



# فصل ۱

## علوم پایه

**۱** در حالت کلی، دو نسبت  $a$  به  $b$  و  $c$  به  $d$  مساوی‌اند، هرگاه برای یک عدد مانند  $k$  داشته باشیم:

$$c = kd \quad a = kb \quad \text{یا} \quad \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$$

**۲** اگر  $a$  و  $b$  مقادیر متناظر دو کمیت باشند که با هم رابطه معکوس دارند، مقدار ثابت است و اگر  $c$  و  $d$  دو مقدار متناظر دیگر از همین کمیت باشند، داریم:  
 $k = a \times b$   
 $a = \frac{k}{b}$  و  $c = \frac{k}{d}$  یا  $k = a \times b = c \times d$

### ۳ خواص عملیات:

در عبارت‌های زیر، فرض بر آن است که مخرج‌ها مخالف صفر هستند.

$\frac{a}{b} = \frac{ca}{cb} \quad (c \neq 0)$	$c \times \frac{a}{b} = \frac{ca}{b}$	$\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$
$\frac{a+b}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c}$	$-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b}$	
$\frac{a}{\frac{b}{c}} = \frac{ad}{bc}$	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$	

تساوی  $a \times d = b \times c$  معادل است با  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

### درصد و کاربردهای آن

**۱** معادله درصد: رابطه بین مقدار اولیه، درصدی از مقدار اولیه و مقدار نهایی را نشان می‌دهد.

$$b = x \times a$$

مقدار نهایی  
↓  
درصد به صورت عدد  
اعشاری / کسری

مقدار اولیه

**۲** درصد تغییر: برای هر کمیتی مقدار

$$\text{نسبت تغییر} = \frac{\text{میزان تفاوت در مقدار}}{\text{مقدار اولیه}} \times 100 \times \frac{\text{مقدار اولیه} - \text{مقدار نهایی}}{\text{مقدار اولیه}}$$

را درصد تغییر آن کمیت می‌نامند.

درصد تغییر می‌تواند منفی هم باشد که به معنای کاهش است.

## واحدهای اندازه‌گیری انگلیسی

### ۱ واحدهای اندازه‌گیری طول

۱ میلی‌متر (mm) = ۲/۵۴ سانتی‌متر (cm) = ۲۵/۴ (in) اینچ

۱ فوت (ft) = ۱۲ اینچ (in)

۱ سانتی‌متر (cm) ≈ ۹۰ اینچ (in) فوت (ft) = ۳۶ یارد (yd)

۱ متر (m) = ۱۶۰ ۹/۳۴۴ اینچ (in) فوت (ft) = ۶۳۳۶ مایل خشکی (mil)

۱ متر (m) ≈ ۶۰۸۰ فوت (ft) ≈ ۱۸۵۳ مایل دریایی (nautical mile)

۱ مایل خشکی (mil) ≈ ۱/۱۵ مایل دریایی (nautical mile)

ضریب تبدیل (با تقریب کمتر از ۱٪)	به	برای تبدیل از
۱/۶۱	کیلومتر	مایل
۲/۵۴	سانتی‌متر	اینچ
۰/۳۱	متر	فوت
۰/۹۱	متر	یارد
۰/۶۲	مایل	کیلومتر
۰/۳۹	اینچ	سانتی‌متر
۳/۲۸	فوت	متر
۱/۰۹	یارد	متر

### ۲ واحدهای اندازه‌گیری جرم

۱ گرم (g) = ۰/۰۳۵ اونس (oz) ≈ ۲۸ اونس (oz) ≈ ۱ گرم (g)

۱ کیلوگرم (kg) ≈ ۳۵/۲۷ اونس (oz) ≈ ۱۶ اونس (oz) ≈ ۴۵۰ پوند (lb) ≈ ۱ کیلوگرم (kg)

۱ پوند (lb) ≈ ۰/۴۵ کیلوگرم (kg) ≈ ۲۲۰۰ تن (T) ≈ ۱ پوند (lb)

### ۳ واحدهای اندازه‌گیری حجم

۱ میلی‌لیتر (ml) = ۵ قاشق چای‌خوری (tsp)

