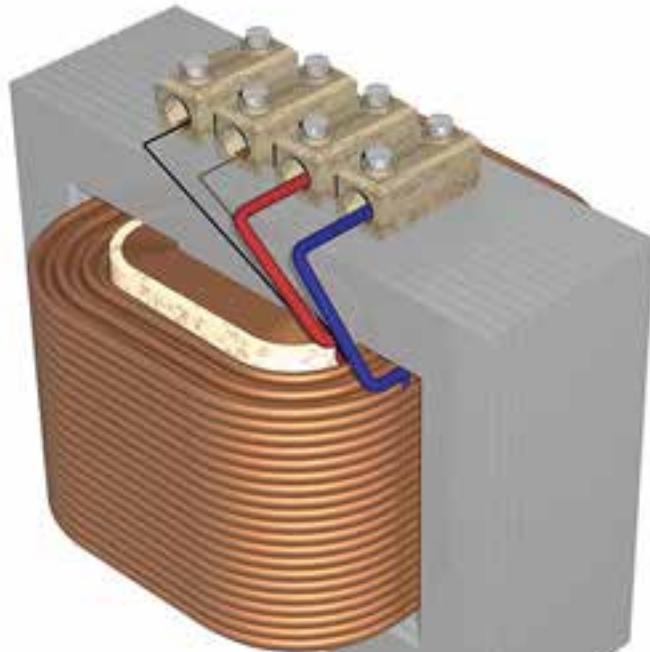


از انسپکت مانورهای تک فاز



- ۱- مقدمه
- ۲- ساختمان ترانسفورماتور
- ۳- هسته ۱-۲
- ۴- سیم پیچ ۲-۲
- ۵- تئوری و طرز کار ترانسفورماتور
- ۶- ترانسفورماتور ایده آل ۳-۲
- ۷- کلیات ۴-۱
- ۸- روابط اساسی ترانسفورماتور ۴-۲
- ۹- تبدیل امپدانس_انتقال امپدانس ۴-۳
- ۱۰- نتیجه گیری ۴-۴
- ۱۱- ترانسفورماتور واقعی ۵
- ۱۲- مدار معادل ترانسفورماتور واقعی در حالت بی باری ۵-۱
- ۱۳- مدار معادل ترانسفورماتور واقعی در حالت بارداری ۵-۲
- ۱۴- دیاگرام بارداری حالت بارداری ۶
- ۱۵- تعیین مقادیر پارامترهای مدار معادل با کمک آزمایش‌های تجربی ۷
- ۱۶- آزمایش حالت بی باری ۷-۱
- ۱۷- آزمایش اتصال کوتاه ۷-۲
- ۱۸- ولتاژ اتصال کوتاه در ترانسفورماتور ۸
- ۱۹- جریان اتصال کوتاه واقعی در ترانسفورماتور ۹
- ۲۰- تلفات در ترانسفورماتور ۱۰
- ۲۱- تلفات هسته (آهنی) ۱۰-۱
- ۲۲- تلفات اهمی سیم پیچ (مسی) ۱۰-۲
- ۲۳- راندمان یا بازده ترانسفورماتور ۱۱
- ۲۴- انواع ترانسفورماتورهای تکفاز خاص ۱۲
- ۲۵- ترانسفورماتور ایزوله ۱۲-۱
- ۲۶- ترانسفورماتور جریان ۱۲-۲
- ۲۷- ترانسفورماتور ولتاژ ۱۲-۲
- ۲۸- ترانسفورماتور جوشکاری ۱۲-۴
- ۲۹- اتوترانسفورمر ۱۲-۵

۱

۲

۳

۴

۵

۱- مقدمه

ضریب کوپلاز به چگونگی قرار گیری سیم پیچ ها و فاصله آن ها از یکدیگر بستگی دارد. کوپلاز کامل در سیم پیچ زمانی اتفاق می افتد که تمام خطوط قوای یک سیم پیچ همه حلقه های سیم پیچ دیگر را قطع کنند. اگر هیچ یک از خطوط شار دو سیم پیچ از داخل هم عبور نکنند، در این صورت القای متقابل بین آنها وجود نخواهد داشت و کوپلاز صفر است. برای درک بهتر مطالب فوق به شکل (۱) توجه کنید.

