

فصل ۶

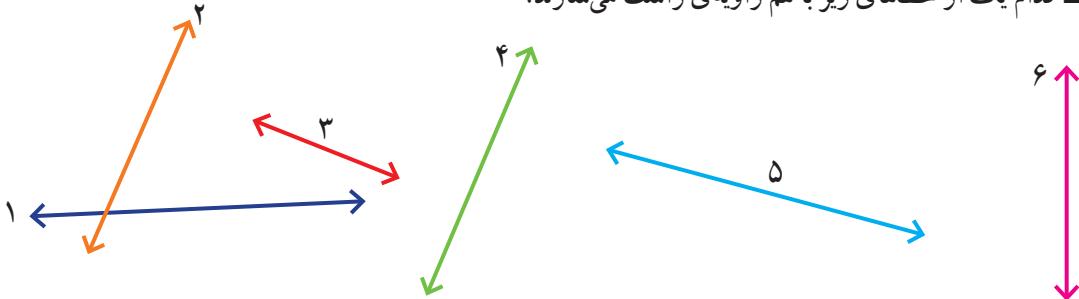
## شکل‌های هندسی



در اطراف ما شکل‌های هندسی زیادی دیده می‌شوند. بعضی از این شکل‌ها نام مشخصی دارند. برخی از آنها از ترکیب شکل‌های مختلف درست شده‌اند. به اطراف خود خوب نگاه کنید. کدام شکل بیشتر از همه‌ی شکل‌ها دیده می‌شود؟

## حل مسئله

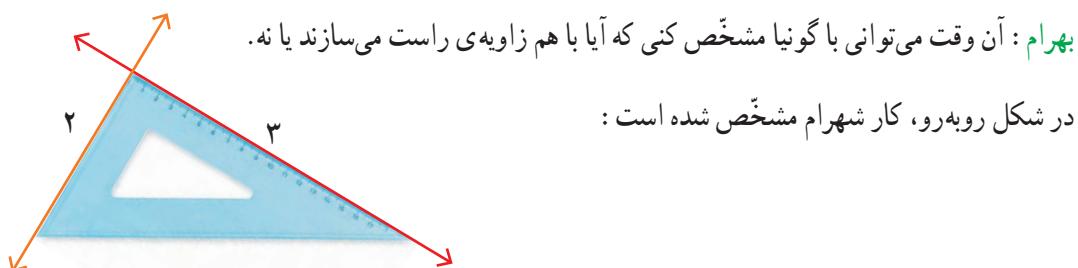
۱- کدام یک از خطهای زیر با هم زاویه‌ی راست می‌سازند؟



**شهرام :** من حدس می‌زنم خطهای ۲ و ۳ با هم زاویه‌ی راست می‌سازند. می‌توانیم بگوییم آنها برهم عمودند.

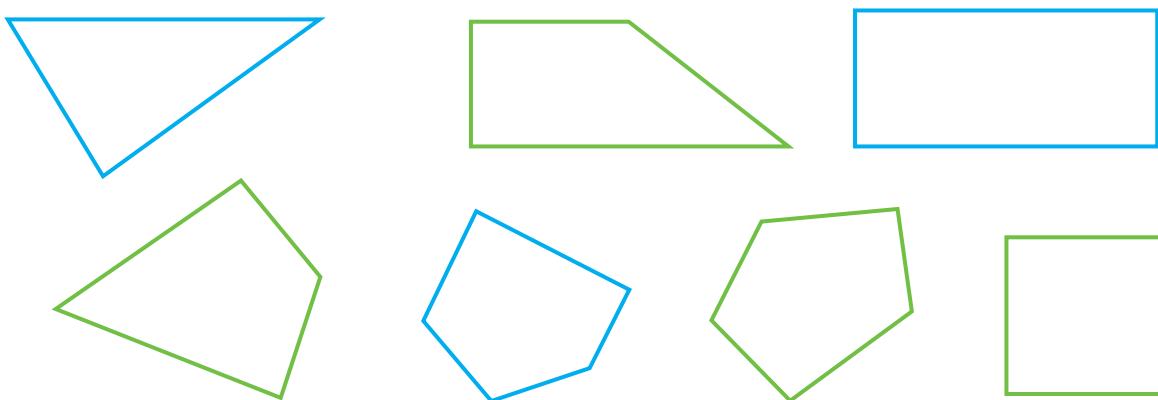
**بهرام :** چگونه می‌توانی حدس خود را آزمایش کنی؟

**شهرام :** چون در شکل بالا ۶ خط داریم، می‌توانیم خطها را ادامه دهیم. من خطهای ۲ و ۳ را ادامه می‌دهم تا همیگر را قطع کنند.



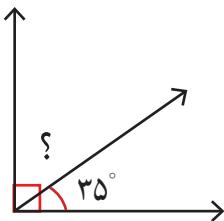
به همین ترتیب، خطهای دیگر را ادامه دهید و مشخص کنید کدام خطها با هم زاویه‌ی راست می‌سازند یا برهم عمودند.

۲- با استفاده از گونیا در شکل‌های زیر زاویه‌های راست را با علامت مشخص کنید.



## حدس و آزمایش، روش‌های نمادین

۳- در شکل رو به رو، اندازه‌ی زاویه‌ای را که با علامت (?) مشخص شده است پیدا کنید.



با توجه به علامت زاویه‌ی راست، متوجه می‌شویم که جمع دو زاویه برابر زاویه‌ی راست

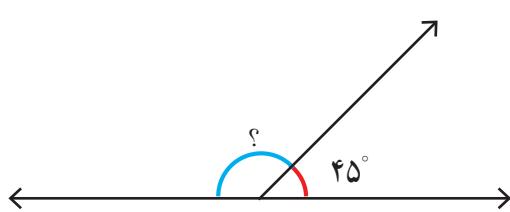
یا  $90^\circ$  درجه است، پس می‌توانیم تساوی زیر را بنویسیم:

$$\square + 35^\circ = 90^\circ$$

برای پیدا کردن زاویه‌ی مورد نظر (عددی که داخل مربع قرار می‌گیرد)، از راهبرد حدس و آزمایش استفاده کنید.

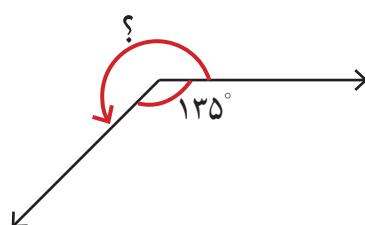
۴- در شکل زیر، اندازه‌ی زاویه‌ای را که با علامت (?) مشخص شده است، پیدا کنید.

$$\square + 45^\circ = 180^\circ$$



۵- در شکل زیر، اندازه‌ی زاویه‌ای را که با علامت (?) مشخص شده است، پیدا کنید.

