

فصل ۵ : محیط و مساحت



در گذشته‌های دور در کنار رودخانه‌ی نیل در مصر، زمین‌های کشاورزی زیادی بود. وقتی آب رود خیلی زیاد می‌شد و بالا می‌آمد، همه‌ی زمین‌ها به زیر آب می‌رفتند. مصری‌ها برای مشخص کردن حدود زمین‌های کشاورزی اطراف این رودخانه از روش‌های گوناگونی استفاده می‌کردند و به این ترتیب، کم کم علم هندسه را به وجود آوردند.

حل مسئله



۱- رضا ۴ بسته‌ی شکلات قهوه‌ای و ۳ بسته‌ی تابی شکلات شیری دارد.



رضا چند شکلات دارد؟

- ۱- تعداد شکلات‌های قهوه‌ای را پیدا کنید.
- ۲- تعداد شکلات‌های شیری را پیدا کنید.
- ۳- تعداد شکلات‌های رضا را پیدا کنید.



۲- سپیده ۲ دسته گل رز قرمز خرید که هر دسته‌ی آن ۳ شاخه گل داشت. او ۳ دسته گل رز سفید هم خرید که در هر دسته‌ی آن ۴ شاخه گل بود. سپیده چند شاخه گل خریده است؟
مانند مسئله‌ی بالا، ابتدا مسئله‌های کوچک را بنویسید.



۱

۲

۳

۳- حسن ۱۵ عکس ماشین دارد. برادرش ۵ عکس ماشین کمتر از او دارد.
این دو برادر روی هم چند عکس ماشین دارند؟

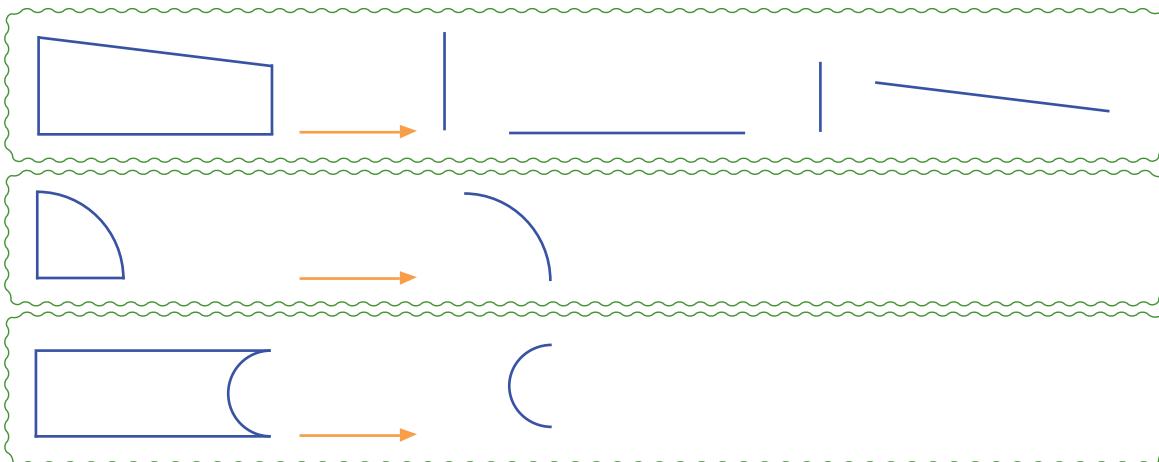


با تبدیل مسئله به چند مسئله‌ی کوچک‌تر و حل کردن آن در چند مرحله پیچیدگی بعضی از مسئله‌ها کمتر می‌شود. با حل مسئله‌های کوچک، مرحله به مرحله به پاسخ مسئله‌ی اصلی نزدیک می‌شویم.

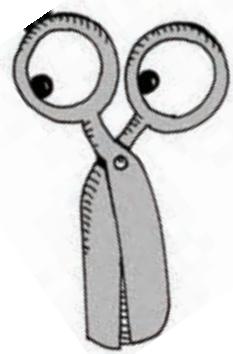
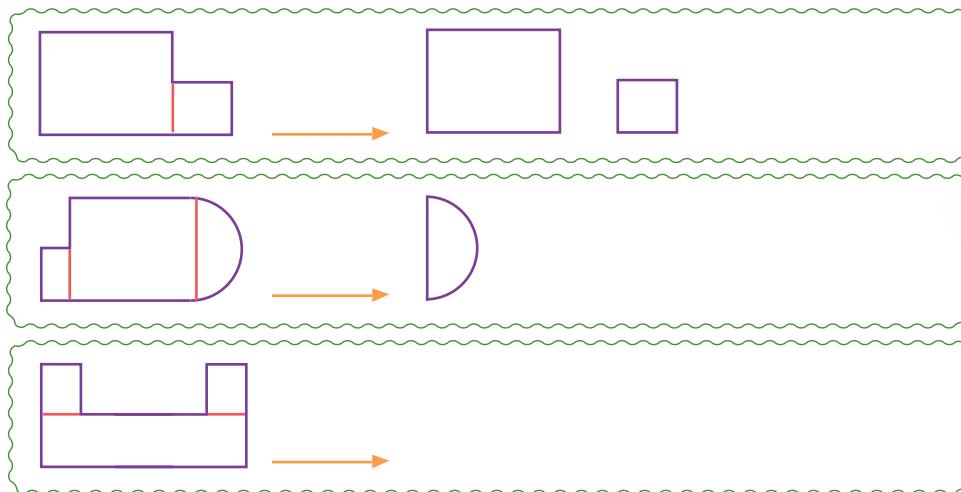


زیر مسئله

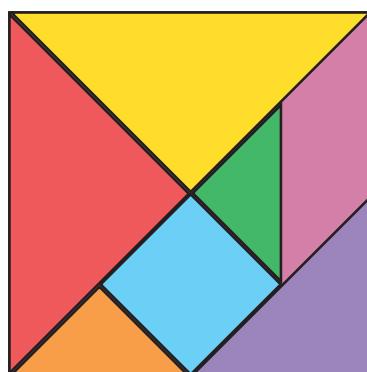
۱- شکل‌های زیر از خط‌های مختلفی درست شده‌اند. مانند نمونه، این خط‌ها را جدا کنید.



