

فصل ۱

علوم پایه

۱ در حالت کلی، دو نسبت a به b و c به d مساوی‌اند، هرگاه برای یک عدد مانند k داشته باشیم:

$$c = kd \quad a = kb \quad \text{یا} \quad \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$$

۲ اگر a و b مقادیر متناظر دو کمیت باشند که با هم رابطه معکوس دارند، مقدار ثابت است و اگر c و d دو مقدار متناظر دیگر از همین کمیت باشند، داریم: $k = a \times b$

$$a = \frac{k}{b} \quad \text{و} \quad c = \frac{k}{d} \quad \text{یا} \quad k = a \times b = c \times d$$

۳ خواص عملیات:

در عبارت‌های زیر، فرض بر آن است که مخرج‌ها مخالف صفر هستند.

$\frac{a}{b} = \frac{ca}{cb} \quad (c \neq 0)$	$c \times \frac{a}{b} = \frac{ca}{b}$	$\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$
$\frac{a+b}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c}$	$-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b}$	
$\frac{a}{\frac{b}{c}} = \frac{ad}{bc}$	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$	

تساوی $a \times d = b \times c$ معادل است با $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

درصد و کاربردهای آن

۱ معادله درصد: رابطه بین مقدار اولیه، درصدی از مقدار اولیه و مقدار نهایی را نشان می‌دهد.

$$b = x \times a$$

مقدار نهایی
↓
درصد به صورت عدد
اعشاری / کسری

مقدار اولیه

۲ درصد تغییر: برای هر کمیتی مقدار

$$\text{نسبت تغییر} = \frac{\text{میزان تفاوت در مقدار}}{\text{مقدار اولیه}} \times 100 \times \frac{\text{مقدار اولیه} - \text{مقدار نهایی}}{\text{مقدار اولیه}}$$

را درصد تغییر آن کمیت می‌نامند.

درصد تغییر می‌تواند منفی هم باشد که به معنای کاهش است.

واحدهای اندازه‌گیری انگلیسی

۱ واحدهای اندازه‌گیری طول

میلی‌متر $\frac{1}{25}$ (mm) = سانتی‌متر $\frac{4}{25}$ (cm) = اینچ ۱ (in)

فوت ۱ (ft) = اینچ (in)

سانتی‌متر ۹۰ (cm) ≈ اینچ (in) ≈ فوت ۳ (ft) = یارد ۱ (yd)

متر $\frac{1}{344}$ (m) = اینچ $\frac{160.9}{344}$ (in) = فوت $\frac{5280}{344}$ (ft) = مایل خشکی ۱ (mil)

متر ۶۰۸۰ (m) ≈ فوت ۱۸۵۳ (ft) ≈ مایل دریایی ۱ (nmi)

مایل خشکی ۱/۱۵ ≈ مایل دریایی ۱ (nmi)

ضریب تبدیل (با تقریب کمتر از $0/01$)	به	برای تبدیل از
۱/۶۱	کیلومتر	مایل
۲/۵۴	سانتی‌متر	اینج
۰/۳۱	متر	فوت
۰/۹۱	متر	یارد
۰/۶۲	مایل	کیلومتر
۰/۳۹	اینج	سانتی‌متر
۳/۲۸	فوت	متر
۱/۰۹	یارد	متر

۲ واحدهای اندازه‌گیری جرم

گرم ۲۸ (g) ≈ اونس ۱ (oz)

کیلوگرم ۱ (kg) ≈ اونس $\frac{35}{27}$ (oz) ≈ پوند ۱ (lb)

کیلوگرم ۰/۴۵ (kg) ≈ پوند ۱ (lb) ≈ تن ۱ (T)

۳ واحدهای اندازه‌گیری حجم

میلی‌لیتر ۵ (ml) = قاشق چایخوری ۱ (tbsp)

میلی‌لیتر ۱۵ (ml) = قاشق سوپ‌خوری ۱ (tbsp)

میلی‌لیتر ۲۴۰ (ml) = فنجان ۱ (C)

توان رسانی و ریشه‌گیری

۱ قوانین مربوط به توان رسانی

$(ab)^n = a^n \cdot b^n$	$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$	$a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$ $a^1 = a$
$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$	$\frac{1}{a^n} = a^{-n}$	$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

۲ اتحادهای جبری

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

اتحاد مربع دو جمله‌ای

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

اتحاد مزدوج

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

اتحاد جمله مشترک

$$ax^2 + bx + c = 0$$

معادله درجه دوم ۳

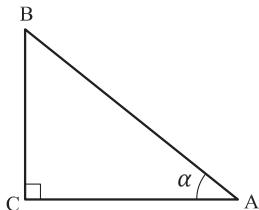
$$\Delta = b^2 - 4ac \quad \begin{cases} \Delta > 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \\ \Delta = 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b}{2a} \\ \Delta < 0 \Rightarrow \text{معادله ریشه ندارد} \end{cases}$$

مثلثات

۱ یکی از حالات تشابه دو مثلث، تساوی زاویه‌های آن دو مثلث می‌باشد.