$$\square + 135^\circ = 360^\circ$$



## عمود - موازی

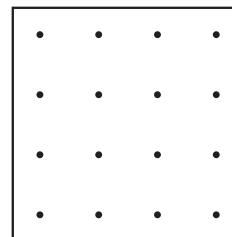
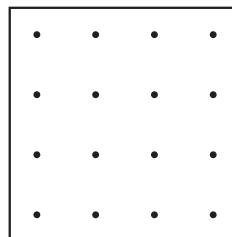
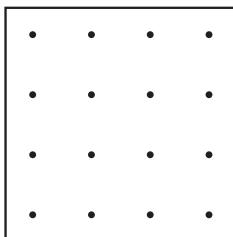
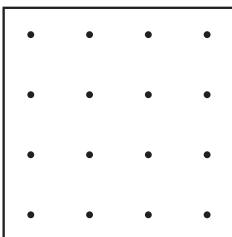
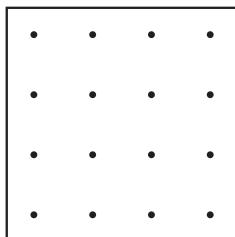
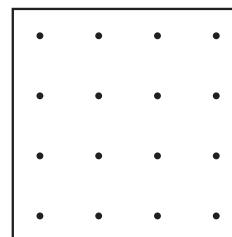
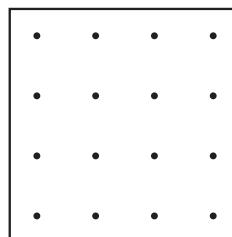
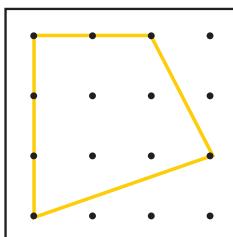
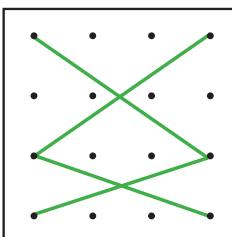
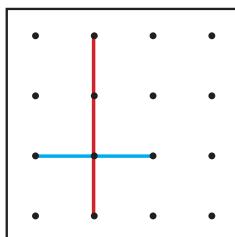


۱- در شکل‌های زیر، زاویه‌های راست را مانند نمونه مشخص کنید.



۲- در کلاس، به اطراف خود نگاه کنید. در چه چیزهایی زاویه‌ی راست می‌بینید؟ آنها را نام ببرید و با دوستان خود گفت و گو کنید.

۳- مانند نمونه‌ها، در صفحه‌های نقطه‌ای زیر با وصل کردن نقطه‌ها بهم، پاره‌خط‌هایی رسم کنید که هم‌دیگر را قطع کنند.



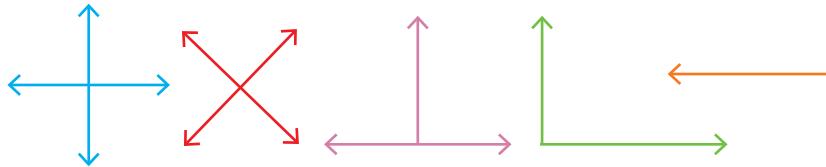
۴- شکل‌های خود را با شکل‌های دوستانان در کلاس مقایسه کنید. سعی کنید شکل‌های متفاوت بسازید.

۵- در هر یک از شکل‌هایی که درست کرده‌اید، با استفاده از گونیا زاویه‌های راست را پیدا کنید.

**هرگاه دو خط با هم زاویه‌ی راست بسازند، می‌گوییم آن دو خط بر هم عمودند.**



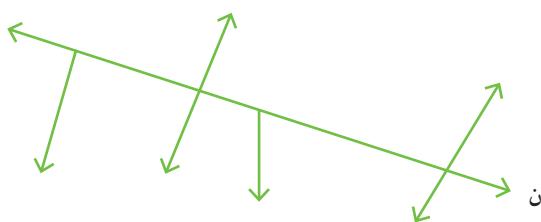
۱- زاویه‌های راست را با علامت مربوط به آن مشخص کنید.



۲- آیا خط ۱ بر خط ۲ عمود است؟

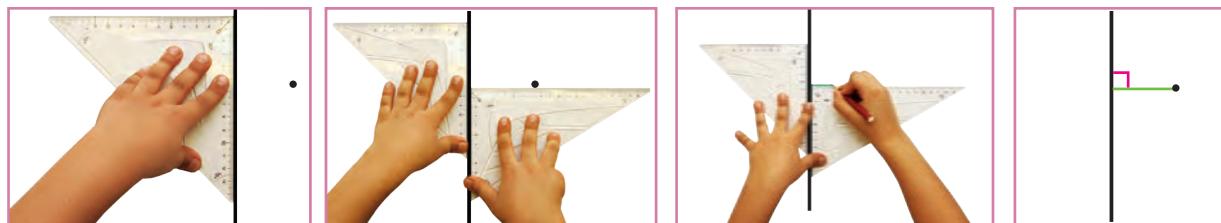
برای تشخیص آن از چه وسیله‌ای استفاده می‌کنید؟

کدام یک از خط‌های شکل رو به رو بر خط (ن) عمود است؟  
با کشیدن علامت عمود مشخص کنید.

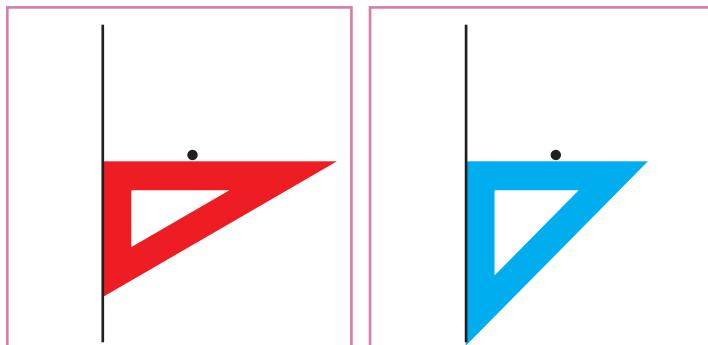


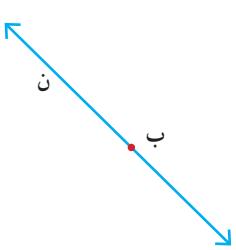
فعالیت

۱- تصاویر زیر نشان می‌دهند که چگونه به کمک دو گونیا می‌توانیم از یک نقطه بر یک خط عمود رسم کنیم.  
مراحل کار را توضیح دهید.

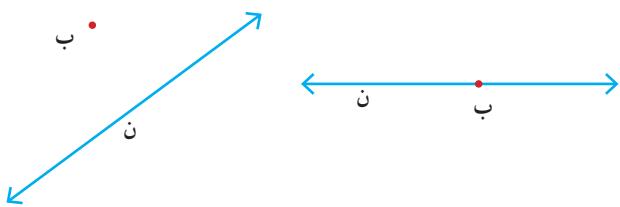


۲- اگر این کار را چندین مرتبه تمرین کنید، می‌توانید با یک گونیا نیز خط عمود رسم کنید. توضیح دهید در شکل زیر، چگونه از یک گونیا برای رسم خط عمود استفاده شده است.





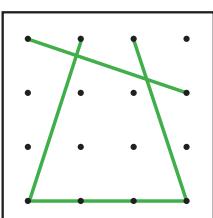
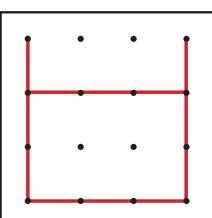
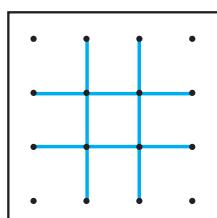
۱- به کمک یک یا دو گوینا از نقطه‌ی (ب) بر خط (ن) عمود رسم کنید.



۲- سه خط عمود بر خط رو به رو رسم کنید.



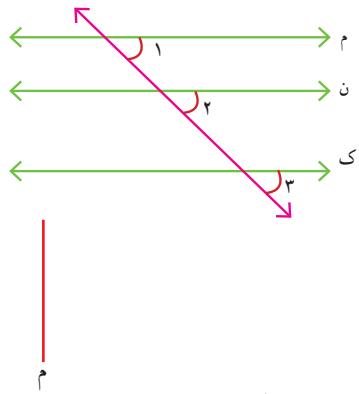
کار در کلاس



۱- سه دانشآموز فعالیت ابتدای درس را به شکل‌های رو به رو انجام داده‌اند. در هر شکل زاویه‌های راست را مشخص کنید.



