنون ۳ وات مصرف می‌کند، مقاومت گرم می‌شود و می‌سوزد. اگر دو مقاومت $15\text{k}\Omega/2\text{W}$ را با همان منبع تغذیه سری کنیم، توان مصرفی هر مقاومت $1/5$ وات می‌شود که از توان مجاز آن کم‌تر است. در نتیجه، برای مقاومت‌ها مسئله‌ای پیش نمی‌آید.



$$I = \frac{E}{R_1 + R_2} = \frac{300\text{V}}{15\text{k} + 15\text{k}} = 10\text{mA}$$

$$U_{R_1} = U_{R_2} = \frac{300}{2} = 150\text{V}$$

$$P_{R_1} = 150 \times 10 \times 10^{-3} = 1/5\text{W}$$

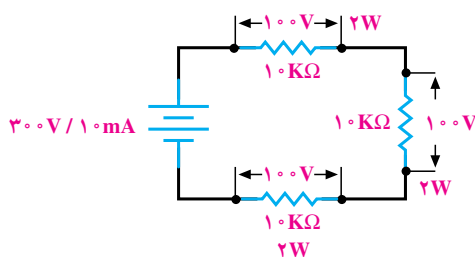
$$P_{R_2} = 150 \times 10 \times 10^{-3} = 1/5\text{W}$$

از طرفی، توان تولید شده توسط منبع، برابر مجموع توان‌های مصرف شده در مقاومت‌هاست؛ یعنی:

$$P_t = P_{R_1} + P_{R_2}$$

$$P_t = 1/5 + 1/5 = 3\text{W}$$

برای کسب اطمینان از گرم نشدن مقاومت‌ها، سه مقاومت $10\text{k}\Omega/2\text{W}$ را به صورت سری به همان منبع تغذیه اتصال می‌دهیم. توان مصرفی هر مقاومت یک وات می‌شود که از توان مجاز آن بسیار کم‌تر است (شکل ۳۵-۱۰). در این جا نیز توان منبع، با مجموع توان‌های جزء برابر خواهد بود.



شکل ۳۵-۱۰

$$P_t = 300 \times 10 \times 10^{-3} = 3\text{W} \quad \text{توان کل}$$

$$P_1 = 100 \times 10 \times 10^{-3} = 1\text{W} \quad \text{توان مصرفی } R_1$$

$$P_2 = 100 \times 10 \times 10^{-3} = 1\text{W} \quad \text{توان مصرفی } R_2$$

$$P_3 = 100 \times 10 \times 10^{-3} = 1\text{W} \quad \text{توان مصرفی } R_3$$

$$P_t = P_1 + P_2 + P_3 = 1 + 1 + 1 = 3\text{W} \quad \text{نتیجه:}$$

۱۳-۱۰- مشخصات مدار سری

۱- شدت جریان در تمام نقاط مدار یکسان و برابر $\frac{U_t}{R_t}$

است.

۲- مقاومت کل (معادل) از جمع مقاومت‌های جزء مدار

حاصل می‌شود و برابر است با

$$R_T = R_1 + R_2 + \dots + R_n$$

۳- ولتاژ کل از جمع افت ولتاژهای جزء مدار به دست

$$E = U_1 + U_2 + \dots + U_n \text{ می‌آید.}$$

۴- افت ولتاژ دوسر مقاومت‌های جزء با مقدار مقاومت‌های

مدار نسبت مستقیم دارد.

$$U_1 = E \frac{R_1}{R_t}, \quad U_2 = E \frac{R_2}{R_t}, \quad U_n = E \frac{R_n}{R_t}$$

۵- توان کل با جمع توان‌های جزء مدار برابر است.

$$P_t = P_1 + P_2 + \dots + P_n$$

مثال ۱۴: در مقاومت $30k\Omega/2W$ را به صورت سری به

منبع تغذیه $30V/10mA$ وصل می‌کنیم. توان مصرفی هر مقاومت و توان تولید شده توسط منبع تغذیه را حساب کنید.

