

# فصل ۱

## علوم پایه

## نسبت و تناسب

۱ در حالت کلی، دو نسبت  $a$  به  $b$  و  $c$  به  $d$  مساوی‌اند، هرگاه برای یک عدد مانند  $k$  داشته باشیم:

$$c = kd \text{ و } a = kb \text{ یا } \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$$

۲ اگر  $a$  و  $b$  مقادیر متناظر دو کمیت باشند که با هم رابطه معکوس دارند، مقدار  $k = a \times b$  ثابت است و اگر  $c$  و  $d$  دو مقدار متناظر دیگر از همین کمیت باشند، داریم:

$$a = \frac{k}{b} \text{ و } c = \frac{k}{d} \text{ یا } k = a \times b = c \times d$$

## ۳ خواص عملیات:

در عبارتهای زیر، فرض بر آن است که مخرج‌ها مخالف صفر هستند.

|   |  |                                      |
|---|--|--------------------------------------|
| $\frac{a}{b} = \frac{ca}{cb} \quad (c \neq 0)$    | $c \times \frac{a}{b} = \frac{ca}{b}$            | $\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$ |
| $\frac{a+b}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c}$       | $-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b}$     |                                      |
| $\frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{ad}{bc}$ | $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$ |                                      |

تساوی  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  معادل است با  $a \times d = b \times c$

## درصد و کاربردهای آن

۱ معادله درصد: رابطه بین مقدار اولیه، درصدی از مقدار اولیه و مقدار نهایی را نشان می‌دهد.

$$b = x \times a$$

$\swarrow$  مقدار نهایی       $\searrow$  مقدار اولیه  
 $\downarrow$   
 درصد به صورت عدد اعشاری / کسری

۲ درصد تغییر: برای هر کمیتی مقدار

$$100 \times \text{نسبت تغییر} = 100 \times \frac{\text{میزان تفاوت در مقدار}}{\text{مقدار اولیه}} \times 100 = \frac{\text{مقدار اولیه} - \text{مقدار نهایی}}{\text{مقدار اولیه}}$$

را درصد تغییر آن کمیت می‌نامند.

درصد تغییر می‌تواند منفی هم باشد که به معنای کاهش است.

## واحدهای اندازه گیری انگلیسی

### ۱ واحدهای اندازه گیری طول

- ۱ میلی متر (mm) = ۲۵/۴ سانتی متر (cm) = ۲/۵۴ اینچ (in)
- ۱ فوت (ft) = ۱۲ اینچ (in)
- ۱ سانتی متر (cm)  $\cong$  ۹۰ اینچ (in) = ۳۶ فوت (ft) = ۳ یارد (yd)
- ۱ متر (m) = ۱۶۰۹/۳۴۴ اینچ (in) = ۶۳۳۶۰ فوت (ft) = ۵۲۸۰ مایل خشکی (mil)
- ۱ متر (m)  $\cong$  ۱۸۵۳ فوت  $\cong$  ۶۰۸۰ مایل دریایی
- ۱ مایل خشکی  $\cong$  ۱/۱۵ مایل دریایی

| ضریب تبدیل<br>(با تقریب کمتر از ۰/۰۱) | به        | برای تبدیل از |
|---------------------------------------|-----------|---------------|
| ۱/۶۱                                  | کیلومتر   | مایل          |
| ۲/۵۴                                  | سانتی متر | اینچ          |
| ۰/۳۱                                  | متر       | فوت           |
| ۰/۹۱                                  | متر       | یارد          |
| ۰/۶۲                                  | مایل      | کیلومتر       |
| ۰/۳۹                                  | اینچ      | سانتی متر     |
| ۳/۲۸                                  | فوت       | متر           |
| ۱/۰۹                                  | یارد      | متر           |

### ۲ واحدهای اندازه گیری جرم

- ۱ گرم (g) = ۰/۰۳۵ اونس (oz)
- ۱ اونس (oz)  $\cong$  ۲۸ گرم (g)
- ۱ کیلوگرم (kg)  $\cong$  ۳۵/۲۷ اونس (oz)
- ۱ پوند (lb) = ۱۶ اونس (oz)  $\cong$  ۴۵۰ (g)
- ۱ پوند (lb)  $\cong$  ۰/۴۵ کیلوگرم (kg)
- ۱ تن (T)  $\cong$  ۲۲۰۰ پوند (lb)

### ۳ واحدهای اندازه گیری حجم

- ۱ میلی لیتر (ml) = ۵ قاشق چایخوری (tsp)
- ۱ میلی لیتر (ml) = ۱۵ قاشق سوپ خوری (tbsp)
- ۱ فنجان (C) = ۲۴۰ میلی لیتر (ml)