۲- این شکل‌ها نیز از قطعه‌های مختلفی درست شده‌اند. مانند نمونه، این قطعه‌ها را جدا کنید.



۳- مربع زیر از کدام شکل‌های هندسی درست شده است؟ آن را مشخص کنید.



خط، نیم خط و پاره خط

فعالیت



۱- **خط راست** رو به رو را با دو حرف نام‌گذاری کنید.

روی خط راست رو به رو نقطه‌ای به نام «م» بگذارید.

با گذاشتن این نقطه دو نیم خط به وجود می‌آید. آن‌ها را هم نام‌گذاری کنید.

علامت پیکان چه چیزی را نشان می‌دهد؟ توضیح دهید.

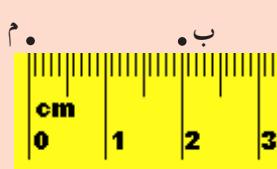
۲- خط راست «م» را با خط کش بکشید. روی آن دو نقطه‌ی «س» و «د» را انتخاب کنید. **پاره خط** «س د» را با خط کش اندازه بگیرید و پاره خطی به همان اندازه رسم کنید. چرا در دو سر پاره خط نقطه می‌گذاریم؟



کشف کن

به کمک خط کش و مانند مثال، در دور تا دور نقطه‌ی «م»، نقطه‌هایی پیدا کنید که با نقطه‌ی «م» دو سانتی‌متر فاصله داشته باشند.

الف ۲ سانتی‌متر



اگر این نقطه‌ها خیلی به هم تزدیک شوند، چه شکلی درست می‌شود؟ در این صورت، نقطه‌ی «م» چه نقطه‌ای است؟

کار در کلاس



۱_ آیا می‌توان یک خط راست را اندازه‌گیری کرد؟ چرا؟

۲_ با خط‌کش پاره‌خط‌های زیر را اندازه بگیرید. این اندازه‌ها را با واحدهای سانتی‌متر و میلی‌متر بنویسید.

$\text{س} \text{ د}$

میلی‌متر = $\text{س} \text{ د}$

سانتی‌متر = $\text{س} \text{ د}$

$\text{م} \text{ ن}$

میلی‌متر = $\text{م} \text{ ن}$

سانتی‌متر = $\text{م} \text{ ن}$

n

m

s

d

c

b

a

z

x

y

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

q

p

o

m

l

k

j

i

h

g

f

e

d

c

b

a

z

y

x

w

v

u

t

r

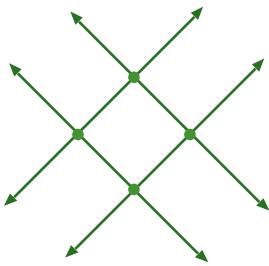
q

p

o

<

تمرین



۱- در شکل رو به رو چهار خط راست یکدیگر را قطع کرده‌اند.

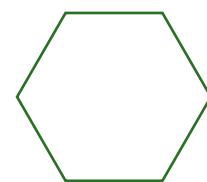
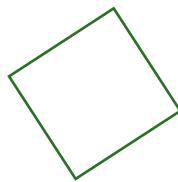
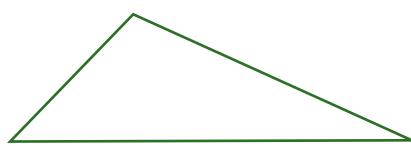
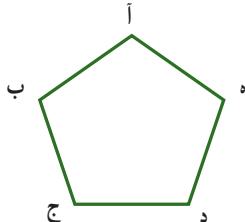
نقطه‌های روی شکل را نام‌گذاری کنید.

از برخورد این چهار خط چه شکلی به وجود آمده است؟



۲- پنج ضلعی رو به رو را «آ ب ج د ه» می‌نامیم.

شما هم این شکل‌ها را نام‌گذاری کنید و نام هر شکل را زیر آن بنویسید.



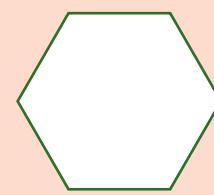
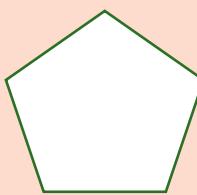
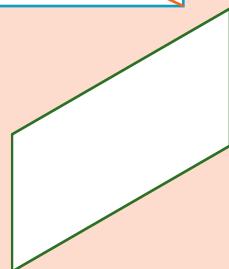
۳- با خط کش یک چهارضلعی، یک پنجضلعی و یک ششضلعی بکشید و آن‌ها را نام‌گذاری کنید.



مستطیل ۴ گوشه دارد. در مستطیل زیر، گوشه‌های رو به رو را به هم وصل کرده‌ایم. به این پاره‌خط‌های قرمزرنگ **قطر**‌های مستطیل می‌گوییم. حالا شما هم قطرهای هر یک از این شکل‌ها را

انجام بد

رسم کنید و تعداد آن‌ها را زیر هر شکل بنویسید.

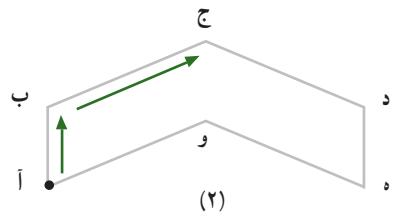
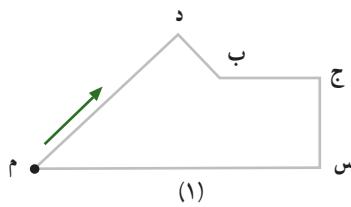


محیط

فعّالیت



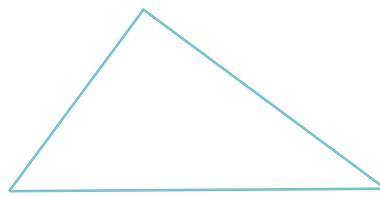
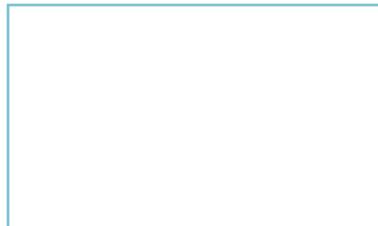
۱ دور شکل‌های زیر را با مداد رنگی، رنگ کنید.
۲ رنگ کردن دور هر شکل را از نقطه‌ی مشخص شده شروع کنید و مانند نمونه بنویسید که آن شکل از چه قسمت‌هایی تشکیل شده است. این کار را ادامه دهید تا دوباره به نقطه‌ی شروع برسید.