ضریب القای متقابل بین دو سیم پیچ را با M نشان می دهند. این ضریب به اندوکتانس دو سلف تزویج شده و ضریب کوپلاز بین آنها وابسته است.

$$M = K \sqrt{L_1 L_2} \quad (1-1)$$

در رابطه (۱-۱)

M ضریب القای متقابل بر حسب هانری (H)
 L_1 و L_2 اندوکتانس سیم پیچ اول و دوم بر حسب
هانری (H)

K ضریب کوپلاز که عددی بین صفر تا یک است

خود را بیازمایید



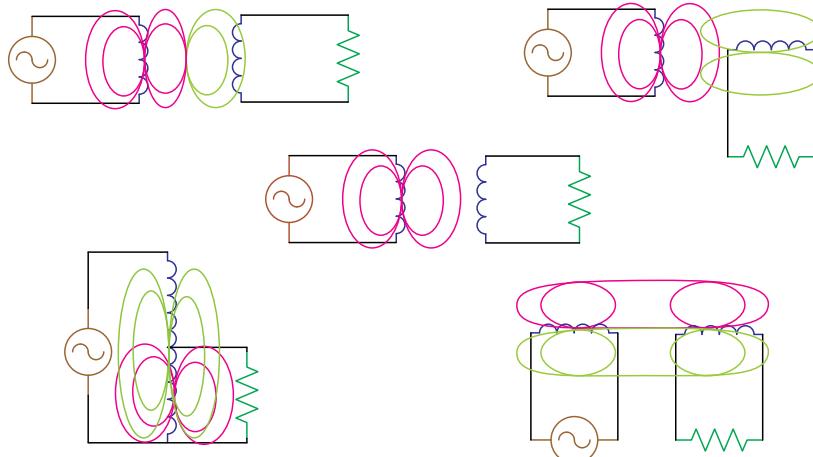
۱) القای متقابل چیست؟

۲) ضریب کوپلاز دو سیم پیچ به چه عواملی بستگی دارد؟

با عبور جریان از یک سیم پیچ، در اطراف آن میدان مغناطیسی ایجاد می شود و در داخل میدان مغناطیسی تعداد زیادی خطوط قوای مغناطیسی وجود دارد. فوران یا شار مغناطیسی همان خطوط قوای مغناطیسی است که از داخل سیم پیچ عبور می کند. حالا اگر جریان عبوری از سیم پیچ مستقیم "DC" باشد، شار تولید شده نیز مقدار ثابت خواهد داشت. ولی اگر جریان عبوری از سیم پیچ متناوب "AC" باشد، میدان مغناطیسی ایجاد شده شار متغیری متناسب با جریان در داخل سیم پیچ ایجاد می کند.

همچنین هرگاه دو سیم پیچ در نزدیک یکدیگر قرار گیرند بطوری که خطوط قوای مغناطیسی متغیر تولید شده در یکی از سیم پیچها بتواند حلقه های سیم پیچ دیگر را قطع کند، در آن سیم پیچ ولتاژ القای می کند و در صورتی که مسیر عبور جریان از این سیم پیچ نیز مهیا باشد، با عبور جریان از آن هم متقابلا میدان مغناطیسی تولید می شود و شار مغناطیسی آن بطور مشابه روی سیم پیچ اول اثر می گذارد، این پدیده را القای متقابل (M) می گویند. مقدار القای متقابل علاوه بر اندوکتانس سیم پیچها (L) به ضریب کوپلاز (K)، نیز وابسته است.

هر چه تعداد خطوط قوای مغناطیسی بیشتر یکدیگر را قطع کنند ضریب کوپلاز نیز بیشتر می شود بنابراین



شکل ۱- وابستگی القای متقابل به چگونگی استقرار سیم پیچ ها

ثانویه باشد آن ترانسفورماتور را ترانسفورماتور کاهنده ولتاژ می‌نامند و بالعکس در صورتی که سیم پیچ فشار قوی یک ترانسفورماتور در سمت ثانویه و سیم پیچ فشار ضعیف آن در سمت اولیه باشد آن ترانسفورماتور را ترانسفورماتور افزاینده می‌گویند.

از ترانسفورماتور کاهنده و افزاینده بترتیب برای کاهش و افزایش ولتاژ و برای تامین ولتاژ مناسب جهت تغذیه مصرف کننده‌های الکتریکی استفاده می‌شود. ساختمان هر ترانسفورماتور از دو جزء مهم تشکیل شده است که عبارتند از:

- هسته مغناطیسی
- سیم پیچ

خود را بیازمایید



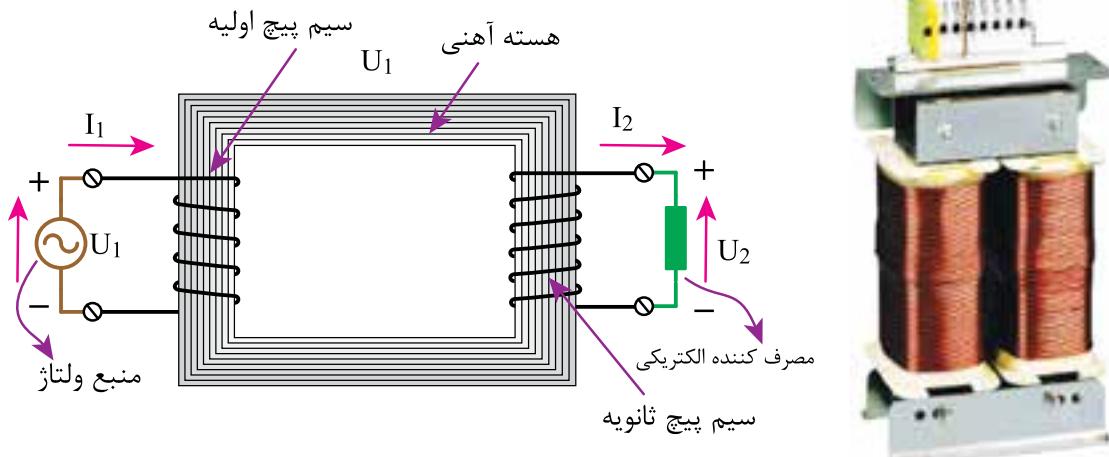
- ۱) منظور از سیم پیچ اولیه و ثانویه چیست؟
- ۲) ترانسفورماتور افزاینده را تعریف کنید.