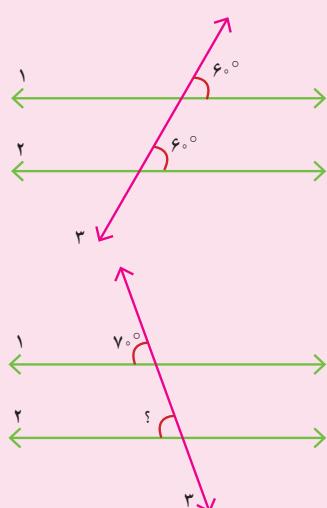
فعالیت



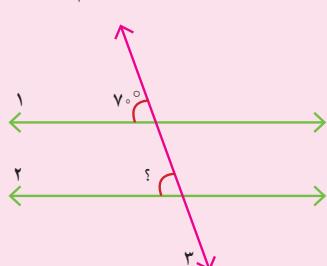
۲- در شکل رو به رو زاویه‌های ۱، ۲ و ۳ را اندازه بگیرید.  
اگر این سه زاویه با هم برابر باشند، خط‌های (م)، (ن) و (ک) با هم موازی‌اند.

۳- خط‌های ۱ و ۲ را عمود بر خط (م) رسم کنید.  
خط‌های ۱ و ۲ را ادامه دهید. آیا هم‌دیگر را قطع می‌کنند؟  
دو خط عمود بر یک خط با هم موازی‌اند.

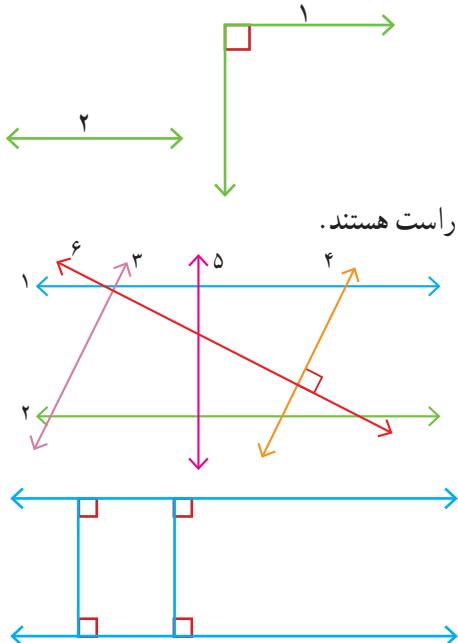
۴- با توجه به شکل سؤال ۲، یک خط عمود بر خط (م) رسم کنید و آن را ادامه دهید تا خط‌های (ن) و (ک) را قطع کند. با گوینا بررسی کنید که آیا این خط بر آن دو خط نیز عمود است.



خط ۳ دو خط ۱ و ۲ را قطع کرده است.  
با توجه به مساوی بودن زاویه‌ها می‌گوییم دو خط ۱ و ۲ موازی هستند.



می‌دانیم دو خط ۱ و ۲ موازی هستند.  
پس می‌توانیم نتیجه بگیریم زاویه‌ای که با علامت ؟ مشخص شده ۷۰° است.

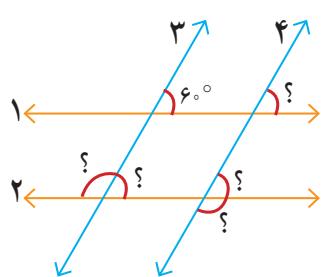


۱- به کمک گونیا بررسی کنید آیا دو خط ۱ و ۲ با هم موازی‌اند. چرا؟



۲- به کمک گونیا بررسی کنید که کدام زاویه‌ها، زاویه‌ی راست هستند. سپس مشخص کنید که کدام خط‌ها با هم موازی‌اند.

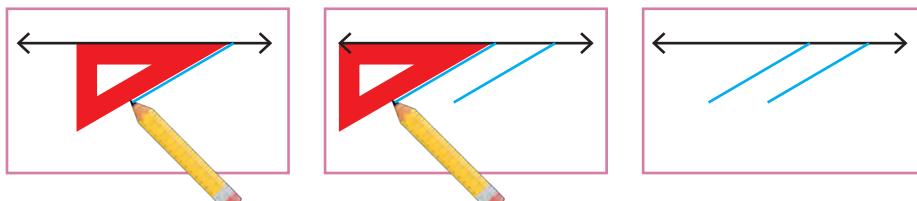
۳- سه پاره‌خط دیگر رسم کنید که بر دو خط موازی رو به رو عمود باشند. طول این پاره‌خط‌ها را اندازه بگیرید. چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟



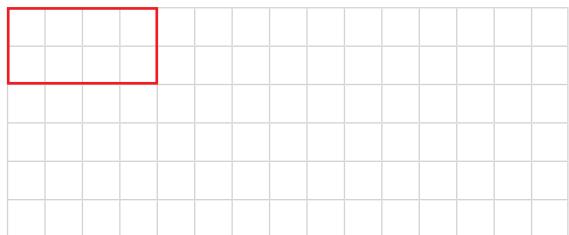
۱- خط‌های ۱ و ۲ با هم و خط‌های ۳ و ۴ با هم موازی‌اند. اندازه‌ی زاویه‌هایی را که با علامت (?) مشخص شده‌اند پیدا کنید. راه حل خود را بنویسید و توضیح دهید.



۲- چرا با روش زیر و به کمک گوشی گونیا می‌توان دو خط موازی رسم کرد؟ توضیح دهید.



۳- به کمک گونیا یک مستطیل رسم کنید.



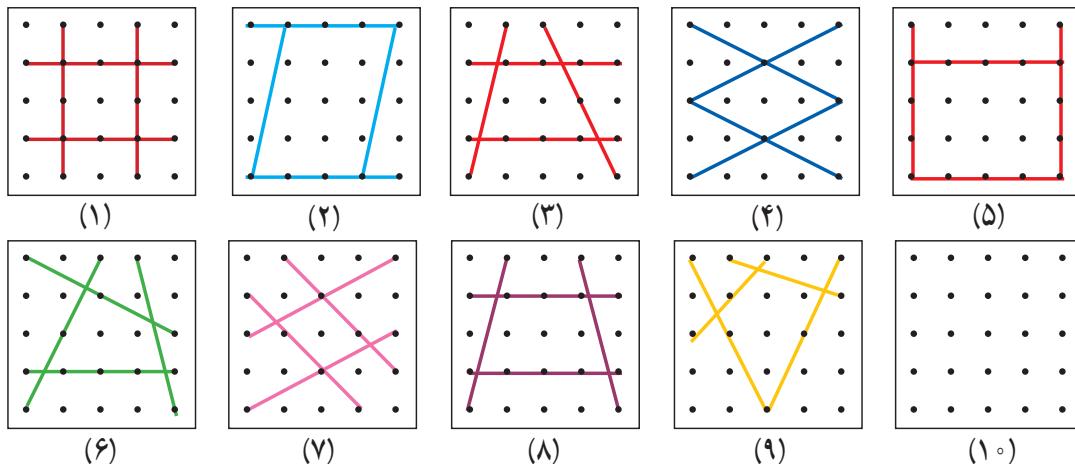
۴- در صفحه‌ی شطرنجی رو به رو مستطیلی رسم کنید که طول آن دو برابر طول مستطیل رسم شده و عرض آن ۳ برابر عرض شکل رسم شده باشد.

## چهار ضلعی‌ها



فعالیت

۱- هریک از شکل‌های زیر از چهار پاره خط درست شده است. شکل آخر را طوری رسم کنید که با بقیه متفاوت باشد.



کدام شکل‌ها ضلع‌های موازی هم ندارند؟

کدام شکل‌ها ضلع‌های موازی هم دارند؟

کدام شکل، ۴ ضلع دو به دو موازی دارد؟

۲- شکل‌هایی را که فقط دو ضلع موازی دارند، به رنگ آبی، شکل‌هایی را که ضلع‌های دو به دو موازی دارند به رنگ سبز و شکل‌هایی را که ضلع موازی ندارند به رنگ قرمز کنید.