+ پاره خط **د** : دور شکل ۱ + + + + +

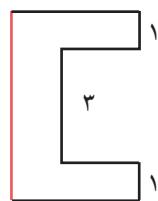
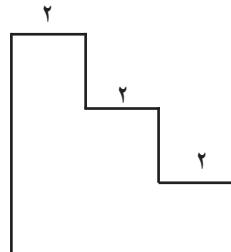
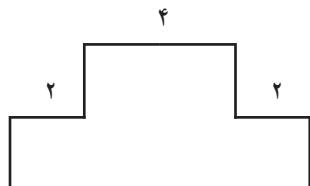
: دور شکل ۲ + + + + + +

۳ اندازه‌ی دور هر شکل را **محیط** آن شکل می‌گویند. با خط‌کش ضلع‌ها (پاره خط‌ها) را اندازه بگیرید و محیط هر شکل را با نوشتن یک جمع پیدا کنید.



: محیط + + + = : محیط + + + =

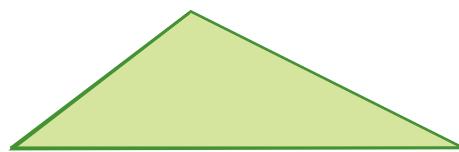
۴ با توجه به اندازه‌های نوشته شده، طول پاره خط قرمز را پیدا کنید.



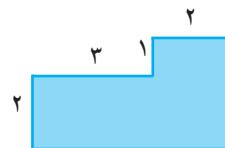
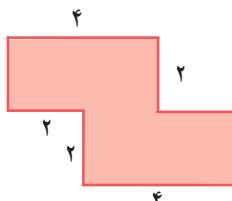
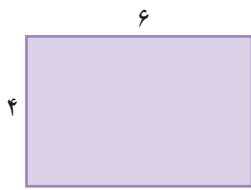
کار در کلاس



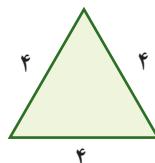
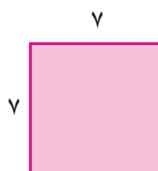
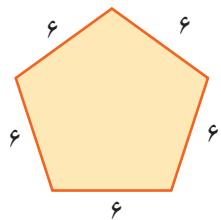
۱- با خطکش اندازه‌ی ضلع‌ها را پیدا کنید و محیط شکل‌ها را به دست آورید.



۲- ابتدا اندازه‌ی ضلع‌هایی را که داده نشده است، پیدا کنید. سپس با نوشتن یک جمع، محیط شکل را به دست آورید.



۳- به کمک ضرب، محیط شکل‌ها را پیدا کنید.



$$\text{محیط} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\text{محیط} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\text{محیط} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

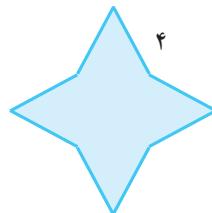
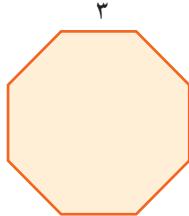
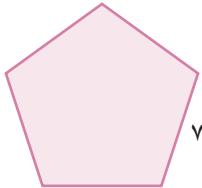
۴- اگر می‌خواهید دور دهانه‌ی یک لیوان را اندازه بگیرید، ابتدا تکه‌ای نخ بردارید. آن را دور دهانه‌ی لیوان بگردانید تا به نقطه‌ی شروع برسید. حالا نخ را بردارید و روی یک خطکش بگذارد. دور دهانه‌ی لیوان شما چند سانتی‌متر است؟



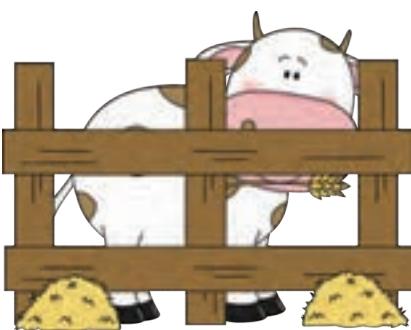
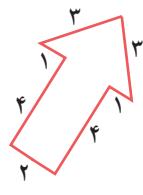
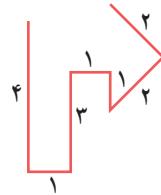
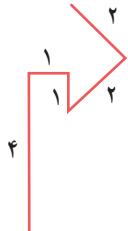
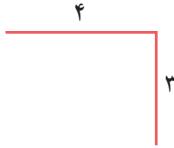
تمرین

۱- نام هر شکل را بنویسید و محیط آن را به کمک ضرب پیدا کنید.

شکل سمت چپ چند قطر دارد؟



۲- طول خطهای شکسته را پیدا کنید.



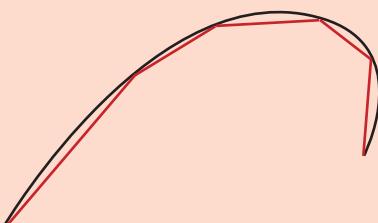
در کدام شکل محیط را به دست آورده اید؟ چرا؟

۳- یک مزرعه‌ی مستطیل شکل ۲۴ متر طول (دراز) و ۱۰ متر عرض (پهن) دارد.

اگر بخواهیم دور این مزرعه را نزد بکشیم، به چند متر نزد نیاز داریم؟

تقریب بزن

می خواهیم طول یک خط خمیده را پیدا کنیم. برای این کار، ابتدا چند نقطه را روی این خط انتخاب می کنیم. سپس آنها را به هم وصل می کنیم. بعد هم طول پاره خطهای را اندازه می گیریم و با هم جمع می کنیم.