۲- ساختمان ترانسفورماتور

ترانسفورماتور وسیله‌ای است که از پیچیدن حداقل دو سیم پیچ بر روی یک هسته مغناطیسی مشترک ساخته می‌شود. شکل (۲) ساختمان یک ترانسفورماتور ساده را نشان می‌دهد. همانطور که در شکل نشان داده شده است هر سیم پیچ بر روی یک بازوی هسته مغناطیسی پیچیده شده است.

سیم پیچی که به منبع ولتاژ یا شبکه برق متصل می‌شود را سیم پیچ اولیه و سیم پیچی که به بار الکتریکی یا مصرف کننده الکتریکی متصل و به آن انرژی الکتریکی داده می‌شود را سیم پیچ ثانویه می‌گویند.

علاوه سیم پیچ متصل به ولتاژ بیشتر را سیم پیچ فشار قوی (H.V) و سیم پیچ متصل به مدار با ولتاژ کمتر را سیم پیچ فشار ضعیف (L.V) می‌نامند. طبق تعریف اگر سیم پیچ فشار قوی یک ترانسفورماتور در سمت اولیه و سیم پیچ فشار ضعیف آن در سمت

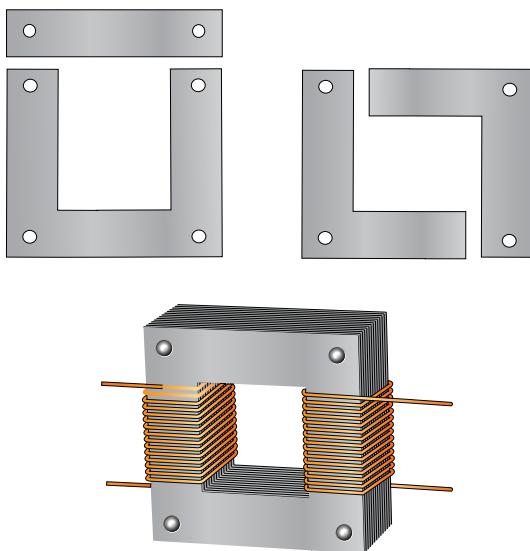


شکل ۲- نمای ظاهری و ساختمان داخلی یک ترانسفورماتور

۱-۲- هسته

در ترانسفورماتورهای قدرت و تقویت کننده‌های صوتی(AF)^۳ از هسته‌های آهنی استفاده می‌شود. آنچه در این کتاب مورد توجه می‌باشد، بررسی ترانسفورماتورهای قدرت است. ترانسفورماتورهای قدرت ترانسفورماتورهای را گویند که در صنعت انتقال و توزیع برق مورد استفاده قرار می‌گیرد. از آنجاکه هسته این نوع ترانسفورماتورها آهنی است بنابراین در ادامه فقط درباره هسته‌های آهنی توضیح داده خواهد شد. از نظر ساختمانی ترانسفورماتورهای تکفاز حداقل از دو سیم پیچ تشکیل شده اند که با توجه به قرار گرفتن سیم پیچ‌ها روی هسته ترانسفورماتور می‌توان آنها را به دو دسته تقسیم نمود.

(الف) اگر هر سیم پیچ روی یک پایه هسته پیچیده شود به آن هسته‌ی ستونی می‌گویند . شکل (۵) ورقه‌های این نوع هسته و نمایی کامل ترانسفورماتور با این نوع هسته را نمایش می‌دهد. شکل ورقه‌های این هسته بصورت دو ورقه L یا ورقه U و I می‌باشد.

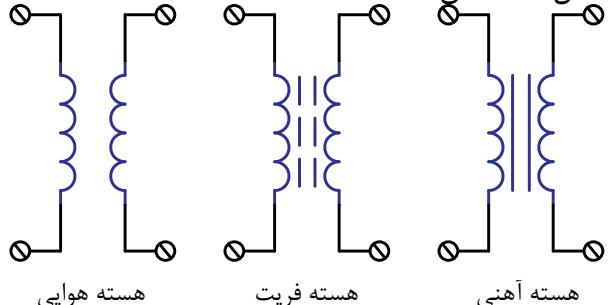


شکل ۵- نمایی از یک ترانسفورماتور ستونی و شکل ورقه‌های آن

هسته ترانسفورماتور مسیر عبور شار مغناطیسی بین سیم پیچ‌ها را برقرار می‌کند و انتقال انرژی الکتریکی از این طریق صورت می‌گیرد.