۲ رابطه فیثاغورس: در مثلث قائم‌الزاویه ABC داریم:

$$(AB)^t = (AC)^t + (BC)^t$$



۳ نسبت‌های مثلثاتی یک زاویه تند:

در مثلث قائم‌الزاویه ABC زاویه تند α را در نظر بگیرید. بنا به تعریف داریم:

$$\tan \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه}}{\text{طول ضلع مجاور زاویه}} = \frac{BC}{AC}$$

$$\sin \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبروی زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{BC}{AB}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{طول ضلع مجاور زاویه}}{\text{وتر}} = \frac{AC}{AB}$$

۴ جدول نسبت‌های مثلثاتی زاویه‌های 0° و 30° و 45° و 60° و 90° :

α زاویه نسبت مثلثاتی	0°	30°	45°	60°	90°
$\sin \alpha$	۰	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	۱
$\cos \alpha$	۱	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	۰
$\tan \alpha$	۰	$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$	۱	$\sqrt{3}$	∞
$\cot \alpha$	∞	$\sqrt{3}$	۱	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	۰

۵ روابط بین نسبت‌های مثلثاتی:

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad (ب)$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad (\text{الف})$$

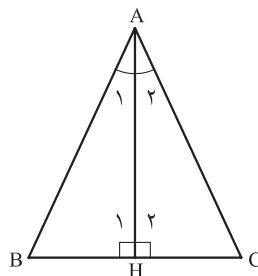
۶ محیط و مساحت دایره:

$$S = \pi r^2 \quad (\text{شعاع}) \quad \text{مساحت دایره}$$

$$P = 2\pi r \quad (\text{شعاع}) \quad \text{محیط دایره}$$

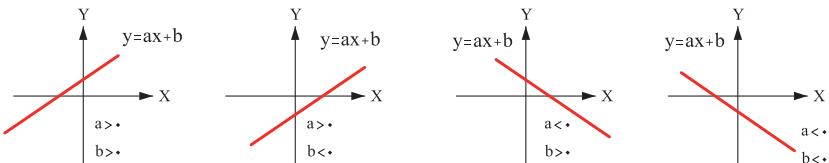
۷ در مثلث متساوی‌الساقین ABC داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} A_1 = A_2 \\ H_1 = H_2 = 90^\circ \\ BH = HC \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} AH \text{ نیمساز زویه } A \text{ است} \\ BC \text{ بر } AH \text{ عمود است} \\ AH \text{ منصف ضلع } BC \text{ است} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} AH \text{ عمود منصف } BC \text{ است} \\ AH \text{ منصف ضلع } BC \text{ است} \end{array} \right.$$

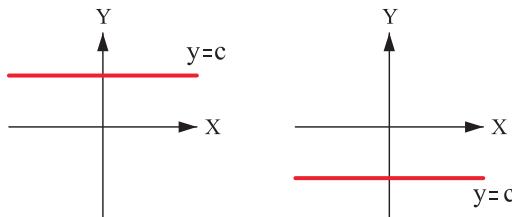


نمودار تابع خاص

۱ نمودار تابع خطی:



۲ نمودار تابع ثابت:



کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)	کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
نیروی وزن	$g = \frac{w}{m} \rightarrow w = mg$	بازه زمانی	$\Delta t = t_f - t_i$
بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی	$f_{s(max)} = \mu_s N$	جابجایی	$\Delta x = x_f - x_i$
نیروی اصطکاک جنبشی	$f_k = \mu_k N$	سرعت متوسط	$\bar{v} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
شدت جریان الکتریکی متوسط	$I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$	رابطه مکان زمان حرفت یکنواخت	$x = vt + x_0$
قانون اهم	$R = \frac{V}{I}$	شتاب متوسط	$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
مقاومت رساناهای فلزی در دمای ثابت	$R = \frac{\rho L}{A}$	شتاب لحظه‌ای حرفت با شتاب ثابت	$a = \bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$
انرژی الکتریکی مصرفی	$U = I^2 R t$	رابطه سرعت زمان حرفت با شتاب ثابت	$v = v_0 + at$
توان مصرفی	$P = I^2 R$ و $P = \frac{U}{t}$ $P = VI$ و $P = \frac{V^2}{R}$	سرعت متوسط در حرفت با شتاب ثابت	$\bar{v} = \frac{v_f + v_i}{2}$
جریان مقاومت‌های متواالی (سری)	$I_1 = I_2 = I_3 = I_{eq}$	رابطه مستقل از زمان در حرفت با شتاب ثابت	$v_f^2 - v_i^2 = 2a(x - x_0)$
ولتاژ مقاومت‌های متواالی (سری)	$V_1 + V_2 + V_3 = V_{eq}$	رابطه جابجایی در حرفت با شتاب ثابت	$\Delta x = x_f - x_i = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t$
مقاومت معادل مقاومت‌های متواالی (سری)	$R_1 + R_2 + R_3 = R_{eq}$	قانون دوم نیوتن	$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$