آیا مجموع طول پاره خطهای به طور تقریبی با طول خط خمیده برابر است؟

چگونه می توانیم دقیق این اندازه گیری را بالا ببریم؟

اندازه‌ی سطح

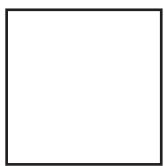
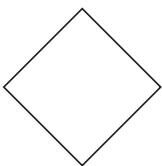
فعالیت



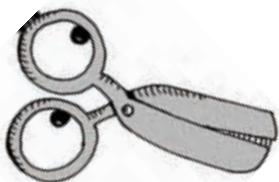
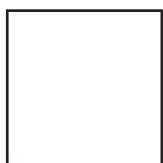
- ۱- به سطح نیمکت خود دست بکشید.
- به سطح کتاب ریاضی تان دست بکشید.
- سطح میز رویه‌رو را رنگ کنید.



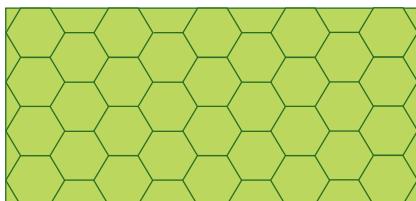
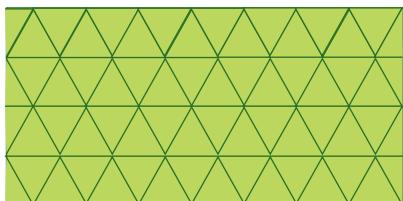
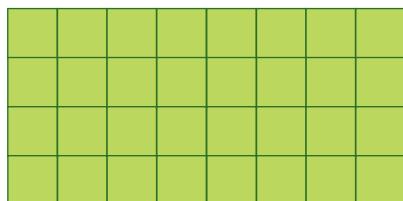
۲- اندازه‌ی سطح کدام مرّع بیشتر است؟ آن را رنگ کنید. به کمک کاغذ شفاف، اندازه‌ی این دو سطح را مقایسه کنید.



۳- دو شکل زیر را روی کاغذ شفاف بکشید و دور آن‌ها را با قیچی ببرید. سپس شکل سمت راست را تکه تکه کنید و روی شکل سمت چپ قرار دهید. آیا شکل سمت چپ را به طور کامل می‌پوشاند؟
اندازه‌ی سطح کدام شکل بزرگ‌تر است؟ چرا؟



۴- از هر کدام از شکل‌های زیر ده عدد روی کاغذ شفاف بکشید و دور آن‌ها را ببرید.
سطح سه مستطیل زیر را با کنار هم قرار دادن شکل موردنظر پوشانید.
تعداد شکل‌هایی را که برای پوشاندن مستطیل‌ها به کار بردید، بنویسید.
کار پوشاندن سطح مستطیل با کدام یک از شکل‌ها ساده‌تر بود؟

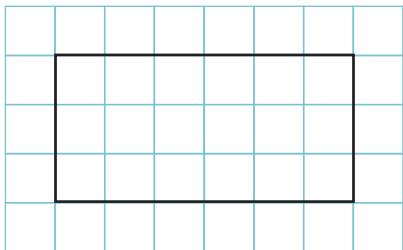


کار در کلاس

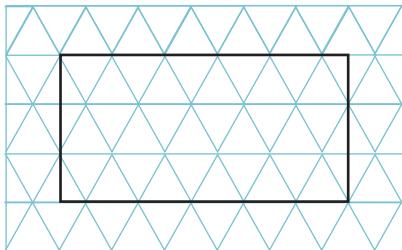


۱- یک مستطیل را روی سه نوع سطح شطرنجی کشیده‌ایم. با شمردن تعداد شکل‌هایی که داخل مستطیل قرار گرفته‌اند، اندازه‌ی سطح را با هر یک از واحدهای داده شده بنویسید.

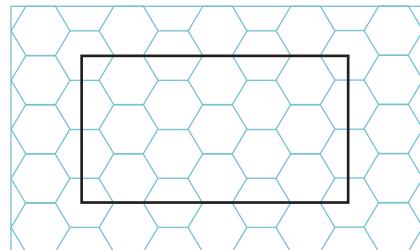
= اندازه‌ی سطح



=



=



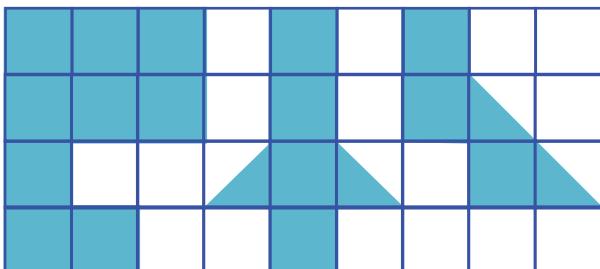
شمردن کدام شکل راحت‌تر است؟

چرا اندازه‌ی سطح یک مستطیل سه مقدار متفاوت است؟

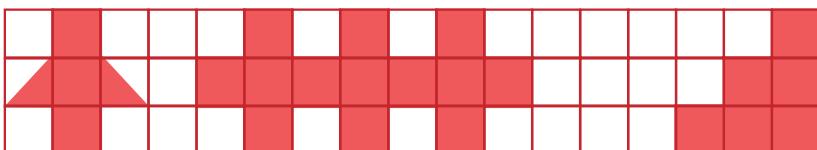
شما کدام واحد را برای اندازه‌گرفتن سطح انتخاب می‌کنید؟

چرا؟

۲- با توجه به واحد مشخص شده، اندازه‌ی هر سطح رنگی را بنویسید.