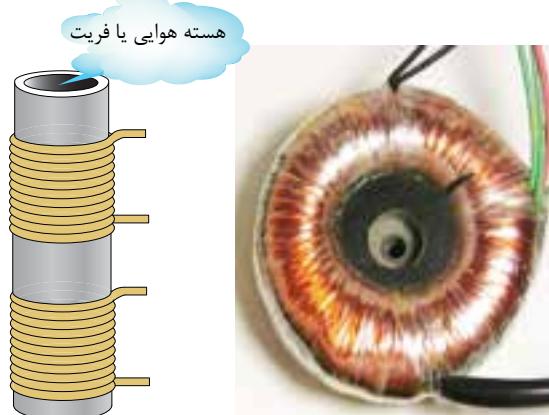
در عمل هسته مغناطیسی ترانسفورماتورها می‌تواند از جنس هوا ، فریت و یا آهن به کار گرفته شود.

علامت اختصاری هریک از این ترانسفورماتورها در شکل (۳) نشان داده شده است.



شکل ۳- علامت اختصاری ترانسفورماتور با هسته‌های مختلف هسته‌های هوایی و فریت^۱ در ترانسفورماتورهای با فرکانس بالا^۲ و در صنعت الکترونیک کاربرد فراوان دارند.

سیم پیچ‌های این نوع ترانسفورماتور مطابق شکل (۴) با حداقل کوپلینگ روی هسته پیچیده می‌شوند، زیرا زیاد بودن فرکانس کارشان به تنهایی می‌تواند ولتاژ القایی بزرگی ایجاد کند.



شکل ۴- نمایی از یک ترانسفورماتور با هسته هوایی یا فریت

(۱) فریت نوعی آلیاژ فرو مغناطیسی پودری می‌باشد ، که فشرده شده است.

(۲) فرکانس های بالای ۲۰ KHz

Audio Amplifier (۳)

بطوری که هر ورق با لاک عایقی نازک پوشیده شده و دارای ضخامتی معمولاً بین 0.35 تا 0.5 میلی متر است.

خود را بیازمایید



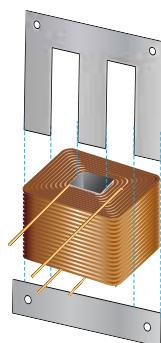
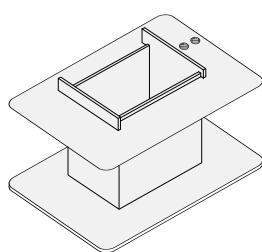
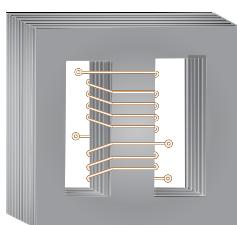
- ۱) وظیفه هسته در ترانسفورماتور را شرح دهید.
- ۲) جنس هسته های مغناطیسی در ترانسفورماتورهای توزیع و قدرت از چیست؟

۲-۲- سیم پیچ

وظیفه سیم پیچ ایجاد میدان مغناطیسی و تولید نیروی محرکه مغناطیسی F می‌باشد. نیروی محرکه مغناطیسی از حاصلضرب جریان و تعداد دور سیم پیچ بدست می‌آید.

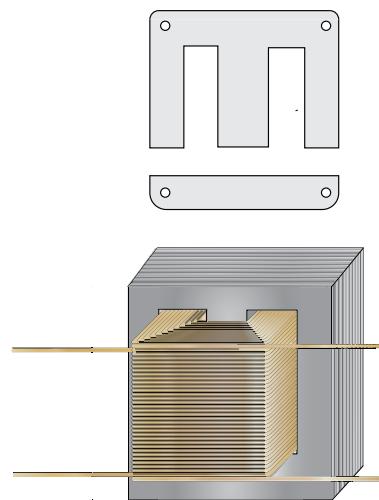
$$F = NI$$

در عمل مطابق شکل (۷) برای پیچیدن سیم پیچ های ترانسفورماتور (بسته به نوع زرهی و یا ستونی) ابتدا سیمهای را بر روی قرقره ای از جنس عایق می‌پیچند و سپس آن را درون هسته جای می‌دهند.



شکل ۷- شکلهای متفاوتی از اجزای داخلی ترانسفورماتور

ب) اگر هر دو سیم پیچ مطابق شکل (۶) روی یک پایه پیچیده شوند، ترانسفورماتور را با هسته زرهی می‌گویند ورقه این نوع هسته ها به صورت E و I ساخته می‌شوند.