۱ میلی‌لیتر (ml) = ۱۵ قاشق سوپ‌خوری (tbsp)

۱ میلی‌لیتر (ml) = ۲۴۰ فنجان (C)

## توان رسانی و ریشه‌گیری

### ۱ قوانین مربوط به توان رسانی

$(ab)^n = a^n \cdot b^n$	$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$	$a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$ $a^1 = a$
$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$	$\frac{1}{a^n} = a^{-n}$	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

### ۲ اتحادهای جبری

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

اتحاد مربع دو جمله‌ای

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

اتحاد مزدوج

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

اتحاد جمله مشترک

$$ax^2 + bx + c = 0$$

معادله درجه دوم ۳

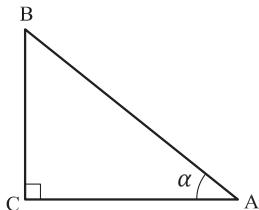
$$\Delta = b^2 - 4ac \quad \begin{cases} \Delta > 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \\ \Delta = 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b}{2a} \\ \Delta < 0 \Rightarrow \text{معادله ریشه ندارد} \end{cases}$$

## مثلثات

۱ یکی از حالات تشابه دو مثلث، تساوی زاویه‌های آن دو مثلث می‌باشد.

۲ رابطه فیثاغورس: در مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$  داریم:

$$(AB)^t = (AC)^t + (BC)^t$$



۳ نسبت‌های مثلثاتی یک زاویه تند:

در مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$  زاویه تند  $\alpha$  را در نظر بگیرید. بنا به تعریف داریم:

$$\tan \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه } \alpha}{\text{طول ضلع مجاور زاویه } \alpha} = \frac{BC}{AC}$$

$$\sin \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{BC}{AB}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{طول ضلع مجاور زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{AC}{AB}$$

۴ جدول نسبت‌های مثلثاتی زاویه‌های  $0^\circ$  و  $30^\circ$  و  $45^\circ$  و  $60^\circ$  و  $90^\circ$ :

$\alpha$ زاویه نسبت مثلثاتی	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
$\sin \alpha$	۰	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	۱
$\cos \alpha$	۱	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	۰
$\tan \alpha$	۰	$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$	۱	$\sqrt{3}$	$\infty$
$\cot \alpha$	$\infty$	$\sqrt{3}$	۱	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	۰

**۵** روابط بین نسبت‌های مثلثاتی:

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad \text{ب}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad \text{الف}$$

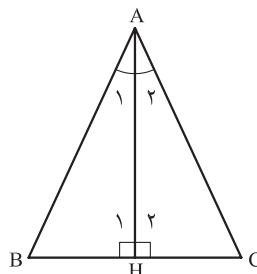
**۶** محیط و مساحت دایره:

$$S = \pi r^2 \quad \text{شعاع) } S = \pi r^2 \quad \text{مساحت دایره}$$

$$P = 2\pi r \quad \text{شعاع) } P = 2\pi r \quad \text{محیط دایره}$$

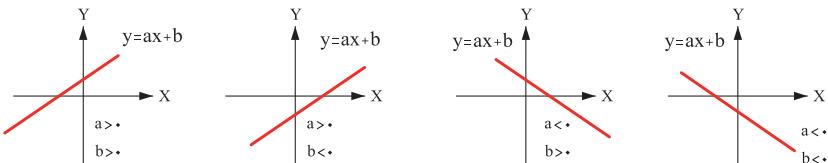
**۷** در مثلث متساوی‌الساقین ABC داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} A_1 = A_2 \\ H_1 = H_2 = 90^\circ \\ BH = HC \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} AH \text{ نیمساز زوایه } A \text{ است} \\ BC \text{ بر } AH \text{ عمود است} \\ AH \text{ منصف ضلع } BC \text{ است} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} AH \text{ عمود منصف } BC \text{ است} \\ AH \text{ منصف ضلع } BC \text{ است} \end{array} \right.$$