واحد سطح



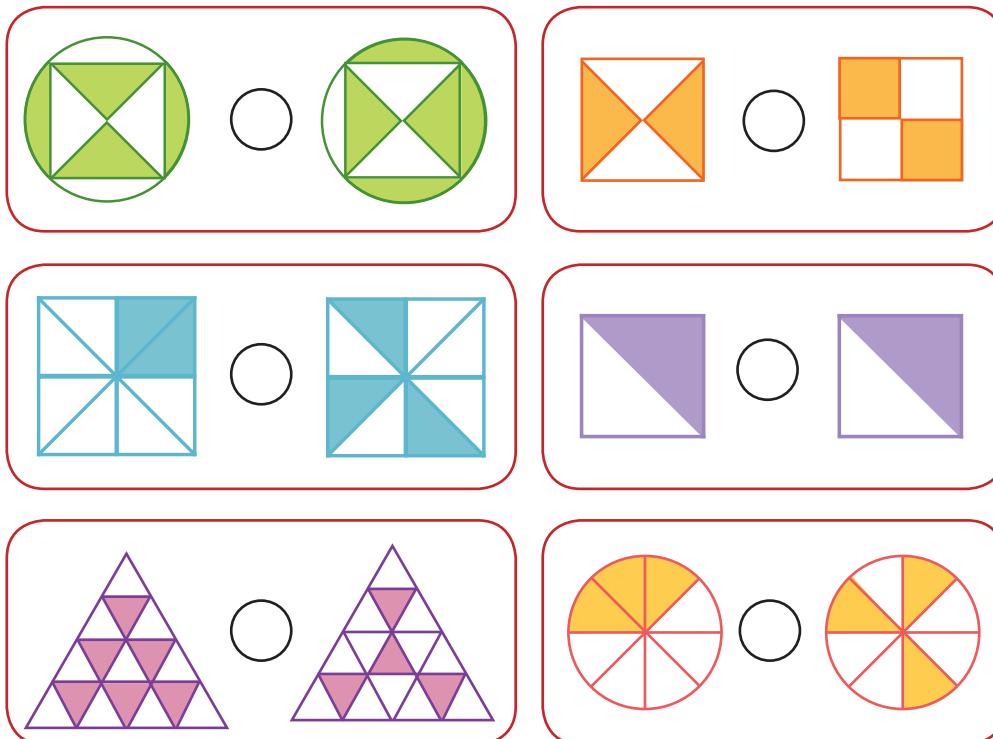
واحد سطح



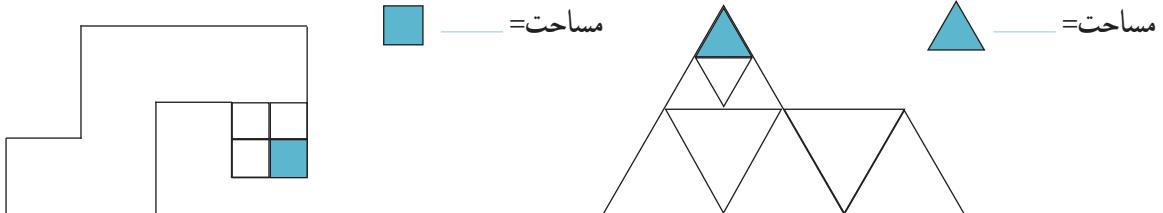
به اندازه‌ی سطح هر شکل **مساحت** آن شکل می‌گویند.

تمرین

۱- مساحت قسمت رنگ شده در کدام شکل بیشتر است؟ از علامت <یا = یا > استفاده کنید.
برای پاسخ خود دلیل بیاورید. در این باره با هم کلاسی هایتان گفت و گو کنید.



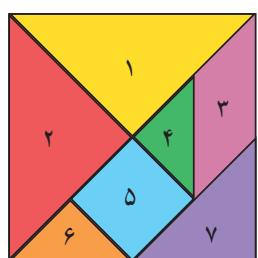
۲- مساحت شکل زیر را با واحد رنگ شده بنویسید.



۳- شکل تانگرام را از انتهای کتاب بیرید. مساحت ۷ قطعه‌ی آن را از بیشترین به کمترین بنویسید.

بیشترین مساحت : _____ کمترین مساحت : _____

اگر با این ۷ قطعه شکل‌های متفاوتی بسازیم، آیا مساحت همه‌ی آن‌ها برابر است؟ چرا؟

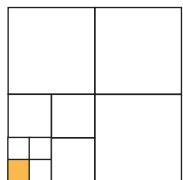


واحد اندازه‌گیری سطح

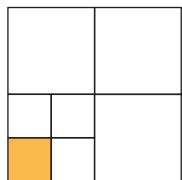
فعالیت

۱- با توجه به شکل مربع و واحد مشخص شده، مساحت مربع را زیر آن بنویسید.

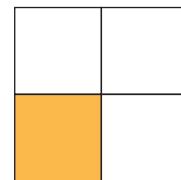
چرا مساحت مربع (اندازه‌ی سطح) سه مقدار متفاوت است؟



$$\text{مساحت} = \boxed{\text{_____}}$$

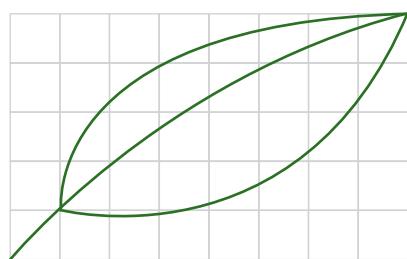


$$\text{مساحت} = \boxed{\text{_____}}$$

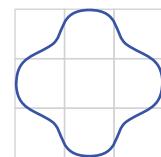


$$\text{مساحت} = \boxed{\text{_____}}$$

۲- با توجه به شکل و واحد داده شده، مشخص کنید که مساحت شکل بین کدام دو عدد قرار می‌گیرد.



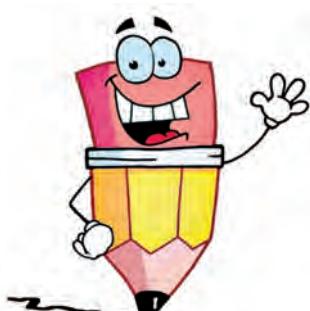
مساحت برگ بین _____ و _____ واحد است.



مساحت شکل بین _____ و _____ واحد است.