شکل ۶- نمای یک ترانسفورماتور با هسته زرهی و شکل ورقه های آن

با توجه به شکل (۵) و در ترانسفورماتورهای ستونی، سیم پیچ ها بخش قابل ملاحظه ای از محیط هسته را اشغال می‌کنند و روی دو قرقه پیچیده می‌شوند. در صورتی که در ترانسفورماتورهای زرهی، هسته ترانسفورماتور، سیم پیچهای اولیه و ثانویه را در بر می‌گیرد. بنابراین از آنجا که در ترانسفورماتورهای زرهی برای پیچیدن سیم پیچ از یک قرقه استفاده می‌شود در نتیجه کوپلینگ سیم پیچ ها بیشتر می‌گردد و لذا کاربرد آن در ساخت ترانسفورماتورهای قدرت تکفاز بیشتر است. در ترانسفورماتور، شار مغناطیسی از طریق هسته عبور می‌کند پس برای ایجاد حداکثر کوپلینگ باید مقاومت مغناطیسی آن بسیار کم باشد به همین دلیل جنس هسته ای مغناطیسی معمولاً از فولادهای آلیاژی سیلیس دار انتخاب می‌شود. علاوه برای جلوگیری از تلفات در هسته آن را به شکل ورقه ورقه می‌سازند.

خود را بیازمایید



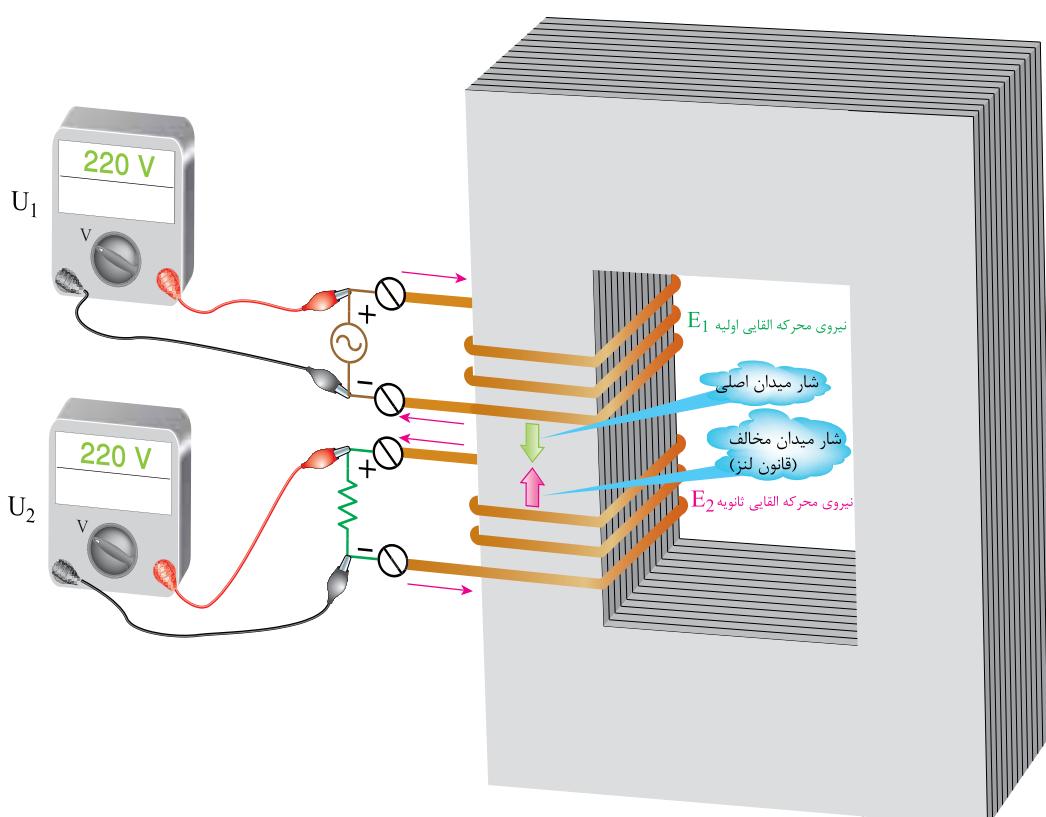
- ۱) قطر هر سیم پیچ ترانسفورماتور چه تاثیری بر جریان و ولتاژ نامی آن دارد؟
- ۲) تعداد دور هر سیم پیچ ترانسفورماتور چه تاثیری بر جریان و ولتاژ نامی آن دارد؟
- ۳) برای کاهش دمای سیم پیچ های ترانسفورماتور چه راه هایی پیشنهاد می کنید.