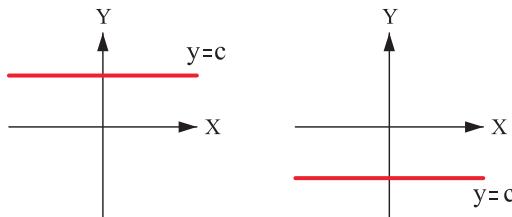


نمودار تابع خاص

**۱** نمودار تابع خطی:



**۲** نمودار تابع ثابت:



کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)	کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
نیروی وزن	$g = \frac{w}{m} \rightarrow w = mg$	بازه زمانی	$\Delta t = t_f - t_i$
بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی	$f_{s(max)} = \mu_s N$	جابجایی	$\Delta x = x_f - x_i$
نیروی اصطکاک جنبشی	$f_k = \mu_k N$	سرعت متوسط	$\bar{v} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
شدت جریان الکتریکی متوسط	$I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$	رابطه مکان زمان حركت یکنواخت	$x = vt + x_.$
قانون اهم	$R = \frac{V}{I}$	شتاب متوسط	$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
مقاومت رساناهای فلزی در دمای ثابت	$R = \frac{\rho L}{A}$	شتاب لحظه‌ای حركت با شتاب ثابت	$a = \bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
انرژی الکتریکی مصرفی	$U = I^r R t$	رابطه سرعت زمان حركت با شتاب ثابت	$v = v_0 + at$
توان مصرفی	$P = I^r R$ و $P = \frac{U}{t}$ $P = VI$ و $P = \frac{V^r}{R}$	سرعت متوسط در حركت با شتاب ثابت	$\bar{v} = \frac{v_f + v_i}{2}$
جریان مقاومت‌های متواالی (سری)	$I_1 = I_2 = I_3 = I_{eq}$	رابطه مستقل از زمان در حركت با شتاب ثابت	$v_f^r - v_i^r = 2a(x - x_.)$
ولتاژ مقاوت‌های متواالی (سری)	$V_1 + V_2 + V_3 = V_{eq}$	رابطه جابجایی در حركت با شتاب ثابت	$\Delta x = x_f - x_i = \frac{1}{2}at^r + v_0 t$
مقاومت معادل مقاومت‌های متواالی (سری)	$R_1 + R_2 + R_3 = R_{eq}$	قانون دوم نیوتن	$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$

کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
حریان مقاومت‌های موازی	$I_1 + I_2 + I_3 = I_{eq}$
ولتاژ مقاومت‌های موازی	$V_1 = V_2 = V_3 = V_{eq}$
مقاومت معادل مقاومت‌های موازی	$\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{R_{eq}}$
فشار و ارتباط آن با نیروی عمودی و سطح تماس	$P = \frac{F}{A}$
اختلاف فشار دو نقطه شاره ساکن	$P_2 - P_1 = +\rho g \Delta h$
فشار یک نقطه شاره ساکن	$P = \rho g \Delta h + p_{atm}$
اصل پاسکال	$P_2 = P_1 \Rightarrow \frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$
چگالی	$\rho = \frac{m}{v}$
چگالی نسبی	$d = \frac{\rho_2}{\rho_1}$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس فارنهایت	$F = \frac{9}{5}\theta + 32$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس کلوین	$T = \theta + 273$
رابطه دما در مقیاس فارنهایت و مقیاس کلوین	$T = (F + 459) \div 1.8$
مقدار گرمایی داده شده به یک جسم	$Q = mC(\theta_2 - \theta_1) = mC\Delta\theta$
تعادل گرمایی	$Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$
گرمای منتقل شده از طریق رسانش	$Q = \frac{KAt(T_2 - T_1)}{L} = \frac{KAt\Delta\theta}{L}$
انسپاٹ خطی	$I_2 - I_1 = \alpha L_2 \Delta\theta$ $L_2 = L_1 (1 + \alpha \Delta\theta)$
انسپاٹ سطحی	$A_2 - A_1 = 2\alpha A_2 \Delta\theta$ $A_2 = A_1 (1 + 2\alpha \Delta\theta)$
انسپاٹ حجمی	$V_2 - V_1 = 3\alpha V_1 \Delta\theta$ $V_2 = V_1 (1 + 3\alpha \Delta\theta)$