کاربرد	فرمول (معادله، رابطه)
حریان مقاومت‌های موازی	$I_1 + I_2 + I_3 = I_{eq}$
ولتاژ مقاومت‌های موازی	$V_1 = V_2 = V_3 = V_{eq}$
مقاومت معادل مقاومت‌های موازی	$\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{R_{eq}}$
فشار و ارتباط آن با نیروی عمودی و سطح تماس	$P = \frac{F}{A}$
اختلاف فشار دو نقطه شاره ساکن	$P_2 - P_1 = +\rho g \Delta h$
فشار یک نقطه شاره ساکن	$P = \rho g \Delta h + P_{atm}$
اصل پاسکال	$P_2 = P_1 \Rightarrow \frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$
چگالی	$\rho = \frac{m}{v}$
چگالی نسبی	$d = \frac{\rho_2}{\rho_1}$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس فارنهایت	$F = \frac{9}{5}\theta + 32$
رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس کلوین	$T = \theta + 273$
رابطه دما در مقیاس فارنهایت و مقیاس کلوین	$T = (F + 459) \div 1.8$
مقدار گرمایی داده شده به یک جسم	$Q = mC(\theta_2 - \theta_1) = mC\Delta\theta$
تعادل گرمایی	$Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$
گرمای منتقل شده از طریق رسانش	$Q = \frac{KAt(T_2 - T_1)}{L} = \frac{KAt\Delta T}{L}$
انسپاٹ خطی	$I_2 - I_1 = \alpha L_2 \Delta \theta$ $I_2 = I_1 (1 + \alpha \Delta \theta)$
انسپاٹ سطحی	$A_2 - A_1 = 2\alpha A_2 \Delta \theta$ $A_2 = A_1 (1 + 2\alpha \Delta \theta)$
انسپاٹ حجمی	$V_2 - V_1 = 3\alpha V_1 \Delta \theta$ $V_2 = V_1 (1 + 3\alpha \Delta \theta)$

جدول تناوبی عناصر

ثابت تفکیک اسیدها (K_a) و بازها (K_b)

توجه: در شرایط یکسان (دما و غلظت) هر چه ثابت تفکیک اسید یا بازی بزرگتر باشد، آن اسید یا باز قوی تر است.

ثابت تفکیک (K_a)	فرمول شیمیایی	نام اسید	ثابت تفکیک (K_a)	فرمول شیمیایی	نام اسید
6×10^{-3}	H_3PO_4	فسفریک اسید	اسید قوی	HClO_4	پرکلریک اسید
1×10^{-3}	$\text{CH}_3\text{ClCO}_2\text{H}$	کلرو استیک اسید	اسید قوی	H_2SO_4	سولفوریک اسید
7×10^{-4}	$\text{C}_6\text{H}_8\text{O}_7$	سیتریک اسید	اسید قوی	HI	هیدروکلریک اسید
6×10^{-4}	HF	هیدروفلوئوریک اسید	اسید قوی	HCl	هیدروکلریک اسید
5×10^{-4}	HNO_3	نیترو اسید	اسید قوی	HNO_3	نیتریک اسید
6×10^{-5}	$\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}$	بنزوئیک اسید	2×10^{-1}	$\text{CCl}_3\text{CO}_2\text{H}$	تری کلرواستیک اسید
1×10^{-5}	$\text{CH}_3\text{CO}_2\text{H}$	استیک اسید	1×10^{-1}	H_2CrO_4	کرومیک اسید
4×10^{-7}	H_3CO_3	کربنیک اسید	1×10^{-1}	HIO_3	یدیک اسید
8×10^{-8}	H_2S	هیدروسولفوریک اسید	5×10^{-1}	$\text{C}_2\text{H}_3\text{O}_2$	اگزالیک اسید
4×10^{-8}	HClO	هیپوکلریک اسید	5×10^{-2}	H_3PO_3	فسفرو اسید
5×10^{-10}	H_3BO_3	بوریک اسید	4×10^{-3}	$\text{CHCl}_3\text{CO}_2\text{H}$	دی کلرواستیک اسید
			1×10^{-3}	H_2SO_3	سولفورو اسید