راه حل:

$$R_t = R_1 + R_2 = 30 + 30 = 60k\Omega$$

$$I = \frac{E}{R_t} = \frac{30}{60k} = 5mA$$

$$U_{R_1} = U_{R_2} = \frac{30}{2} = 15V$$

$$P_{R_1} = P_{R_2} = U_{R_1} \cdot I = U_{R_2} \cdot I$$

توان مصرفی هر مقاومت $15V \times 5mA = 75mW$

$$P_t = P_{R_1} + P_{R_2} = 75 + 75$$

توان تولیدشده توسط منبع $15V \times 5mA = 75mW$

خلاصه‌ی مطالب

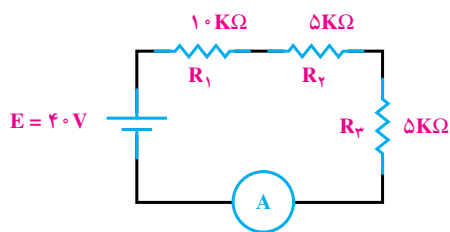
- * برای افزایش مقاومت کل مدار، مقاومت‌ها را باهم به صورت سری می‌بندند.
- * در مدار سری، جریان یک مسیر دارد و مقدار آن در تمام نقاط مسیریکسان است.
- * ولتاژ در مدار سری، متناسب با مقدار مقاومت‌ها تقسیم می‌شود.
- * رئوسنا کنترل کننده‌ی جریان و پتانسیومتر کنترل کننده‌ی ولتاژ در مدار است.
- * توان‌های مصرفی کل مقاومت‌ها در یک مدار سری با توان تولید شده توسط مولد برابر است.

پرسش

- ۱- یک مدار سری مقاومتی چگونه تشکیل می‌شود؟
- ۲- خصوصیات مدار سری را توضیح دهید.
- ۳- ولتاژ کل در مدار سری بین مقدار مقاومت‌ها به چه نسبتی تقسیم می‌شود؟
- ۴- چگونگی استفاده از رئوسنا و پتانسیومتر را در مدار شرح دهید.
- ۵- نسبی بودن پتانسیل را توضیح دهید.
- ۶- در مدار سری کدام قانون کیرشهف بیش‌تر کاربرد دارد؟
- ۷- توان مصرفی و توان مجاز را تعریف کنید.
- ۸- آیا توانی که یک مولد قادر به تولید آن است، می‌تواند از توانی که یک یا چند مصرف‌کننده مصرف می‌کنند، بیش‌تر یا کم‌تر باشد؟ در این صورت چه اتفاقی می‌افتد؟ (مثال بزنید).

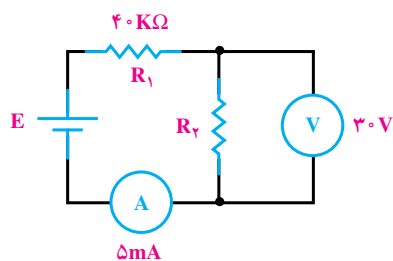
مسائل

- ۱- در مدار شکل ۱۰-۳۶ مقدار مقاومت کل و جریان مدار چه قدر است؟
(جواب: $2 \text{ k}\Omega - 2 \text{ mA}$)



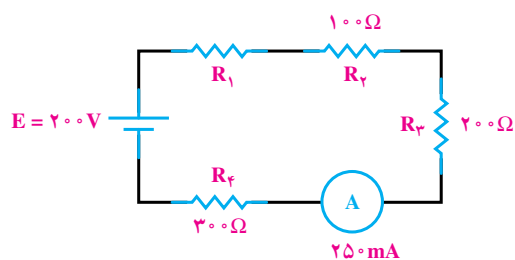
شکل ۱۰-۳۶

- ۲- در مدار شکل ۱۰-۳۷ مقدار R_2 و E چه قدر است؟
(جواب: $6 \text{ k}\Omega$ و 230 V)