جدول تناوبی عناصر

## ثابت تفکیک اسیدها ( $K_a$ ) و بازها ( $K_b$ )

**توجه:** در شرایط یکسان (دما و غلظت) هر چه ثابت تفکیک اسید یا بازی بزرگتر باشد، آن اسید یا باز قوی تر است.

ثابت تفکیک ( $K_a$ )	فرمول شیمیایی	نام اسید
$6.9 \times 10^{-3}$	$\text{H}_3\text{PO}_4$	فسفریک اسید
$1.3 \times 10^{-3}$	$\text{CH}_3\text{ClCO}_2\text{H}$	کلرو استیک اسید
$7.4 \times 10^{-4}$	$\text{C}_6\text{H}_8\text{O}_7$	سیتریک اسید
$6.3 \times 10^{-4}$	HF	هیدروفلوریک اسید
$5.6 \times 10^{-4}$	$\text{HNO}_3$	نیترو اسید
$6.2 \times 10^{-5}$	$\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}$	بنزوئیک اسید
$1.7 \times 10^{-5}$	$\text{CH}_3\text{CO}_2\text{H}$	استیک اسید
$4.5 \times 10^{-7}$	$\text{H}_3\text{CO}_3$	کربنیک اسید
$8.9 \times 10^{-8}$	$\text{H}_2\text{S}$	هیدروسلوفوریک اسید
$4 \times 10^{-8}$	HCIO	هیپوکلرو اسید
$5.4 \times 10^{-10}$	$\text{H}_3\text{BO}_4$	بوریک اسید

ثابت تفکیک ( $K_b$ )	فرمول شیمیایی	نام اسید
اسید قوی	$\text{HClO}_4$	پرکلریک اسید
اسید قوی	$\text{H}_2\text{SO}_4$	سولفوریک اسید
اسید قوی	HI	هیدروکلریک اسید
اسید قوی	HCl	هیدروکلریک اسید
اسید قوی	$\text{HNO}_3$	نیتریک اسید
$2.2 \times 10^{-1}$	$\text{CCl}_3\text{CO}_2\text{H}$	تری کلرواستیک اسید
$1.8 \times 10^{-1}$	$\text{H}_2\text{CrO}_4$	کرومیک اسید
$1.7 \times 10^{-1}$	$\text{HIO}_3$	یدیک اسید
$5.6 \times 10^{-1}$	$\text{C}_2\text{H}_5\text{O}_4$	اگزالیک اسید
$5 \times 10^{-2}$	$\text{H}_3\text{PO}_3$	فسفرو اسید
$4.5 \times 10^{-3}$	$\text{CHCl}_3\text{CO}_2\text{H}$	دی کلرواستیک اسید
$1.4 \times 10^{-3}$	$\text{H}_2\text{SO}_3$	سولفورو اسید

ثابت تفکیک ( $K_b$ )	فرمول شیمیایی	نام باز
$4 \times 10^{-4}$	$\text{C}_4\text{H}_9\text{NH}_2$	بوتیل آمین
$6.3 \times 10^{-5}$	$(\text{CH}_3)_2\text{N}$	تری متیل آمین
$1.8 \times 10^{-5}$	$\text{NH}_3$	آمونیاک
$1.7 \times 10^{-9}$	$\text{C}_5\text{H}_5\text{N}$	پیریدین
$7.4 \times 10^{-10}$	$\text{C}_6\text{H}_5\text{NH}_2$	آنبلین

ثابت تفکیک ( $K_b$ )	فرمول شیمیایی	نام باز
باز قوی	KOH	پتاسیم هیدروکسید
باز قوی	NaOH	سدیم هیدروکسید
باز قوی	$\text{Ba}(\text{OH})_2$	باریم هیدروکسید
باز قوی	$\text{Ca}(\text{OH})_2$	کلسیم هیدروکسید
$5.4 \times 10^{-4}$	$(\text{CH}_3)_2\text{NH}$	دی متیل آمین
$4.5 \times 10^{-7}$	$\text{C}_2\text{H}_5\text{NH}_2$	اتیل آمین