۳- تئوری و طرز کار ترانسفورماتور

هنگامیکه یکی از سیم پیچ های ترانسفورماتور به منبع ولتاژ متناوب متصل گردد، از آن جریان عبور می کند. عبور جریان از سیم پیچ باعث تولید نیروی محرکه مغناطیسی در سیم پیچ می شود و در نتیجه

سطح مقطع و قطر سیم در توانایی عبور جریان از سیم پیچ موثر است و ولتاژ کار سیم پیچ نیز بستگی به تعداد دور سیم پیچ دارد بدین ترتیب هر سیم پیچ قادر است در ولتاژ و جریان مشخصی کار کند که به آن ولتاژ و جریان نامی ترانسفورماتور می گویند. در صورت افزایش هریک از کمیتهای فوق از مقدار نامی ممکن است ترانسفورماتور آسیب بیند.

از طرفی جریان عبوری از سیم پیچ بدلیل وجود مقاومت در آن باعث ایجاد حرارت می شود. در ولتاژ یکسان هر چقدر قدرت ترانسفورماتور بالاتر باشد جریان آن بیشتر بوده و تلفات حرارتی آن بیشتر است. در طراحی ها باید شرایط به گونه ای در نظر گرفته شود که حرارت ایجاد شده از سطح سیم به خارج سیم پیچ دفع شود تا باعث بالا رفتن دمای سیم پیچ و از بین رفتن عایق آن نگردد.



شکل ۸- مسیر عبور جریان در سیم پیچها و عبور شار مغناطیسی از هسته

هم متناسب با تغییرات جریان می‌باشد پس فوران مغناطیسی نیز بطور سینوسی تغییر خواهد کرد.
یعنی:

$$\varphi_{(t)} = \varphi_m \sin \omega t \quad (1-3)$$

بیشتر بدانید



$$\begin{aligned} E &= -N \frac{d\varphi}{dt} = -N \frac{d(\varphi_m \sin \omega t)}{dt} = N \varphi_m \omega \cos \omega t \\ E_m &= N \varphi_m \omega \Rightarrow E = \frac{N \varphi_m \omega}{\sqrt{2}} \\ E &= \frac{NB_m A(2\pi f)}{\sqrt{2}} \Rightarrow E = \frac{1}{44} NB_m Af \end{aligned}$$

$$E = \frac{1}{44} NB_m Af \quad (1-4)$$

در رابطه (1-4)

E ولتاژ موثر القایی بر حسب (V)

N تعداد دور سیم پیچ

B_m حداکثر چگالی میدان مغناطیسی بر حسب T

A سطح مقطع هسته بر حسب m²

f فرکانس برق بر حسب Hz

مثال ترانسفورماتوری دارای یک هسته با سطح مقطع 10 cm² می‌باشد. اگر تعداد حلقه‌های یکی از سیم پیچهای آن 1000 دور و حداکثر چگالی میدان مغناطیسی در هسته T/126 باشد. چه ولتاژی در دو سر این سیم پیچ در فرکانس 50 هرتز القا می‌شود؟
 $E = \frac{1}{44} NB_m Af =$
 $= \frac{1}{44} \times 1000 \times 126 \times 10 \times 10^{-4} \approx 250 V$

از داخل هسته شار مغناطیسی عبور می‌کند. مقدار شار ایجاد شده به تعداد دور سیم پیچ و ولتاژ اولیه آن بستگی دارد.

سپس با عبور این شار از سیم پیچ دیگری که به مصرف کننده متصل است نیروی محرکه الکتریکی در آن القا می‌شود، زیرا مقدار آن بطور متناوب تغییر می‌کند.^۱

مقدار ولتاژ القا شده به تعداد دورهای سیم پیچ ثانویه و تغییرات شار نسبت به زمان بستگی دارد بنابراین می‌توان با انتخاب تعداد دور سیم پیچ به ولتاژ‌های مختلفی دست یافت. از طرفی بدلیل بسته بودن مدار، جریانی متناسب با بار از سیم پیچ دوم عبور می‌کند بدین ترتیب انرژی الکتریکی از طریق یک ارتباط مغناطیسی از سیم پیچ اول به سیم پیچ دوم منتقل می‌شود

در واقع پدیده فوق بیانگر همان قانون القای فارادی می‌باشد زیرا تغییرات جریان عبوری در سیم پیچ باعث تغییرات فوران (شار) عبوری از سیم پیچ شده و در نتیجه ولتاژی در هر دو سیم پیچ القا می‌کند.
با توجه به قانون ولتاژ فارادی داریم:

$$E = -N \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} \quad (1-2)$$

در رابطه (1-2)

$\Delta \varphi$ تغییرات فوران مغناطیسی

Δt تغییرات زمان

N تعداد دور سیم پیچ

E نیروی محرکه الکتریکی القایی

چون جریان متناوب سینوسی است تغییرات فوران

در صورت استفاده از سیم پیچ فوق بعنوان سیم پیچ اولیه امکان استفاده از آن در ولتاژی بالاتر از V_{250} وجود ندارد.