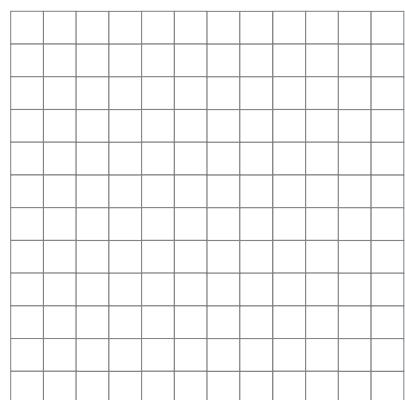
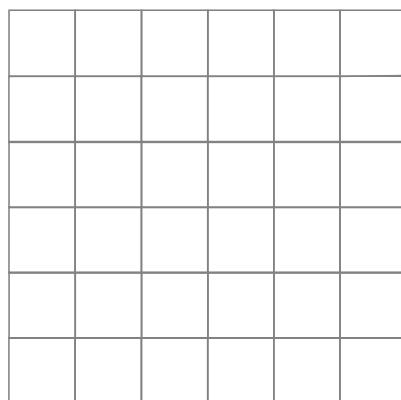
۳- شکل زیر را روی کاغذ شفاف بکشید. دور آن را قیچی کنید و آن را هر بار روی یکی از دو سطح شطرنجی زیر قرار دهید.

با شمردن مربع‌های واحد، مساحت شکل را بین دو عدد بنویسید.



شمردن کدام واحد راحت‌تر است؟

کدام واحد عدد دقیق‌تری به شما می‌دهد؟



مساحت بین _____ و _____ است.

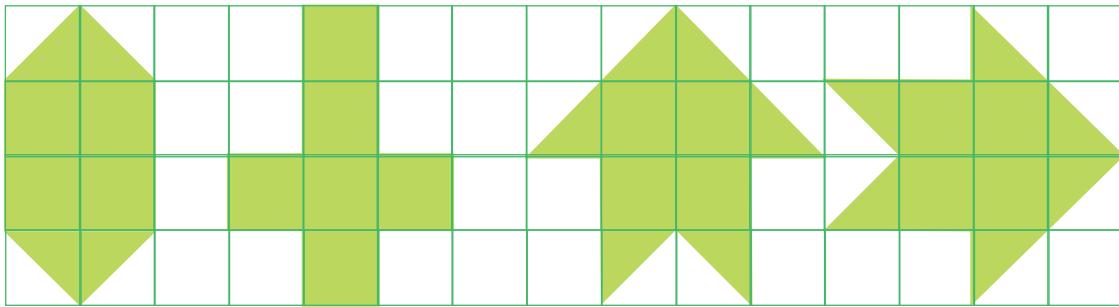
مساحت بین _____ و _____ است.

کار در کلاس



۱- مربع رو به رو به ضلع یک سانتی متر است.

برای اینکه اندازه‌ی سطح و مساحت شکل‌ها متفاوت نباشد، مربعی به ضلع یک سانتی متر رسم می‌کنیم. آن را واحد سطح در نظر می‌گیریم و به آن یک سانتی متر مربع می‌گوییم. با توجه به شکل، مشخص کنید که مساحت هر شکل چند سانتی متر مربع است.



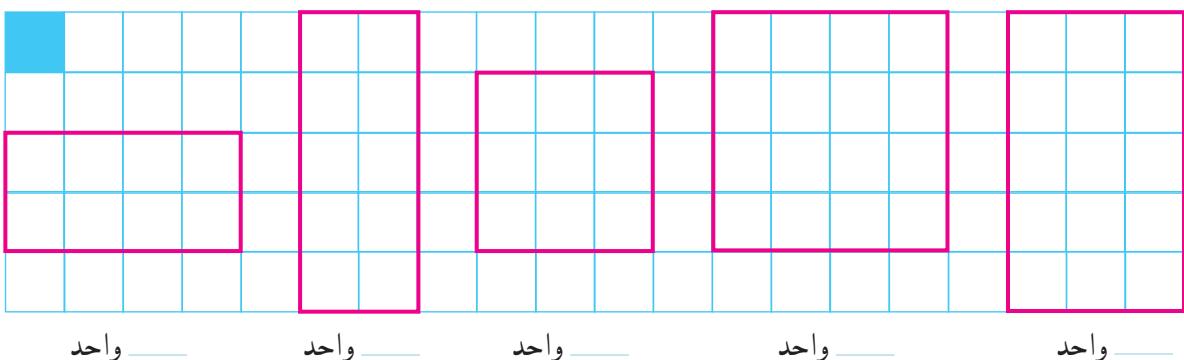
سانتی متر مربع

سانتی متر مربع

سانتی متر مربع

سانتی متر مربع

۲- با شمردن مربع‌های واحد، مساحت مستطیل‌ها و مربع‌ها را بنویسید.



واحد

واحد

واحد

واحد

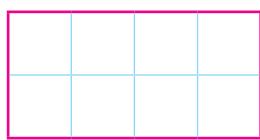
واحد

برای پیدا کردن تعداد مربع‌های واحد، می‌توانید آن‌ها را بشمرید. آیا راهی بهتر از این می‌شناشید؟

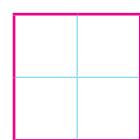


۳- با استفاده از راه حل خود، مساحت مربع و مستطیل زیر را به دست آورید.

۲ سانتی متر



۴ سانتی متر



۲ سانتی متر

تمرین

۱- مساحت شکل‌های زیر را مانند نمونه پیدا کنید.

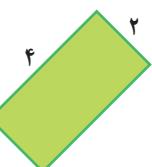
۶ سانتی‌متر



$$= \text{مساحت مستطیل} = \text{سانتی‌متر مربع}$$



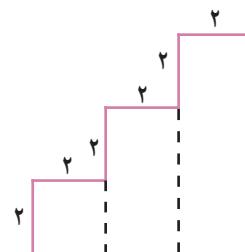
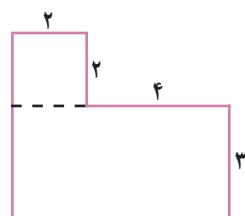
$$= \text{مساحت مستطیل} = \text{سانتی‌متر مربع}$$



۲- مساحت مستطیلی ۴۸ سانتی‌متر مربع است. اگر یک ضلع آن ۶ سانتی‌متر باشد، ضلع دیگرش چند سانتی‌متر است؟



۳- مساحت مستطیل‌ها را پیدا کنید؛ چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

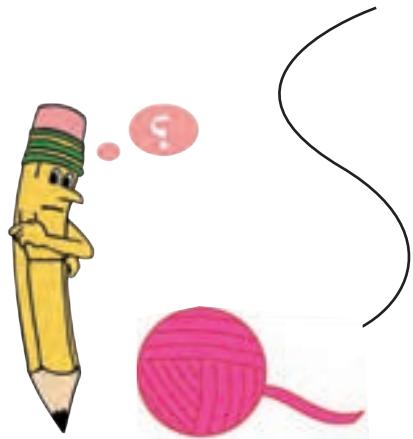


۴- مساحت شکل‌های زیر را پیدا کنید. (خط‌چین‌ها برای راهنمایی شما رسم شده‌اند).