۳- در شکل‌های رو به رو دو ضلع موازی را رنگ کنید.

به این شکل ذوزنقه گفته می‌شود.



۴- در شکل‌های رو به رو ضلع‌های موازی را دو به دو، هم رنگ کنید.

به این شکل‌ها متوازی‌الاضلاع گفته می‌شود.



۵- دو خط رو به رو، موازی‌اند.



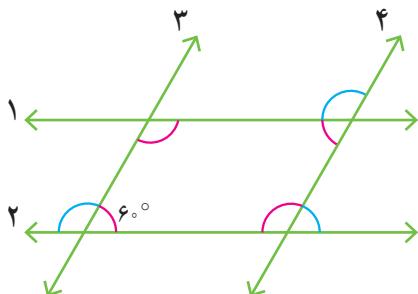
یک ذوزنقه و یک متوازی‌الاضلاع روی آنها رسم کنید.



- ۱- در صفحه‌ی شطرنجی رو به رو یک ذوزنقه و یک متوازی‌الاضلاع رسم کنید.



**کار در کلاس**



- ۲- در شکل مقابل خطهای ۱ و ۲ موازی‌اند.  
خطهای ۳ و ۴ هم موازی‌اند.  
چهارضلعی ایجاد شده چه نام دارد؟

با توجه به اندازه‌ی یکی از زاویه‌ها که نوشته شده است، اندازه‌ی سه زاویه‌ی دیگر داخل چهارضلعی را بنویسید. توضیح دهید که چگونه به کمک موازی بودن خطوط، اندازه‌ی بقیه‌ی زاویه‌ها را پیدا کردید.

- ۱- در شکل‌های زیر، همه‌ی ضلع‌ها و زاویه‌ها را اندازه‌گیری کنید و روی آنها بنویسید.

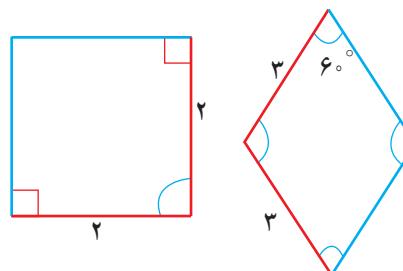
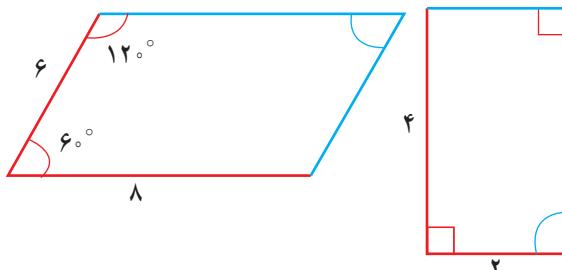


با مقایسه‌ی اندازه‌ها چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟ جمله‌های زیر را کامل کنید.

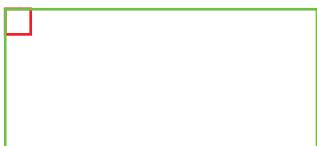
- در هر متوازی‌الاضلاع، ضلع‌های رو به رو با هم \_\_\_\_\_ هستند.  
- در هر متوازی‌الاضلاع زاویه‌های رو به رو با هم \_\_\_\_\_ هستند.
- ۲- در شکل‌های زیر هم ضلع‌های مقابل با هم موازی‌اند. آیا آنها هم دو ویژگی بالا را دارند؟ اندازه بگیرید و بررسی کنید.



با توجه به اندازه‌های نوشته شده، در هر متوازی‌الاضلاع اندازه‌ی ضلع‌ها و زاویه‌های آبی رنگ را پیدا کنید.



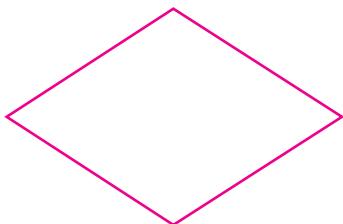
کار در کلاس



۱- در مستطیل، ضلع‌های رو به رو با هم موازی‌اند.  
این شکل، علاوه بر ویژگی‌های متوازی‌الاضلاع،  
چه ویژگی دیگری دارد؟



فعالیت



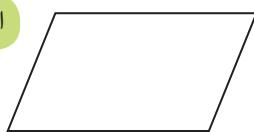
۲- در لوزی، ضلع‌های رو به رو با هم موازی‌اند.  
این شکل، علاوه بر ویژگی‌های متوازی‌الاضلاع،  
چه ویژگی‌های دیگری دارد؟



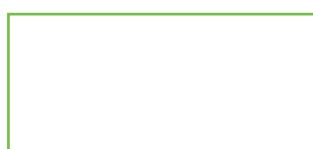
۳- در مربع، ضلع‌های رو به رو با هم موازی‌اند.  
این شکل، علاوه بر ویژگی‌های متوازی‌الاضلاع،  
چه ویژگی‌های دیگری دارد؟

۴- جاهای خالی را کامل کنید و رابطه‌ی بین ۴ نوع چهارضلعی را به کمک نمودار توضیح دهید.

اگر \_\_\_\_\_ برابر باشند



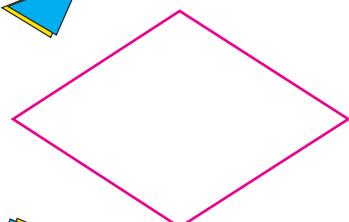
اگر ضلع‌ها برابر باشند



اگر \_\_\_\_\_ برابر باشند



اگر \_\_\_\_\_ برابر باشند



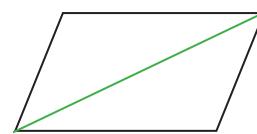
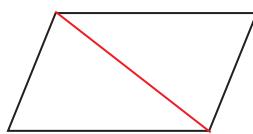
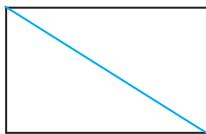
جدول زیر را با علامت  $\checkmark$  در هر قسمت مانند نمونه کامل کنید.

ویژگی شکل	زاویه‌ی مساوی دارد.	ضلع های رو به رو مساوی هستند.	ضلع های رو به رو متساوی هستند.	زاویه‌های رو به رو متساوی هستند.	ضلع متساوی دارد.	٤ زاویه‌ی متساوی دارد.
فقط دو ضلع موازی دارد.	—	$\checkmark$	—	—	—	—
ضلع های رو به رو موازی هستند.	$\checkmark$	—	$\checkmark$	—	—	—
ضلع های رو به رو متساوی هستند.	—	—	—	—	—	—
زاویه‌های رو به رو متساوی هستند.	—	—	—	—	—	—
٤ ضلع متساوی دارد.	—	—	—	—	—	—
٤ زاویه‌ی متساوی دارد.	—	—	—	—	—	—



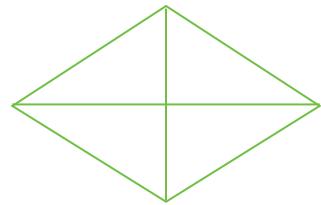
## کار در کلاس

- ۱- سه شکل زیر را روی مقوا رسم کنید. آنها را ببرید و از محل قطر نصف کنید. حالا با این ۶ تکه انواع چهارضلعی‌ها را بسازید.



## تمرین

- ۲- لوزی مقابل را روی مقوا رسم کنید. دور آن را ببرید.  
از محل قطرها آن را به ۴ قسمت متساوی تقسیم کنید.  
با این چهار تکه انواع چهارضلعی‌ها را بسازید.



- ۳- در کدام یک از شکل‌های متوازی الاضلاع، مستطیل، لوزی و مربع، با رسم یک قطر دو مثلث ایجاد شده با هم برابرند؟



- ۴- با دو مثلث قائم‌الزاویه<sup>۱</sup> متساوی، کدام یک از چهارضلعی‌ها را می‌توان ساخت؟  
با رسم شکل نشان دهید.