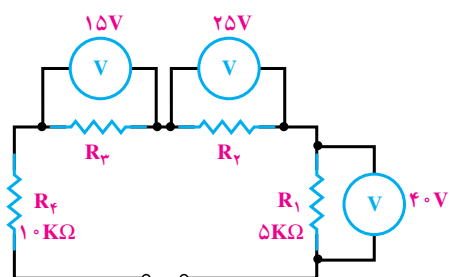
شکل ۱۰-۳۷

- ۳- در مدار شکل ۱۰-۳۸ مقدار R_1 چه قدر است؟
(جواب: 200Ω)



شکل ۱۰-۳۸

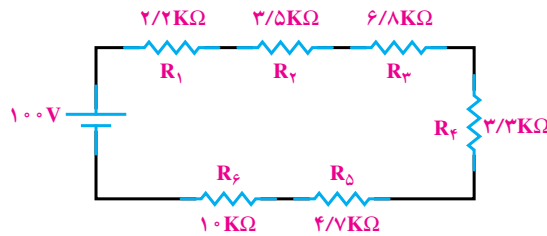
- ۴- در مدار شکل ۱۰-۳۹ مقدار E چه قدر است؟
(جواب: 160 V)



شکل ۱۰-۳۹

۵- در مدار شکل ۱۰-۴۰ مقاومت معادل چه قدر است؟

(جواب: $30/5k\Omega$)



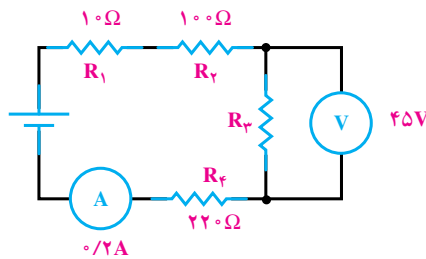
شکل ۱۰-۴۰

۶- در مدار شکل ۱۰-۴۰ شدت جریان چه قدر است؟

(جواب: $3/27\text{ mA}$)

۷- مقاومت معادل مدار شکل ۱۰-۴۱ چه قدر است؟

(جواب: 555Ω)



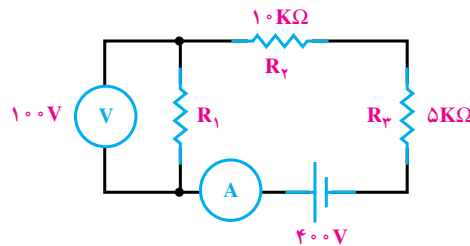
شکل ۱۰-۴۱

۸- در مدار شکل ۱۰-۴۱ افت ولتاژ کل چه قدر است؟

(جواب: 111 V)

۹- در مدار شکل ۱۰-۴۲، شدت جریان کل چه قدر است؟

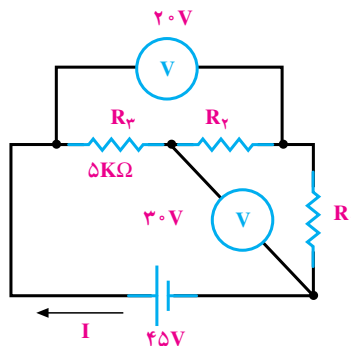
(جواب: 20 mA)



شکل ۱۰-۴۲

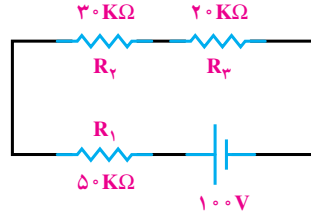
۱۰- در مدار شکل ۱۰-۴۳ شدت جریان کل چه قدر است؟

(جواب: 3 mA)



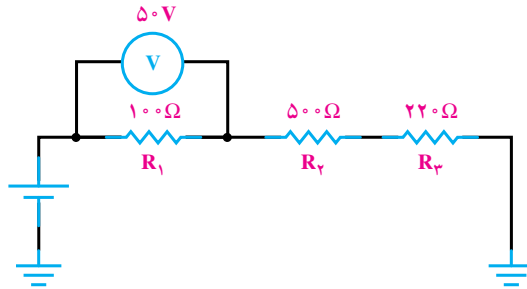
شکل ۱۰-۴۳

۱۱- در شکل ۱۰-۴۴ مقدار U_1 (افت ولتاژ دوسر مقاومت R_1) چه قدر است؟
(جواب: 50 V)