مرور فصل

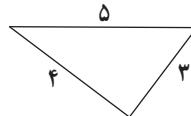
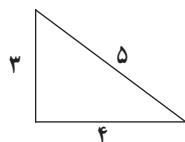
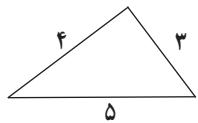
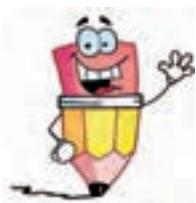
فرهنگ نوشتن

از شما خواسته شده است که اندازه‌ی خط روبه‌رو را به کمک یک تکه نخ پیدا کنید.
روش کار خود را توضیح دهید.



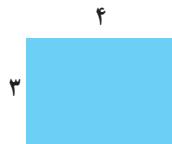
تمرین

۱- محیط مثلث‌ها را پیدا کنید. چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟



۲- مساحت و محیط مستطیل‌ها را به دست آورید.

همان‌طور که می‌بینید، مساحت‌ها برابرند. محیط کدام از همه کمتر است؟

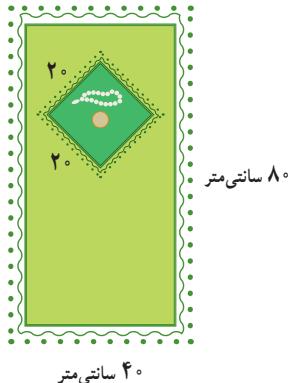


$$\text{محیط} = 2 + 6 + 2 + 6 = 16$$

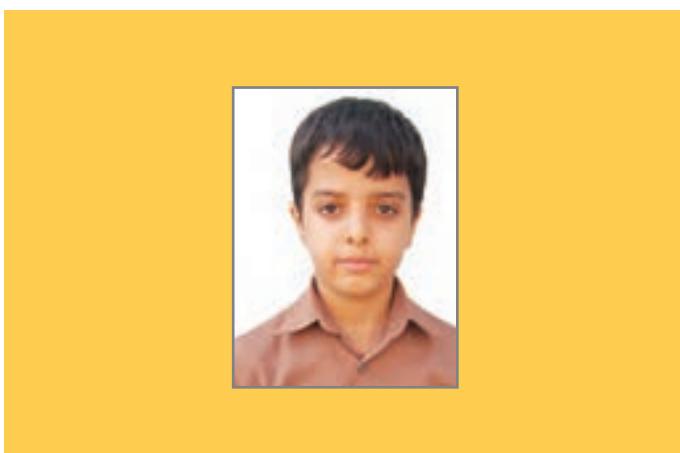
$$\text{محیط} = 3 + 4 + 3 + 4 = 14$$

$$\text{محیط} = 1 + 12 + 1 + 12 = 26$$

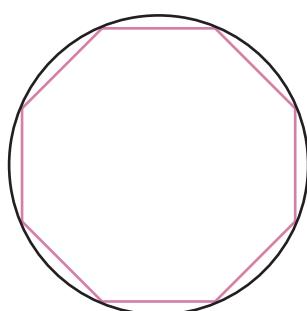
۳ مادر سمیه سجاده و جانماز جشن تکلیف او را به شکل زیر دوخته و دور آنها را توردوزی کرده است. با توجه به اندازه‌های داده شده، او چند سانتی‌متر تور به سجاده و جانماز دوخته است؟



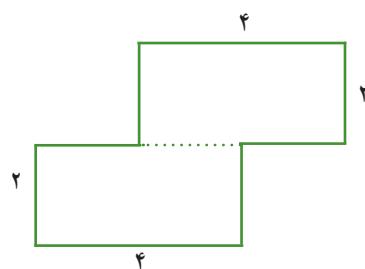
۴ پدر علی یک فرش 6×4 متر خریده است. مساحت این فرش چند متر مربع است؟



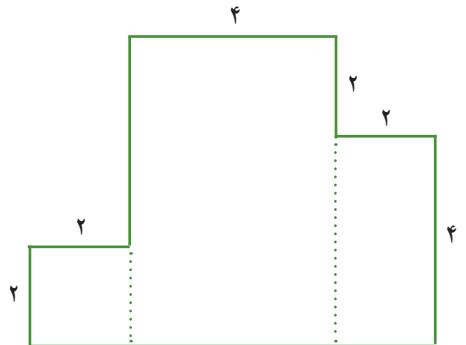
۵ روی یک مقوای زرد به طول و عرض ۶ و ۹ سانتی‌متر یک عکس 3×4 چسبانده‌ایم. چه سطحی از مقوای زرد دیده می‌شود؟

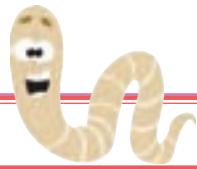


۶ به کمک هشت ضلعی رسم شده، محیط دایره را به طور تقریبی پیدا کنید. آیا اگر به جای ۸ ضلعی از یک ۱۶ ضلعی استفاده کنیم، پاسخ دقیق می‌شود؟ چرا؟



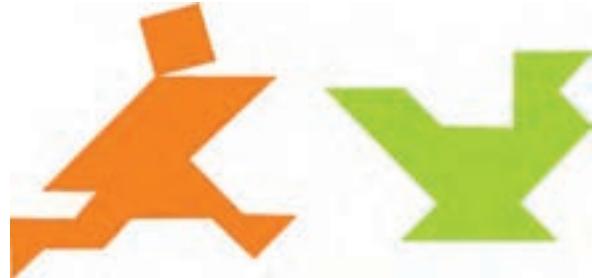
۷ مساحت شکل‌های زیر را بدست آورید.