- ۵- در صفحه‌ی شطرنجی زیر یک متوازی الاضلاع، مستطیل، لوزی و مربع رسم کنید.  
توضیح دهید که چگونه از خطوط صفحه‌ی شطرنجی برای رسم این چهارضلعی‌ها استفاده کرده‌اید.

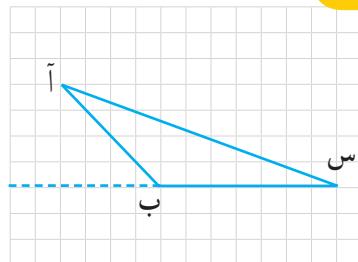
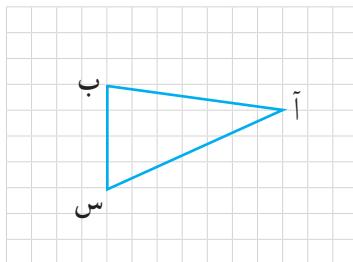
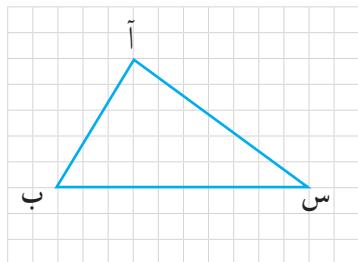
۱- به مثلثی که پک زاویه‌ی راست یا قائمه دارد، مثلث قائم‌الزاویه می‌گویند.

# مساحت متوازی الاضلاع و مثلث



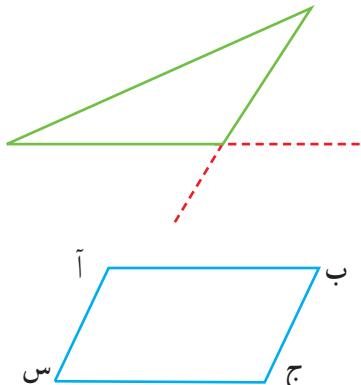
فعالیت

- ۱- از رأس (آ) به ضلع مقابل آن یعنی پاره خط (ب س) عمود رسم کنید. می‌توانید از خطوط صفحه‌ی شطرنجی و یا گونیا استفاده کنید.



به پاره خطی که از یک رأس بر ضلع مقابل آن عمود رسم کرده‌اید، ارتفاع مثلث می‌گویند.

یک مثلث چند ارتفاع دارد؟ چرا؟



- ۲- همه ارتفاع‌های مثلث روبه‌رو را رسم کنید.

در صورت نیاز، ضلع‌ها را مانند نمونه با خط‌چین ادامه دهید.

- ۳- در متوازی الاضلاع روبه‌رو، چند ضلع، مقابل رأس (آ) قرار دارد؟

نام آنها را بنویسید.

با استفاده از گونیا از رأس (آ) بر ضلع‌های مقابل آن عمود رسم کنید.

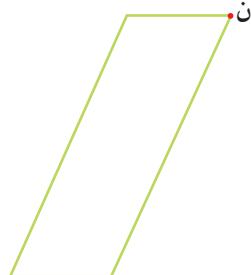
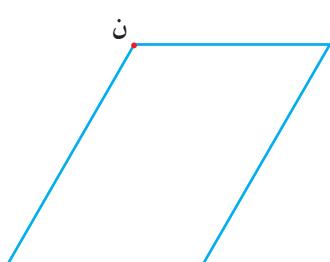
در صورت نیاز، ضلع‌ها را با خط‌چین ادامه دهید.

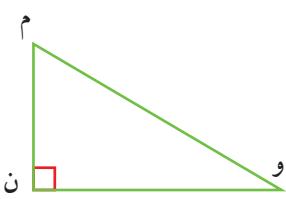
- ۴- یک متوازی الاضلاع چند ارتفاع دارد؟ چرا؟

در صورت نیاز، ضلع‌ها را با خط‌چین ادامه دهید.

- ۵- در هر متوازی الاضلاع از رأس (ن) به دو ضلع مقابله عمود رسم کنید (یا ارتفاع‌های نظیر رأس (ن) را رسم کنید). در صورت نیاز، ضلع‌ها را با خط‌چین ادامه دهید.

به ضلعی که ارتفاع بر آن عمود شده است، قاعده می‌گویند.





۱- در مثلث رویه را ارتفاع نظیر رأس (م) را رسم کنید.

ارتفاع نظیر رأس (و) کدام ضلع مثلث است؟

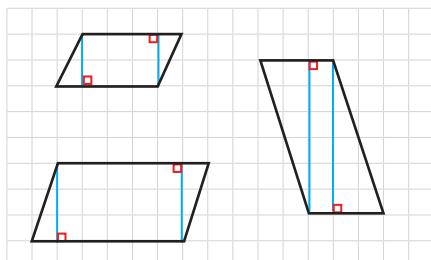
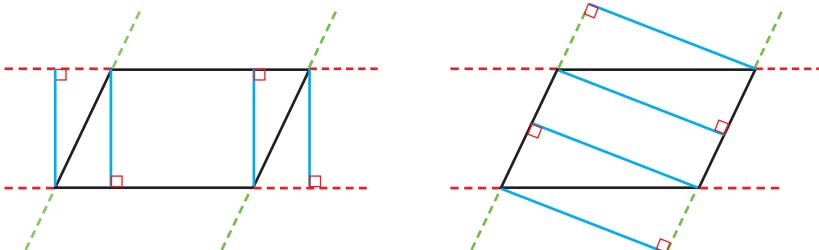
قاعده‌ی آن کدام ضلع است؟



۲- در شکل‌های زیر، ۸ ارتفاع متوازی‌الاضلاع در دو قسمت ۴ تابی رسم شده است. ارتفاع‌های مساوی هم رنگ رسم

شده‌اند.

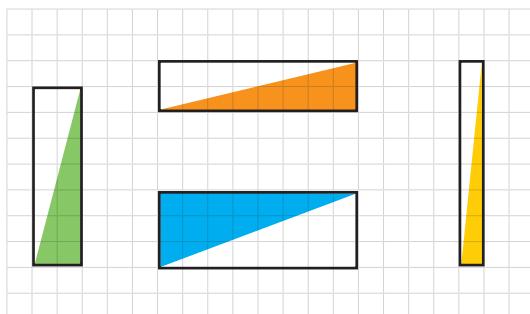
در هر دسته، قاعده‌ی  
مربوط به هر ارتفاع را  
نیز رنگ کنید.



۱- در صفحه‌ی شطرنجی رویه را مشخص کنید که  
مساحت هر متوازی‌الاضلاع چند واحد سطح است.  
توضیح دهید که چگونه مربع‌های واحد را می‌شمرید.

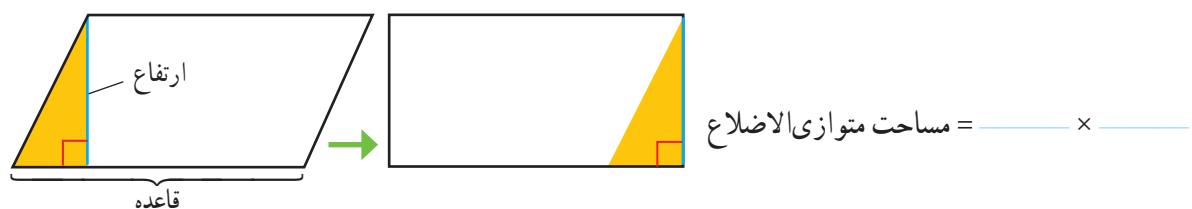


۲- مساحت مستطیل، طول  $\times$  عرض است.