از آنجا که هرسه کمیت چگالی میدان مغناطیسی هسته "B_m"، سطح مقطع هسته "A" و فرکانس شبکه "f" در ترانسفورماتور ثابت هستند و تعداد دور سیم پیچ اولیه و ثانویه در ترانسفورماتورها می‌تواند متفاوت اختیار شود، پس رابطه (1-۴) را می‌توان به صورت روابط (1-۵) و (1-۶) نوشت.

$$E_1 = \frac{4}{44} N_1 B_m A f \quad (1-5)$$

$$E_2 = \frac{4}{44} N_2 B_m A f \quad (1-6)$$

بنابراین نتیجه می‌شود که در سیم پیچ اولیه و ثانویه هر ترانسفورماتور متناسب با تعداد دور سیم پیچ، ولتاژ در آن القا می‌شود. این ولتاژ را نیروی محرکه القایی یا ولتاژ القایی در سیم پیچ‌های ترانسفورماتور می‌گویند.

با توجه به رابطه (1-۵) و (1-۶) بعنوان یک رابطه کلی در ترانسفورماتور می‌توان رابطه (1-7) را نتیجه گرفت.

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{N_1}{N_2} \quad (1-7)$$

رابطه (1-7) بدین معنی است که با افزایش تعداد دور یک سیم پیچ، ولتاژ القا شده در آن به همان نسبت بالا می‌رود و بالعکس. تعریف نسبت $\frac{N_1}{N_2}$ را نسبت تبدیل ترانسفورماتور می‌گویند و آن را با a نمایش می‌دهند. گاهی از عکس این نسبت در روابط استفاده می‌شود که آن را با K نمایش می‌دهند. بنابراین داریم:

$$a = \frac{N_1}{N_2} \quad (1-8)$$

$$K = \frac{N_2}{N_1} \quad (1-9)$$

معمولاً در مشخصات فنی یک ترانسفورماتور بندرت تعداد دور سیم پیچ‌های اولیه و ثانویه آورده می‌شود و غالباً ولتاژ‌های اولیه و ثانویه ترانسفورماتور بعنوان اطلاعات کلیدی روی پلاک آن درج می‌شود. سازندگان ترانسفورماتور هم بر اساس ولتاژ مورد نیاز مصرف کننده و ولتاژ منبع، تعداد دور متناسب هر سیم پیچ را محاسبه می‌کنند. با چگونگی محاسبه عملی ترانسفورماتور در کتاب سیم پیچی آشنا خواهید شد.

مثال اگر سیم پیچ اولیه ترانسفورماتوری دارای ۲۰۰ دور و سیم پیچ ثانویه ۵۰ دور باشد نسبت تبدیل و عکس نسبت تبدیل ترانسفورماتور چقدر است؟

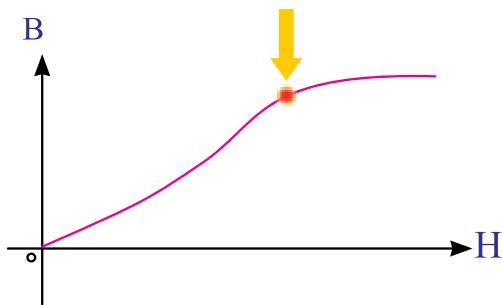
$$a = \frac{N_1}{N_2} = \frac{200}{50} = 4$$

$$K = \frac{N_2}{N_1} = \frac{50}{200} = 0.25$$

عبور کند و شار پراکنده‌ی یا خارج شده از هسته وجود نداشته باشد)

- با افزایش شدت میدان مغناطیسی، چگالی میدان مغناطیسی نیز زیاد شود. اما در واقعیت این‌طور نیست یعنی با افزایش نا محدود H (شدت میدان مغناطیسی) مطابق منحنی شکل (۹) به اشباع مغناطیسی هسته منجر خواهد شد.

آغاز نقطه اشباع



شکل ۹- منحنی مغناطیسی در هسته‌های آهنی و نمایش نقطه اشباع

ترانسفورماتوری که شرایط فوق را دارا باشد تلفات حرارتی و پراکنده‌ی در آن وجود ندارد و در اینصورت راندمان یا بازده آن صد درصد خواهد بود. یعنی مقدار انرژی داده شده به آن برابر با انرژی گرفته شده از آن است پس نتیجه آنکه :

در ترانسفورماتور ایده آل توان ورودی با توان خروجی برابر است

خود را بیازمایید

- ۱) در چه شرایطی یک ترانسفورماتور را ایده آل می‌گوییم؟
- ۲) وقتی یک ترانسفورماتور ایده آل باشد، توان ورودی و خروجی آن است.

خود را بیازمایید



- ۱) شار مغناطیسی ایجاد شده در یک ترانسفورماتور به چه عواملی بستگی دارد؟
- ۲) نسبت تبدیل ترانسفورماتور چیست؟
- ۳) ترانسفورماتوری دارای هسته با سطح مقطع 40 cm^2 و چگالی شار $1/25$ تسلا می‌باشد، تعداد دور سیم پیچ این ترانسفورماتور با ولتاژ القایی 110 ولت در شبکه 50 هرتز چقدر است؟

۴- ترانسفورماتور ایده آل

۱- گلایات

با اینکه در طبیعت هیچ چیز ایده آلی وجود ندارد ولی گاهی اوقات برای تشریح یک موضوع علمی لازم است در ابتدا ایده آل آن، مورد بررسی قرار گیرد. بررسی ترانسفورماتور ایده آل نیز صرفاً با خاطر تشریح رفتار واقعی ترانسفورماتور مورد توجه می‌باشد.