شکل ۱۰-۴۴

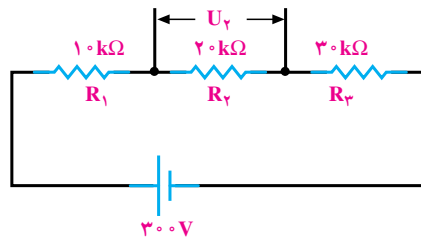
۱۲- در شکل ۱۰-۴۵ مقدار مقاومت معادل چه قدر است؟
(جواب: $120\ \Omega$)



شکل ۱۰-۴۵

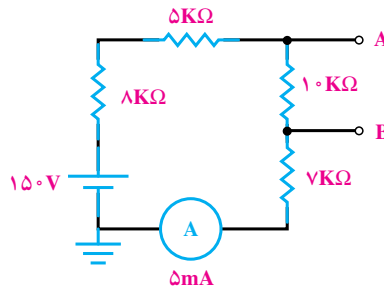
۱۳- در مدار شکل ۱۰-۴۵ ولتاژ منبع چه قدر است؟
(جواب: 410 V)

۱۴- مقدار U_2 در شکل ۱۰-۴۶ چه قدر است؟
(جواب: 100 V)



شکل ۱۰-۴۶

۱۵- در مدار شکل ۱۰-۴۷ ولتاژ نقطه‌ی A نسبت به زمین چه قدر است؟
(جواب: $+85\text{ V}$)

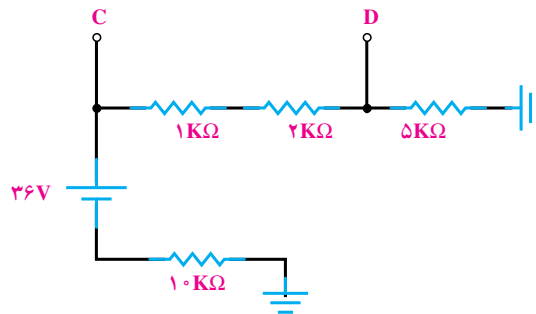


شکل ۱۰-۴۷

۱۶- با توجه به شکل ۱۰-۴۷ ولتاژ نقطه‌ی B نسبت به زمین چه قدر است؟
(جواب ۳۵ V +)

۱۷- در مدار شکل ۱۰-۴۷ U_{BA} چه قدر است؟
(جواب: ۵۰V -)

۱۸- در مدار شکل ۱۰-۴۸ ولتاژ نقطه‌ی C نسبت به زمین چه قدر است؟
(جواب: ۱۶۷V +)



شکل ۱۰-۴۸

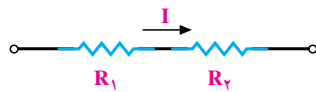
۱۹- در مدار شکل ۱۰-۴۸ ولتاژ نقطه‌ی D نسبت به زمین چه قدر است؟
(جواب: ۱۰۷V +)

۲۰- در مدار شکل ۱۰-۴۸ U_{DC} چه قدر است؟
(جواب: ۶V -)

۲۱- در مدارهای شکل ۱۰-۴۹ توان مصرفی کل و R_1 را به دست آورید. در صورتی که توان مجاز مقاومت‌ها در شکل الف و ب $W/5$ باشد، آیا مقاومت‌ها خواهند سوخت؟

(جواب الف - $\frac{1}{3}W$ و 2Ω)

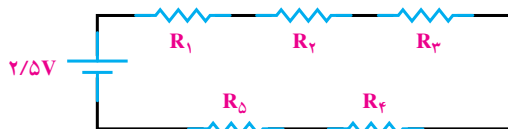
(جواب ب - $1/25W$ و 5Ω)



$$R_1 = R_2 = 1\Omega$$

$$I = \frac{1}{3}A$$

(الف)



$$R_1 = R_2 = R_3 = R_4 = R_5 = 1\Omega \quad \text{(ب)}$$

شکل ۱۰-۴۹