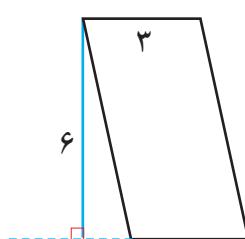
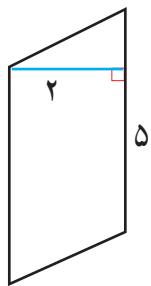
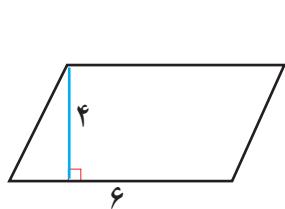


بارسم قطر مستطیل دو مثلث با مساحت‌های برابر به دست می‌آید.  
مساحت هر مثلث را در شکل‌های رویه را مشخص کنید.

۳- با توجه به سوال‌های بالا و شکل‌های زیر، توضیح دهید که چگونه می‌توان مساحت متوازی‌الاضلاع را پیدا کرد.  
یک متوازی‌الاضلاع روی مقوا رسم کنید و دور آن را با قیچی بیرید، فعالیت زیر را روی مقوای بریده شده انجام دهید.  
آیا در شکل، مساحت مستطیل و مساحت متوازی‌الاضلاع مساوی هستند؟ توضیح دهید.

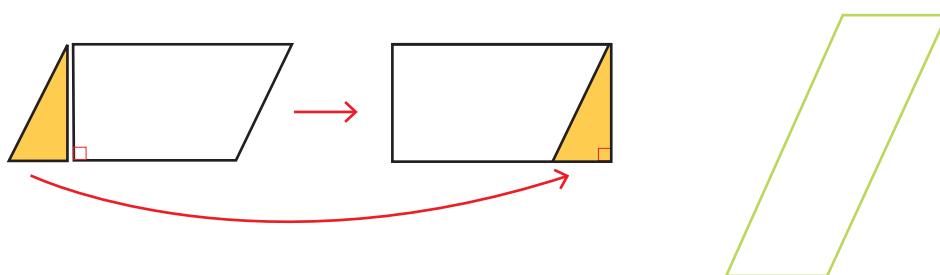


۱- با توجه به نتیجه‌ی فعالیت قبل، مساحت متوازی‌الاضلاع‌های زیر را به دست آورید.



$$\text{قاعده} \times \text{ارتفاع} = \text{مساحت متوازی‌الاضلاع}$$

۲- با رسم ارتفاع‌های لازم، متوازی‌الاضلاع زیر را مانند نمونه به مستطیل تبدیل کنید.



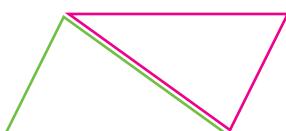
۱- مثلث رو به رو را دوبار روی کاغذ بکشید تا دو مثلث هم اندازه به دست

آید. با این دو مثلث، چه نوع چهارضلعی‌ای می‌توانید بسازید؟

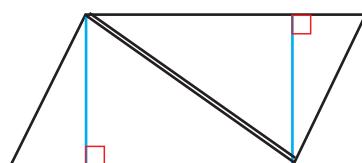
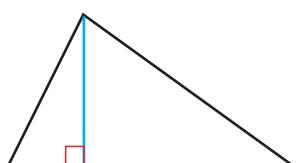


شکل آنها را رسم کنید. برای نمونه، با این دو مثلث، چهارضلعی زیر درست

شده است. نام این چهارضلعی چیست؟

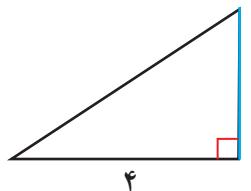
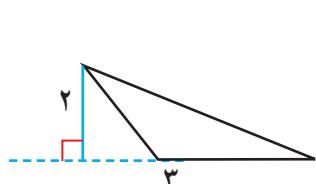
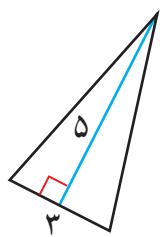


۲- با توجه به سؤال بالا و شکل زیر، توضیح دهید که مساحت مثلث را چگونه به دست می‌آورید.

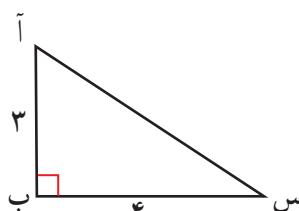


$$\text{مساحت مثلث} = \frac{\text{قاعده} \times \text{ارتفاع}}{2}$$

۱- مساحت مثلث‌های داده شده را پیدا کنید.



۲- دو مثلث به اندازه‌های مثلث زیر روی کاغذ بکشید و دور آنها را ببرید. با این دو مثلث مساوی، چند حالت چهارضلعی درست کنید و شکل چهارضلعی‌ها را رسم کنید. نام هر چهارضلعی را کنار آن بنویسید.



۱- در مثلث رویه‌رو اگر (آ ب) ارتفاع باشد، قاعده‌ی نظیر آن کدام است؟

مساحت مثلث را از این طریق حساب کنید.

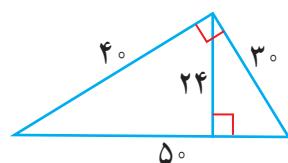
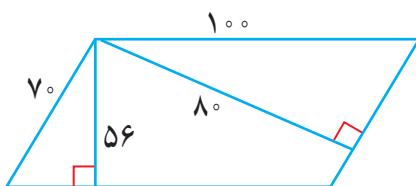
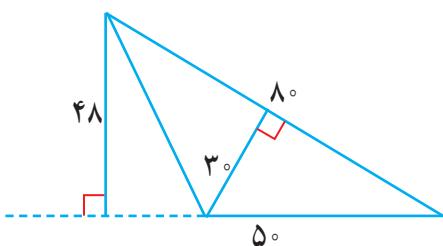
اگر ارتفاع مثلث (س ب) باشد، قاعده‌ی نظیر آن کدام است؟

مساحت مثلث را از این طریق محاسبه کنید. آیا پاسخ‌ها با هم متفاوت‌اند؟

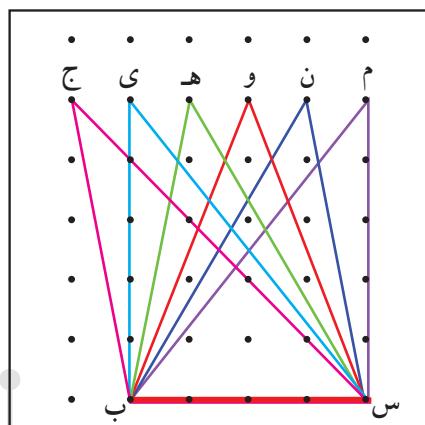
**تمرین**



۲- مساحت شکل‌های زیر را از دو طریق حساب کنید.



۳- در شکل رویه‌رو، ۶ مثلث می‌بینید که قاعده‌ی همه‌ی آنها پاره خط (ب س) است و رأس‌های آنها با حروف نامگذاری شده است. به کمک صفحه‌ی سطرنجی، ارتفاع هر ۶ مثلث را رسم کنید و توضیح دهید که چرا مساحت این ۶ مثلث با هم برابر است.



## محیط و مساحت



می‌دانیم مساحت مربعی به ضلع یک سانتی‌متر برابر با یک سانتی‌متر مرربع است.

۱- آموزگار از دانش‌آموزان خواسته بود مساحت یکی از فرش‌های نمازخانه را پیدا کنند. راه حل دو دانش‌آموز را در زیر مشاهده می‌کنید.

### راه حل هادی

طول فرش : ۴۰۰ سانتی‌متر

عرض فرش : ۳۰۰ سانتی‌متر

عرض × طول = مساحت فرش

$$400 \times 300 = 120000$$

### راه حل مهدی

طول فرش : ۴ متر

عرض فرش : ۳ متر

عرض × طول = مساحت فرش

$$4 \times 3 = 12$$

چرا عده‌های این دو دانش‌آموز متفاوت است؟

واحد مربوط به پاسخ‌های مهدی و هادی را بنویسید تا نوشته‌ی آنها کامل شود.