## محلول‌ها و کلوبیدهای پخته شونده

نمونه‌ها	نام کلوبید	حالت فیزیکی	نوع کلوبید	فاز پخته شونده	فاز پخته شونده
-	-	-	-	گاز	گاز
کف صابون	کف	مایع	گاز در مایع	مایع	
سنگ‌پا، یونالیت	کف جامد	جامد	گاز در جامد	جامد	
مه، افسانه‌ها (اسپری‌ها)	آبروسول مایع	گاز	مایع در گاز	گاز	مایع
شیر، کره، مایونز	امولسیون	مایع	مایع در مایع	مایع	
ژله، ژل موی سر	ژل	جامد	مایع در جامد	جامد	
دود، غبار	آبروسول جامد	گاز	جامد در گاز	گاز	جامد
رنگ‌های روغنی، چسب مایع	سول	مایع	جامد در مایع	مایع	
سرامیک، شیشه، رنگی، یاقوت، لعل، فیروزه	سول جامد	جامد	جامد در جامد	جامد	

## مقاومت قطعات در بارگذاری‌های مختلف

نوع بارگذاری	شکل بارگذاری	تنش در قطعه	حداکثر جابجایی در قطعه
کششی		تنش کششی در بارگذاری کششی $\frac{\text{نیروی کششی}}{\text{سطح مقطع}} = \frac{\text{تنش}}{\text{نیروی سفتی}}$	جانبجایی در بارگذاری کششی $\frac{\text{نیروی} \times \text{طول}}{\text{سقته جنس} \times \text{سطح مقطع}} = \frac{\text{جانبجایی}}{\text{نیروی سفتی}}$
فشاری		تنش فشاری در بارگذاری فشاری $\frac{\text{نیروی فشاری}}{\text{سطح مقطع}} = \frac{\text{تنش}}{\text{نیروی سفتی}}$	جانبجایی در بارگذاری فشاری $\frac{\text{نیروی} \times \text{طول}}{\text{سقته جنس} \times \text{سطح مقطع}} = \frac{\text{جانبجایی}}{\text{نیروی سفتی}}$
برشی		تنش برشی در بارگذاری برشی $\frac{\text{نیروی برشی}}{\text{سطح مقطع}} = \frac{\text{تنش}}{\text{نیروی سفتی}}$	---
خمشی		= حداکثر تنش قطعه بارگذاری خمش $= \frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{سقته جنس} \times \text{ممان اینرسی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{ممان اینرسی} \times \text{ضریب}}$	= حداکثر جابجایی در خمش $= \frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{سقته جنس} \times \text{ممان اینرسی}} = \frac{\text{نیرو}}{\text{ممان اینرسی}}$
پیچشی		= حداکثر تنش قطعه هنگام پیچش $= \frac{\text{دایرکتور پیچشی}}{\text{سقته جنس} \times \text{ممان اینرسی قطبی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{دایرکتور پیچشی}}{\text{ممان اینرسی} \times \text{ضریب}}$	= جابجایی زوایه در پیچش $= \frac{\text{طول} \times \text{گشتاور پیچشی}}{\text{سقته جنس} \times \text{ممان اینرسی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{طول}}{\text{سقته جنس} \times \text{ممان اینرسی}} = \frac{\text{گشتاور پیچشی}}{\text{سقته جنس}}$
مقایسه استحکام و سقته مواد مختلف معمولی		استحکام فولاد > سقته مس > سقته الومینیوم	ستفی فولاد < سقته مس < سقته الومینیوم
به چه شرطی مقاومت قطعه بالا می رود:		استحکام قطعه زمانی بالا می رود که: ۱- استحکام جنس قطعه بیشتر باشد. ۲- در برابر نیروی یکسان تنش در قطعه کمتر باشد.	ستفی قطعه زمانی بالا می رود که: ۱- سقته جنس قطعه بیشتر باشد. ۲- در برابر نیروی یکسان تنش در قطعه کمتر باشد.
مان اینرسی سطح مقطع حول محور افقی به ترتیب، شکل ال از همه بیشتر است.			

مان اینرسی سطح مقطع حول محور افقی به ترتیب، شکل ال از همه بیشتر است.