بطور کلی ترانسفورماتوری را ایده آل می‌گویند که واحد شرایط زیر باشد:

- مقاومت الکتریکی سیم پیچ‌ها برابر صفر باشد (یعنی هیچگونه افت الکتریکی وجود نداشته باشد)

- کوپلینگ مغناطیسی صد درصد باشد. (یعنی مقاومت مغناطیسی هسته صفر باشد بعارت دیگر تمامی شار مغناطیسی تولید شده در سیم پیچ اولیه بوسیله سیم پیچ ثانویه در بر گرفته شود یعنی همه‌ی شار از داخل هسته

۴-۲- روابط اساسی ترانسفورماتور

سیم پیچ اولیه به منبع ولتاژ متناوبی با ولتاژ موثر ۱۲۰ ولت متصل شود ولتاژ خروجی چقدر خواهد بود؟

$$\frac{U_1}{U_r} = \frac{N_1}{N_r}$$

$$\frac{120}{U_r} = \frac{500}{1500} \Rightarrow U_r = \frac{1500 \times 120}{500} = 360V$$

پس این ترانسفورماتور یک ترانسفورماتور افزاینده ولتاژ می باشد.

وقتی سیم پیچ ثانویه ترانسفورماتور به مصرف کننده متصل می شود جریانی متناسب با بار مصرف کننده از آن عبور می کند. همانطور که گفته شد در ترانسفورماتور ایده آل توان ورودی و خروجی با هم برابر است یعنی:

$$S_1 = S_r \quad (1-14)$$

$$U_1 \times I_1 = U_r \times I_r \quad (1-15)$$

رابطه (1-15) را می توان به صورت رابطه (1-16)

نیز نوشت:

$$\frac{U_1}{U_r} = \frac{I_r}{I_1} \quad (1-16)$$

در ترانسفورماتور ایده آل نسبت ولتاژ سیم پیچها با عکس نسبت جریان عبوری از آنها برابر است.

با توجه به رابطه (1-13)، (1-16) و (1-17) رابطه (1-17) را می توان نوشت:

$$\frac{N_1}{N_r} = \frac{I_r}{I_1} \quad (1-17)$$

در ترانسفورماتور ایده آل نسبت تعداد حلقه های سیم پیچ با عکس نسبت جریان عبوری از آنها برابر است.

با توجه به مدار شکل (۱۰) مشاهده می شود که در ترانسفورماتورهای ایده آل ولتاژ اعمال شده به ترمینال سیم پیچ اولیه یعنی U (یا همان ولتاژ ورودی) با ولتاژ القایی سیم پیچ اولیه یعنی E برابر است همچنین ولتاژ القا شده در سیم ثانویه یعنی E_r هم دقیقاً برابر با ولتاژ ترمینال خروجی ترانسفورماتور یعنی U_r است. دلیل برابری این ولتاژها صرف نظر کردن از همان مقاومت سیم پیچ ها و همچنین عدم پراکندگی میدان در سیم پیچ اولیه و ثانویه می باشد. بنابراین:

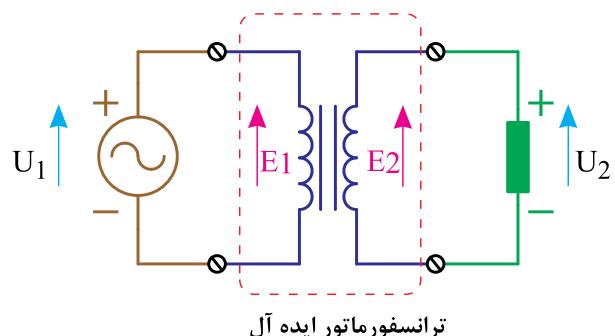
$$U_1 = E_1 \quad (1-10)$$

$$U_r = E_r \quad (1-11)$$

$$\frac{E_1}{E_r} = \frac{N_1}{N_r} \quad (1-12)$$

$$\frac{U_1}{U_r} = \frac{N_1}{N_r} \quad (1-13)$$

در ترانسفورماتور ایده آل نسبت ولتاژ سیم پیچها با نسبت تعداد حلقه های آنها برابر است.



شکل ۱۰- اتصال ترانسفورماتور ایده آل به منبع ولتاژ و مصرف کننده

مثال در یک ترانسفورماتور ایده آل سیم پیچ اولیه ۵۰۰ دور و سیم پیچ ثانویه ۱۵۰۰ دور می باشد اگر