۲- یک باغچه را قطعه‌بندی کرده‌اند تا در هر قسمت آن یک نوع سبزی بکارند. اگر مساحت باغچه ۶ متر مرربع باشد، مساحت هر مربع چند متر مرربع است؟



اندازه‌ی هر ضلع مربع چند متر است؟

۳- طول یک زمین کشاورزی مستطیل شکل ۱۰۰ متر و عرض آن ۴۰ متر است. برای جاده‌سازی در روستا ۴۷۰ متر مرربع استفاده شده است. چه مقدار از زمین هنوز برای کشاورزی قابل استفاده است؟



(از راهبرد زیرمسئله استفاده کنید.)



۱- هر ضلع مربع زیر، یک متر است. اگر هر ضلع به  $1^{\circ}$  قسمت مساوی تقسیم شود، چند مربع کوچک درست

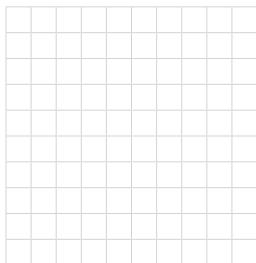
۱ متر

می‌شود؟ چرا؟

اگر هر ضلع به  $1^{\circ}$  قسمت مساوی تقسیم شود، چند مربع کوچک درست می‌شود؟

مساحت هریک از این مربع‌های کوچک چقدر است؟

۱ متر



۲-  $1/1$  متر یعنی  $1$  متر و  $1^{\circ}$  متر.

یک متر یعنی سانتی‌متر و  $1^{\circ}$  متر یعنی سانتی‌متر پس  $1/1$  متر یعنی سانتی‌متر.

۳- مساحت مستطیل به طول  $1/1$  متر و عرض  $5^{\circ}$  سانتی‌متر چند سانتی‌متر مربع است؟

۱- اگر در صفحه‌ی شطرنجی زیر اندازه‌ی ضلع هر مربع کوچک یک سانتی‌متر باشد، به سؤال‌های زیر پاسخ

دهید.



مساحت یک مربع کوچک چقدر است؟

محیط شکل «آ» چند سانتی‌متر است؟

مساحت شکل «آ» چقدر است؟

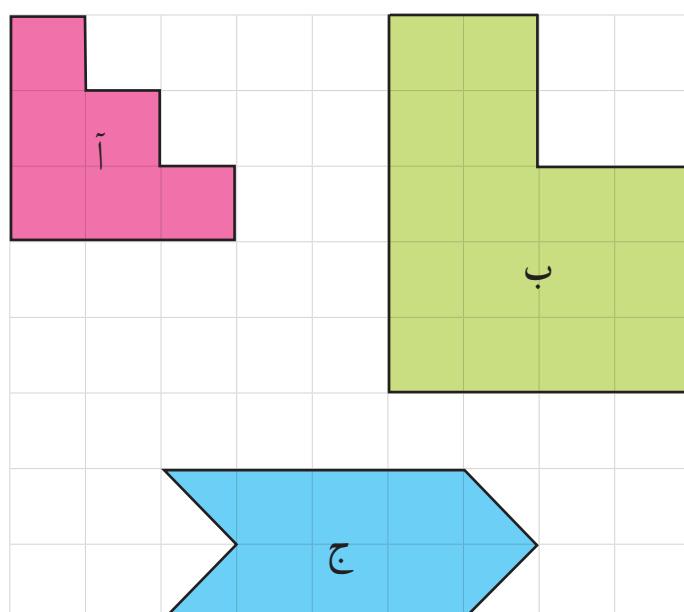
محیط شکل «ب» چقدر است؟

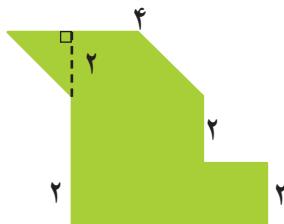
مساحت شکل «ب» چقدر است؟

مساحت شکل «ج» را به دست آورید.

تفاوت واحدهای محیط و مساحت چیست؟  
توضیح دهید.

چگونه محیط‌ها و مساحت‌های شکل‌ها را  
پیدا می‌کنید؟ توضیح دهید.



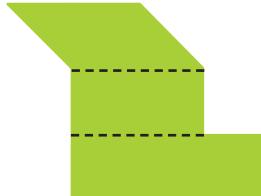


۲- سه دانش آموز مساحت شکل رو بیهوده را به دست آورده اند.

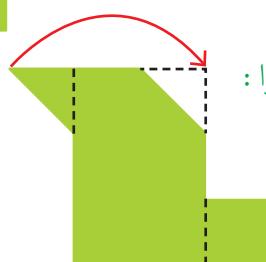
راه حل هر کدام را توضیح دهید و بیان کنید که شکل چگونه تقسیم شده است.

سپس، با توجه به تقسیم های انجام شده، مساحت شکل را پیدا کنید.

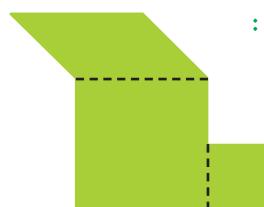
**راه حل فرخنده:**



مساحت شکل ها و و است بنابراین :



**راه حل سمیرا:**

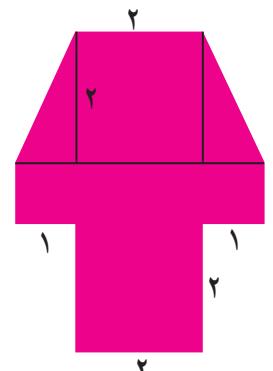
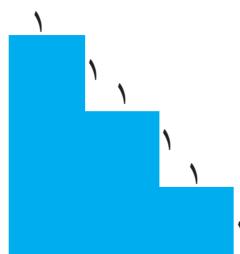
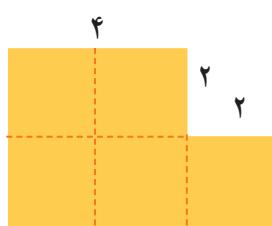


**راه حل مینا:**

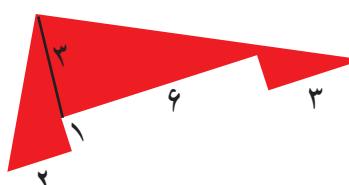
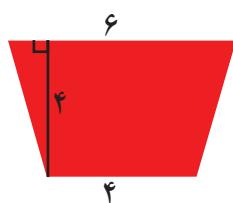
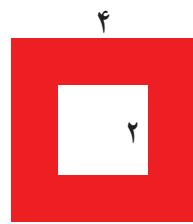


حالا شما با روشی متفاوت مساحت شکل را پیدا کنید.

مساحت شکل های زیر را با تبدیل آنها به واحد های سطح پیدا کنید.



مساحت قسمت های رنگی شکل های زیر را پیدا کنید.





۱- دو قطعه فرش  $4 \times 3$  متر داریم. برای پیدا کردن مجموع مساحت این دو فرش، یکی از دانشآموزان طول فرش‌های را با هم ( $4 + 4 = 8$ ) و عرض دو فرش را با هم جمع کرد ( $3 + 3 = 6$ ). سپس، مساحت مجموع دو فرش را به صورت  $6 \times 8 = 48$  به دست آورد. با رسم شکل و همچنین محاسبه‌ی مساحت هر یک از فرش‌ها و جمع کردن آنها توضیح دهید چرا پاسخ این دانشآموز اشتباه است.



## تمرین

۲- کف یک حمام  $2/2$  متر در  $1/8$  متر است. می‌خواهیم آن را با کاشی‌های مریع شکل به ضلع  $2^{\circ}$  سانتی‌متر پوشانیم. چند کاشی لازم داریم؟ (از راهبرد رسم شکل استفاده کنید.)