## توان رسانی و ریشه گیری

۱ قوانین مربوط به توان رسانی

|                           |                             |  |
|---------------------------|-----------------------------|--|
| $(ab)^n = a^n \cdot b^n$  | $\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$ | $a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$<br>$a^1 = a$        |
| $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$ | $\frac{1}{a^n} = a^{-n}$    | $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$ |

۲ اتحادهای جبری

اتحاد مربع دو جمله‌ای

اتحاد مزدوج

اتحاد جمله مشترک

۳ معادله درجه دوم

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

$$(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$$

$$ax^2 + bx + c = 0$$

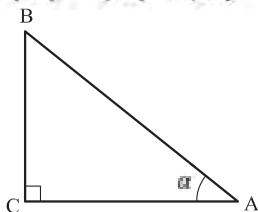
$$\Delta = b^2 - 4ac \quad \begin{cases} \Delta > 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \\ \Delta = 0 \Rightarrow x_1, x_2 = \frac{-b}{2a} \\ \Delta < 0 \Rightarrow \text{معادله ریشه ندارد} \end{cases}$$

## مثلثات

۱ یکی از حالات تشابه دو مثلث، تساوی زاویه‌های آن دو مثلث می‌باشد.

۲ رابطه فیثاغورس: در مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$  داریم:

$$(AB)^2 = (AC)^2 + (BC)^2$$



۳ نسبت‌های مثلثاتی یک زاویه تند:

در مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$  زاویه تند  $\alpha$  را در نظر بگیرید. بنا به تعریف داریم:

$$\tan \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبه روی زاویه } \alpha}{\text{طول ضلع مجاور زاویه } \alpha} = \frac{BC}{AC}$$

$$\sin \alpha = \frac{\text{طول ضلع روبه روی زاویه } \alpha}{\text{وتر}} = \frac{BC}{AB}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{طول ضلع مجاور زاویه } \alpha}{\text{وتر}} = \frac{AC}{AB}$$

۴ جدول نسبت‌های مثلثاتی زاویه‌های  $0^\circ$  و  $30^\circ$  و  $45^\circ$  و  $60^\circ$  و  $90^\circ$ :

| زاویه $\alpha$<br>نسبت مثلثاتی | $0^\circ$ | $30^\circ$                                | $45^\circ$           | $60^\circ$           | $90^\circ$ |
|--------------------------------|-----------|---|----------------------|----------------------|------------|
| $\sin \alpha$                  | ۰         | $\frac{1}{2}$                             | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | ۱          |
| $\cos \alpha$                  | ۱         | $\frac{\sqrt{3}}{2}$                      | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{1}{2}$        | ۰          |
| $\tan \alpha$                  | ۰         | $\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ | ۱                    | $\sqrt{3}$           | $\infty$   |
| $\cot \alpha$                  | $\infty$  | $\sqrt{3}$                                | ۱                    | $\frac{\sqrt{3}}{3}$ | ۰          |

۵ روابط بین نسبت‌های مثلثاتی:

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad (\text{ب})$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \quad (\text{الف})$$

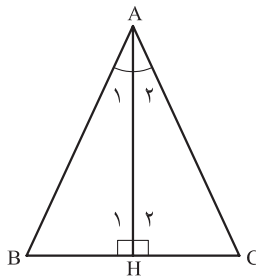
۶ محیط و مساحت دایره:

$$S = \pi r^2 \quad (\text{شعاع } r) \quad \text{مساحت دایره}$$

$$P = 2\pi r \quad (\text{شعاع } r) \quad \text{محیط دایره}$$

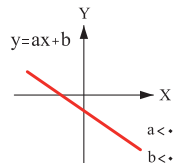
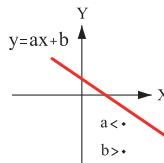
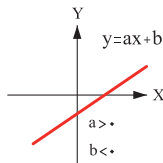
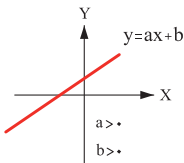
۷ در مثلث متساوی‌الساقین ABC داریم:

$$\left. \begin{array}{l} A_1 = A_2 \Rightarrow \text{AH نیمساز زاویه A است} \\ H_1 = H_2 = 90^\circ \Rightarrow \text{AH بر BC عمود است} \\ BH = HC \Rightarrow \text{AH منصف ضلع BC است} \end{array} \right\} \Rightarrow \text{AH عمود منصف BC است}$$