ثابت تفکیک (K_b)	فرمول شیمیایی	نام باز	ثابت تفکیک (K_b)	فرمول شیمیایی	نام باز
4×10^{-4}	$\text{C}_6\text{H}_5\text{NH}_2$	بوتیل آمین	باز قوی	KOH	پتاسیم هیدروکسید
6×10^{-5}	$(\text{CH}_3)_2\text{N}$	تری متیل آمین	باز قوی	NaOH	سدیم هیدروکسید
1×10^{-5}	NH_3	آمونیاک	باز قوی	$\text{Ba}(\text{OH})_2$	باریم هیدروکسید
1×10^{-9}	$\text{C}_6\text{H}_5\text{N}$	پیریدین	باز قوی	$\text{Ca}(\text{OH})_2$	کلسیم هیدروکسید
7×10^{-10}	$\text{C}_6\text{H}_5\text{NH}_2$	آنبلین	5×10^{-4}	$(\text{CH}_3)_2\text{NH}$	دی متیل آمین
			4×10^{-7}	$\text{C}_2\text{H}_5\text{NH}_2$	اتیل آمین

محلول‌ها و کلوبیدهای

نمونه‌ها	نام کلوبید	حالت فیزیکی	نوع کلوبید	فاز پخش‌کننده	فاز پخش‌شونده
-	-	-	-	گاز	
کف صابون	کف	مایع	گاز در مایع	مایع	گاز
سنگ‌پا، یونالیت	کف جامد	جامد	گاز در جامد	جامد	
مه، افسانه‌ها (اسپری‌ها)	آبروسول مایع	گاز	مایع در گاز	گاز	
شیر، کره، مایونز	امولسیون	مایع	مایع در مایع	مایع	مایع
ژله، ژل موی سر	ژل	جامد	مایع در جامد	جامد	
دود، غبار	آبروسول جامد	گاز	جامد در گاز	گاز	
رنگ‌های روغنی، چسب مایع	سول	مایع	جامد در مایع	مایع	جامد
سرامیک، شیشه، رنگی، یاقوت، لعل، فیروزه	سول جامد	جامد	جامد در جامد	جامد	

مقاومت قطعات در بارگذاری‌های مختلف

نوع بارگذاری	شکل بارگذاری	تنش در قطعه	حداکثر جابجایی در قطعه
کششی		تنش کششی در بارگذاری کششی $\frac{\text{نیروی کششی}}{\text{سطح مقطع}} = \frac{\text{تنش}}{\text{طول}}$	جانبجایی در بارگذاری کششی $\frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{سفتی جنس} \times \text{سطح مقطع}} = \text{حداکثر جابجایی در بارگذاری کششی}$
فشاری		تنش فشاری در بارگذاری فشاری $\frac{\text{نیروی فشاری}}{\text{سطح مقطع}} = \frac{\text{تنش}}{\text{طول}}$	جانبجایی در بارگذاری فشاری $\frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{سفتی جنس} \times \text{سطح مقطع}} = \text{حداکثر جابجایی در بارگذاری فشاری}$
برشی		تنش برشی در بارگذاری برشی $\frac{\text{نیروی برشی}}{\text{سطح مقطع}} = \frac{\text{تنش}}{\text{طول}}$	---
خمشی		= حداکثر تنش قطعه بارگذاری خمث $= \frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{ممان اینرسی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{نیرو}}{\text{ممان اینرسی}} \times \frac{\text{طول}}{\text{ضریب}}$	= حداکثر جابجایی در بارگذاری خمث $= \frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{سفتی جنس} \times \text{ممان اینرسی}} = \text{حداکثر جابجایی در بارگذاری خمث}$
پیچشی		= حداکثر تنش قطعه هنگام پیچش $= \frac{\text{نیرو}}{\text{ممان اینرسی قطبی}} \times \frac{\text{Length}}{\text{ضریب}} = \frac{\text{نیرو}}{\text{ممان اینرسی قطبی}} \times \frac{L}{\text{ضریب}}$	= جابجایی زوایه در پیچش $= \frac{\text{نیرو} \times \text{گشتاور پیچشی}}{\text{سفتی جنس} \times \text{ممان اینرسی قطبی}} = \text{جابجایی زوایه در پیچش}$
مقایسه استحکام و سفتی مواد مختلف معمولی		استحکام فولاد < سفتی مس < سفتی الومینیوم	استحکام فولاد < سفتی مس < سفتی الومینیوم
به چه شرطی مقاومت قطعه بالا می رود:		استحکام قطعه زمانی بالا می رود که: ۱- استحکام جنس قطعه بیشتر باشد. ۲- در برابر نیروی یکسان تنش در قطعه کمتر باشد.	سفتی قطعه زمانی بالا می رود که: ۱- سفتی جنس قطعه بیشتر باشد. ۲- در برابر نیروی یکسان تنش در قطعه کمتر باشد.
مان اینرسی سطح مقطع حول محور افقی به ترتیب، شکل ال از همه بیشتر است.			

مان اینرسی سطح مقطع حول محور افقی به ترتیب، شکل ال از همه بیشتر است.