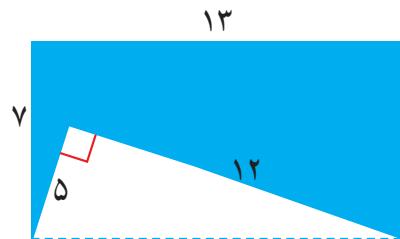
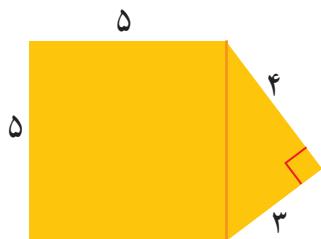


اگر دور تا دور کف حمام را با نوارهای مخصوص آب‌بندی کنیم، به چند متر نوار نیاز داریم؟

۳- یک باغچه‌ی مستطیل شکل به طول  $3$  متر و عرض  $2$  متر داریم. می‌خواهیم دور این باغچه را نزد بکشیم. چند متر نزد برای دور باغچه لازم است؟

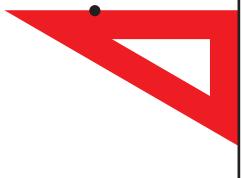
باغبان نیمی از این باغچه را گل لاله کاشته است. چند متر مریع را هنوز نکاشته است؟

۴- مساحت شکل‌های زیر را پیدا کنید.



## مرور فصل

### فرهنگ نوشتن



- ۱- برای کشیدن خط عمود از یک نقطه بر یک خط، لبه‌های گونیا را چگونه باید کنار خط و نقطه قرار دهیم؟ توضیح دهید.
- ۲- متوالی‌الاضلاع چهارضلعی‌ای است که ضلع‌های رو به روی آن باهم موازی باشند.

ذوزنقه چهارضلعی‌ای است که

مربع نوعی مستطیل است که

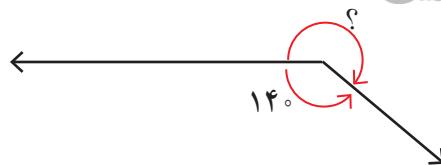
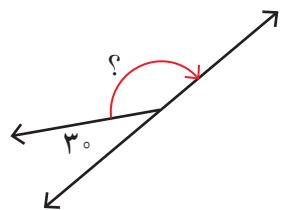
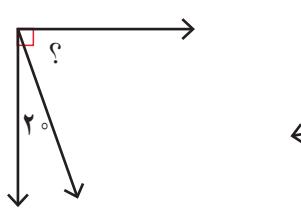
مربع نوعی لوزی است که

مستطیل نوعی متوالی‌الاضلاع است که

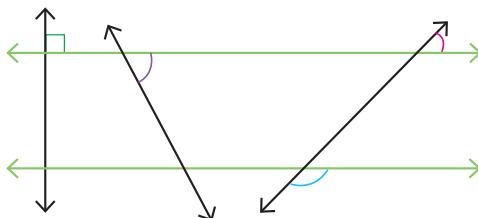
لوزی نوعی متوالی‌الاضلاع است که



- ۱- اندازه‌ی زاویه‌ی مورد نظر را با نوشتن یک عبارت پیدا کنید.

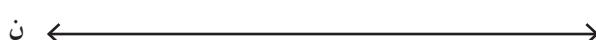


- ۲- دو خط موازی رسم شده‌اند. مساوی هر زاویه‌ی رنگ شده و با همان رنگ، یک زاویه‌ی مساوی مشخص کنید.



آ.

- ۳- از نقطه‌ی (آ) خطی موازی خط (ن) رسم کنید.



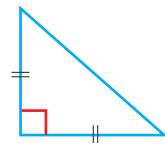
- ۴- یک چهارضلعی رسم کنید که
  - الف) ۲ زاویه‌ی تند داشته باشد.
  - ب) ۳ زاویه‌ی تند داشته باشد.
  - ج) ۴ زاویه‌ی راست داشته باشد.



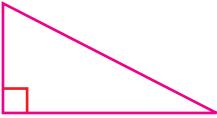
۵- دو مثلث متساوی الاضلاع هم اندازه روی مقوا رسم کنید و دور آنها را با قیچی ببرید.

با این دو مثلث، چند نوع چهارضلعی می‌توان ساخت؟ چرا؟

نام چهارضلعی ساخته شده چیست؟

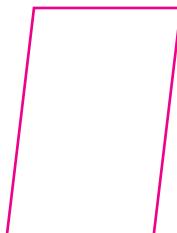
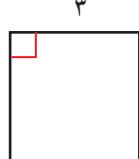
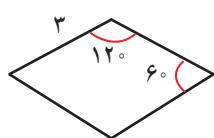
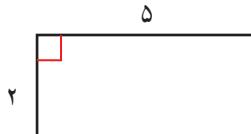
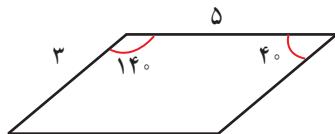


همین تمرین را با دو مثلث قائم‌الزاویه متساوی الساقین انجام دهید. نام چهارضلعی ساخته شده چیست؟



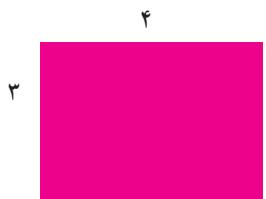
اگر دو مثلث قائم‌الزاویه باشند، نام چهارضلعی‌های ساخته شده چیست؟

۶- در هر شکل، اندازه‌ی بعضی از ضلع‌ها و زاویه‌ها داده شده است. اندازه‌ی بقیه‌ی ضلع‌ها و زاویه‌ها را پیدا کنید.

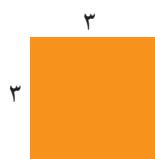


۷- با رسم ارتفاع و اندازه‌گیری طول قاعده و ارتفاع، مساحت مثلث و متوازی‌الاضلاع را پیدا کنید.

۸- مساحت مستطیل‌های زیر با هم برابر است. در کدام حالت بیشترین محیط را خواهیم داشت؟



۹- محیط مستطیل‌های زیر باهم برابر است. در کدام حالت بیشترین مساحت را خواهیم داشت؟



## معما و سرگرمی

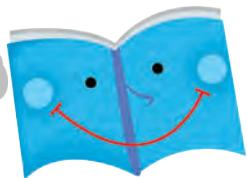


شکل تانگرام را روی مقوّا رسم کنید و هفت قطعه‌ی آن را با قیچی ببرید.

همان‌طور که می‌بینید، با این هفت قطعه یک مریغ درست شده است.

ابتدا نام هر هفت قطعه را داخل آن بنویسید. حالا سعی کنید با این هفت قطعه شکل‌های مستطیل، متوازی‌الاضلاع، لوزی و ذوزنقه درست کنید.

## فرهنگ خواندن



مهران با وسایل بازی خود یک متوازی‌الاضلاع درست کرده است.



۴ گوشی این متوازی‌الاضلاع با پیچ و مهره به هم وصل شده‌اند.

وقتی مهران به ضلع کناری فشار وارد می‌کند، شکل او به مستطیل تبدیل می‌شود.



حالا مهران می‌خواهد لوزی درست کند. او باید چه قطعه‌هایی را با پیچ و مهره

به هم وصل کند تا شکل لوزی درست شود؟

در چه صورت مهران می‌تواند لوزی را به مریغ تبدیل کند؟

شما هم سعی کنید با وسایلی که در خانه دارید، شکل‌های هندسی درست کنید. چگونه می‌توانید متوازی‌الاضلاعی را درست کنید که قابل تبدیل به مستطیل، لوزی و مریغ باشد؟ در این مورد در کلاس با هم گفت و گو کنید و راه حل‌های مختلف را بررسی کنید.