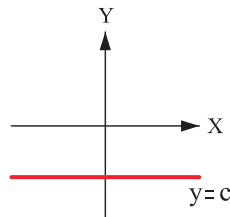
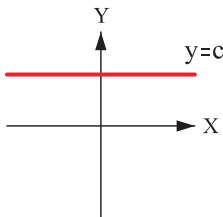


## نمودار تابع خاص

۱ نمودار تابع خطی:



۲ نمودار تابع ثابت:



| کاربرد                               | فرمول<br>(معادله، رابطه)  | کاربرد                                   | فرمول<br>(معادله، رابطه)  |
|--------------------------------------|---|--|---|
| نیروی وزن                            | $g = \frac{w}{m} \rightarrow w = mg$                              | بازه زمانی                               | $\Delta t = t_f - t_i$  |
| بیشینه نیروی اصطکاک ایستایی          | $f_{s(max)} = \mu_s N$  | جابجایی                                  | $\Delta x = x_f - x_i$  |
| نیروی اصطکاک جنبشی                   | $f_k = \mu_k N$   | سرعت متوسط                               | $\bar{v} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ |
| شدت جریان الکتریکی متوسط             | $I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$                                   | رابطه مکان زمان حرکت یکنواخت             | $x = vt + x_i$  |
| قانون اهم                            | $R = \frac{V}{I}$   | شتاب متوسط                               | $\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$                               |
| مقاومت رساناهای فلزی در دمای ثابت    | $R = \frac{\rho L}{A}$  | شتاب لحظه‌ای حرکت با شتاب ثابت           | $a = \bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$                           |
| انرژی الکتریکی مصرفی                 | $U = I^2 R t$   | رابطه سرعت زمان حرکت با شتاب ثابت        | $v = v_i + at$  |
| توان مصرفی                           | $P = I^2 R$ و $P = \frac{U}{t}$<br>$P = VI$ و $P = \frac{V^2}{R}$ | سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت          | $\bar{v} = \frac{v_f + v_i}{2}$                                     |
| جریان مقاومت‌های متوالی (سری)        | $I_1 = I_2 = I_3 = I_{eq}$  | رابطه مستقل از زمان در حرکت با شتاب ثابت | $v_f^2 - v_i^2 = 2a(x - x_i)$                                       |
| ولتاژ مقاومت‌های متوالی (سری)        | $V_1 + V_2 + V_3 = V_{eq}$  | رابطه جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت     | $\Delta x = x_f - x_i = \frac{1}{2}at^2 + v_i t$                    |
| مقاومت معادل مقاومت‌های متوالی (سری) | $R_1 + R_2 + R_3 = R_{eq}$  | قانون دوم نیوتن                          | $\bar{a} = \frac{\bar{F}}{m}$                                       |

| کاربرد                                     | فرمول<br>(معادله، رابطه)  |
|--|---|
| جریان مقاومت‌های موازی                     | $I_1 + I_2 + I_3 = I_{eq}$  |
| ولتاژ مقاومت‌های موازی                     | $V_1 = V_2 = V_3 = V_{eq}$  |
| مقاومت معادل مقاومت‌های موازی              | $\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{R_{eq}}$              |
| فشار و ارتباط آن با نیروی عمودی و سطح تماس | $P = \frac{F}{A}$   |
| اختلاف فشار دو نقطه شاره ساکن              | $P_2 - P_1 = +\rho g \Delta h$  |
| فشار یک نقطه شاره ساکن                     | $p = \rho g \Delta h + p_{atm}$   |
| اصل پاسکال                                 | $P_1 = P_2 \Rightarrow \frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$                       |
| چگالی                                      | $\rho = \frac{m}{V}$  |
| چگالی نسبی                                 | $d = \frac{\rho_2}{\rho_1}$   |
| رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس فارنهایت | $F = \frac{9}{5}\theta + 32$  |
| رابطه دما در مقیاس سلسیوس و مقیاس کلوین    | $T = \theta + 273$  |
| رابطه دما در مقیاس فارنهایت و مقیاس کلوین  | $T = (F + 459) \div 1.8$  |
| مقدار گرمای داده شده به یک جسم             | $Q = mC(\theta_2 - \theta_1) = mC\Delta\theta$                                  |
| تعادل گرمایی                               | $Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$   |
| گرمای منتقل شده از طریق رسانش              | $Q = \frac{KA\theta(T_2 - T_1)}{L} = \frac{KA\Delta T}{L}$                      |
| انبساط خطی                                 | $L_2 - L_1 = \alpha L_1 \Delta\theta$<br>$L_2 = L_1(1 + \alpha \Delta\theta)$   |
| انبساط سطحی                                | $A_2 - A_1 = 2\alpha A_1 \Delta\theta$<br>$A_2 = A_1(1 + 2\alpha \Delta\theta)$ |
| انبساط حجمی                                | $V_2 - V_1 = 3\alpha V_1 \Delta\theta$<br>$V_2 = V_1(1 + 3\alpha \Delta\theta)$ |



# جدول تناوبی عنصرها

| 1 | 2  | 3  | 4  | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|----|----|----|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| H | He | Li | Be | B | C | N | O | F | Ne | K  | Ca | Sc | Ti | V  | Cr | Mn | Fe | Cu | Zn | Ga | Ge | As | Se | Br | Kr | Rb | Sr | Y | Zr | Nb | Mo | Tc | Ru | Rh | Pd | Ag | Cd | In | Sn | Sb | Te | I | Xe | Cs | Ba | La | Ce | Pr | Nd | Pm | Sm | Eu | Gd | Tb | Dy | Ho | Er | Tm | Yb | No |

جدول تناوبی عنصرها

## ثابت تفکیک اسیدها ( $K_a$ ) و بازها ( $K_b$ )

**توجه:** در شرایط یکسان (دما و غلظت) هر چه ثابت تفکیک اسید یا بازی بزرگ تر باشد، آن اسید یا باز قوی تر است.

| ثابت تفکیک ( $K_a$ )  | فرمول شیمیایی | نام اسید           | ثابت تفکیک ( $K_a$ ) | فرمول شیمیایی | نام اسید           |
|-----------------------|---------------|--------------------|----------------------|---------------|--------------------|
| $6,9 \times 10^{-2}$  | $H_2PO_4$     | فسفریک اسید        |                      | $HClO_4$      | پرکلریک اسید       |
| $1,3 \times 10^{-2}$  | $CH_2ClCO_2H$ | کلرو استیک اسید    |                      | $H_2SO_4$     | سولفوریک اسید      |
| $7,4 \times 10^{-4}$  | $C_6H_5O_2$   | سیتریک اسید        |                      | $HI$          | هیدرویدیک اسید     |
| $6,3 \times 10^{-4}$  | $HF$          | هیدروفلوئوریک اسید |                      | $HCl$         | هیدروکلریک اسید    |
| $5,6 \times 10^{-4}$  | $HNO_2$       | نیتریک اسید        |                      | $HNO_3$       | نیتریک اسید        |
| $6,2 \times 10^{-5}$  | $C_6H_5CO_2H$ | بنزواتیک اسید      | $2,2 \times 10^{-1}$ | $CCl_3CO_2H$  | تری کلرواستیک اسید |
| $1,7 \times 10^{-5}$  | $CH_3CO_2H$   | استیک اسید         | $1,8 \times 10^{-1}$ | $H_2CrO_4$    | کرومیک اسید        |
| $4,5 \times 10^{-7}$  | $H_2CO_3$     | کربنیک اسید        | $1,7 \times 10^{-1}$ | $HIO_3$       | یودیک اسید         |
| $8,9 \times 10^{-8}$  | $H_2S$        | هیدروسولفوریک اسید | $5,6 \times 10^{-1}$ | $C_2H_2O_3$   | اکزالیک اسید       |
| $4 \times 10^{-8}$    | $HClO$        | هیپوکلوریک اسید    | $5 \times 10^{-2}$   | $H_2PO_3$     | فسفرو اسید         |
| $5,4 \times 10^{-10}$ | $H_2BO_3$     | بوریک اسید         | $4,5 \times 10^{-2}$ | $CHCl_2CO_2H$ | دی کلرواستیک اسید  |
|                       |               |                    | $1,4 \times 10^{-2}$ | $H_2SO_3$     | سولفوریک اسید      |

| ثابت تفکیک ( $K_b$ )  | فرمول شیمیایی | نام باز       | ثابت تفکیک ( $K_b$ ) | فرمول شیمیایی | نام باز          |
|-----------------------|---------------|---------------|----------------------|---------------|------------------|
| $4 \times 10^{-4}$    | $C_2H_5NH_2$  | بوتیل آمین    |                      | $KOH$         | پتاسیم هیدروکسید |
| $6,3 \times 10^{-5}$  | $(CH_3)_3N$   | تری متیل آمین |                      | $NaOH$        | سدیم هیدروکسید   |
| $1,8 \times 10^{-5}$  | $NH_3$        | آمونیاک       |                      | $Ba(OH)_2$    | باریم هیدروکسید  |
| $1,7 \times 10^{-9}$  | $C_6H_5N$     | پیریدین       |                      | $Ca(OH)_2$    | کلسیم هیدروکسید  |
| $7,4 \times 10^{-10}$ | $C_6H_5NH_2$  | آنیلین        | $5,4 \times 10^{-4}$ | $(CH_3)_3NH$  | دی متیل آمین     |
|                       |               |               | $4,5 \times 10^{-4}$ | $C_2H_5NH_2$  | اتیل آمین        |

| نمونه‌ها                                    | نام کلویید      | حالت فیزیکی | نوع کلویید   | فاز پخش کننده | فاز پخش شونده |
|---|-----------------|-------------|--------------|---------------|---------------|
| -   | -               | -           | -            | گاز           | گاز           |
| کف صابون                                    | کف              | مایع        | گاز در مایع  | مایع          |               |
| سنگ پا، بونالیت                             | کف جامد         | جامد        | گاز در جامد  | جامد          |               |
| مه، افشانه‌ها<br>(اسپری‌ها)                 | آیروسول مایع    | گاز         | مایع در گاز  | گاز           | مایع          |
| شیر، کره، مایونز                            | امولسیون        | مایع        | مایع در مایع | مایع          |               |
| ژله، ژل موی سر                              | ژل              | جامد        | مایع در جامد | جامد          |               |
| دود، غبار                                   | آیروسول<br>جامد | گاز         | جامد در گاز  | گاز           | جامد          |
| رنگ‌های روغنی،<br>چسب مایع                  | سول             | مایع        | جامد در مایع | مایع          |               |
| سرامیک، شیشه<br>رنگی، یاقوت،<br>لعل، فیروزه | سول جامد        | جامد        | جامد در جامد | جامد          |               |

## مقاومت قطعات در بارگذاری های مختلف

| نوع بارگذاری   | شکل بارگذاری  | تنش در قطعه   | حداکثر جابجایی در قطعه   |
|--|---|---|--|
| کششی   |  | تنش کششی در بارگذاری کششی<br>= $\frac{\text{نیروی کششی}}{\text{سطح مقطع}}$  | حداکثر جابجایی در بارگذاری کششی<br>= $\frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{سفتی جنس} \times \text{سطح مقطع}}$                                      |
| فشاری  |  | تنش فشاری در بارگذاری فشاری<br>= $\frac{\text{نیروی فشاری}}{\text{سطح مقطع}}$   | حداکثر جابجایی در بارگذاری فشاری<br>= $\frac{\text{نیرو} \times \text{طول}}{\text{سفتی جنس} \times \text{سطح مقطع}}$                                     |
| برشی   |  | تنش برشی در بارگذاری برشی<br>= $\frac{\text{نیروی برشی}}{\text{سطح مقطع}}$  | ---  |
| خمشی   |  | = حداکثر تنش قطعه بارگذاری خمش<br>$\frac{\text{طول} \times \text{نیرو}}{\text{ممان اینرسی}} \times \text{ضریب}$         | = حداکثر جابجایی در خمش<br>$\frac{\text{نیرو} \times \text{طول}^3}{\text{سفتی جنس} \times \text{ممان اینرسی}} \times \text{ضریب}$                        |
| پیچشی  |  | = حداکثر تنش قطعه هنگام پیچش<br>$\frac{\text{گشتاور پیچشی}}{\text{ممان اینرسی قطبی}} \times \text{ضریب}$                | = حداکثر جابجایی زوایه در پیچش<br>$\frac{\text{طول} \times \text{گشتاور پیچشی}}{\text{سفتی برشی جنس} \times \text{ممان اینرسی قطبی}} \times \text{ضریب}$ |
| مقایسه استحکام و سفتی مواد مختلف معمولی                                |   | استحکام فولاد < استحکام مس < استحکام آلومینیوم  | سفتی فولاد < سفتی مس < سفتی آلومینیوم  |
| به چه شرطی مقاومت قطعه بالا می رود:                                    |   | استحکام قطعه زمانی بالا می رود که:<br>۱- استحکام جنس قطعه بیشتر باشد.<br>۲- در برابر نیروی یکسان تنش در قطعه کمتر باشد. | سفتی قطعه زمانی بالا می رود که:<br>۱- سفتی جنس قطعه بیشتر باشد.<br>۲- در برابر نیروی یکسان جابجایی در قطعه کمتر باشد.                                    |
| ممان اینرسی سطح مقطع حول محور افقی به ترتیب، شکل الف از همه بیشتر است. |   |                                      |  |