سرگرمی و معما

شکل‌های زیر با ۷ قطعه‌ی تانگرام درست شده‌اند. سعی کنید این شکل‌ها را بسازید. در دو شکل قطعات مشخص‌اند و شما فقط باید آن‌ها را کنار هم قرار دهید اما در سه شکل دیگر محل ۷ قطعه را هم باید تشخیص دهید.

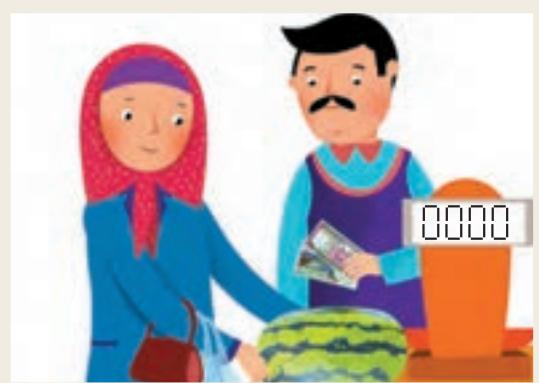
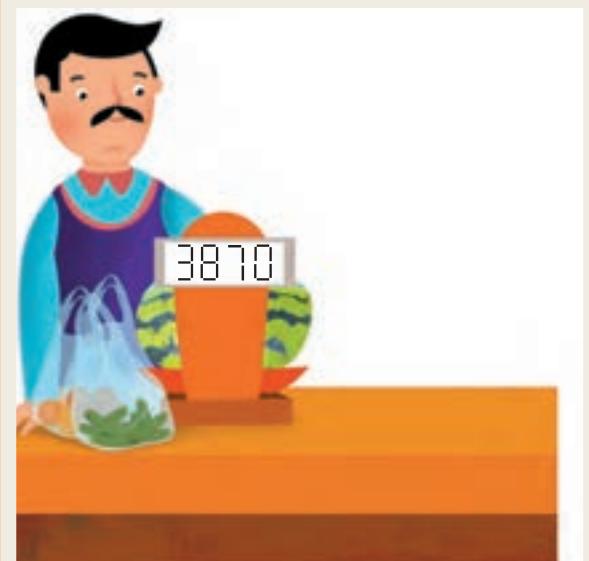


فرهنگ خواندن

علی، پدر امین و اکبر است. او می‌خواهد یک قطعه زمین کشاورزی خود را به طور مساوی بین دو پسرش تقسیم کند. برای این کار، او ابتدا باید مساحت این زمین را محاسبه کند اما زمین صاف نیست و پستی و بلندی‌هایی دارد. امین که در دبیرستان درس می‌خواند، برای حل این مشکل به پدرس پیشنهادی می‌دهد. او می‌گوید: «ابتدا زمین را به مثلث‌های مختلف تقسیم کنید. اگر مساحت مثلث‌ها را با هم جمع کنید، مساحت کل زمین به دست می‌آید». پدر می‌پرسد: «مساحت مثلث را چگونه باید پیدا کنیم؟»

امین می‌گوید: «محاسبه‌ی مساحت مثلث را سال آینده یاد می‌گیرم اما می‌دانم که به روش تبدیل یک زمین به مثلث **مساحی** می‌گویند. در گذشته نیز از همین روش برای پیدا کردن مساحت زمین‌ها استفاده می‌کرده‌اند».

فصل ۶ : جمع و تفریق



بعضی از روش‌های محاسبه، که شما در مدرسه می‌خوانید، با شیوه‌هایی که مغازه‌دارها در هنگام خرید و فروش از آن‌ها استفاده می‌کنند، متفاوت‌اند. آن‌ها از روش‌های محاسبه‌ی ذهنی به خوبی استفاده می‌کنند و به جواب مورد نظر خود می‌رسند. اما ممکن است حتی سواد خواندن و نوشتن نداشته باشند یا نتوانند به بعضی از مسئله‌های کتاب درسی شما جواب بدهند.

حل مسئله



در مسئله‌های زیر فقط نوع عمل را تشخیص دهید. (به دست آوردن جواب لازم نیست).

+ - × ÷

۱ هر سال ۳۶۵ روز دارد. هر روز ۲۴ ساعت است. هر سال چند ساعت است؟

می‌توانیم به طور ساده بگوییم: ۳۰۰ تا ۲۰ تا چقدر می‌شود؟



۲ فاصله‌ی شهر تهران تا قم ۱۲۳ کیلومتر است. از قم تا کاشان نیز ۱۲۳ کیلومتر است.

+ - × ÷

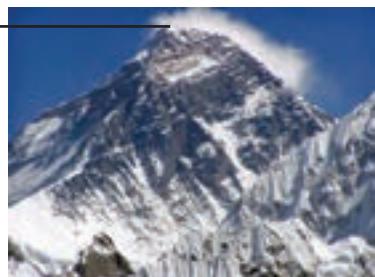
فاصله‌ی تهران تا کاشان چند کیلومتر است؟

فاصله‌ی شهرها را به‌طور تقریبی بیان کنید؛ برای مثال، ۱۰۰ کیلومتر.

۳ بلندترین قله‌ی ایران «دماوند» نام دارد و ۵۶۷۱ متر است. بلندترین قله‌ی روی زمین «اورست» نام دارد و ۸۸۴۸ متر است. قله‌ی اورست چند متر از قله‌ی دماوند بلندتر است؟

+ - × ÷

۸۸۴۸ متر



۵۶۷۱ متر



۴ روز ۱۲ فروردین ماه ۱۳۵۸ مردم ایران به جمهوری اسلامی رأی دادند. تعداد رأی‌های سه صندوق به‌ترتیب ۴۵۳۹ و ۲۸۳۴، ۱۸۹۵ بوده است. چند رأی به این سه صندوق ریخته شده است؟

+ - × ÷



گاهی استفاده از عده‌های تقریبی به شما کمک می‌کند که راه حل یک مسئله را تشخیص دهید.

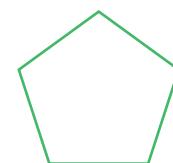
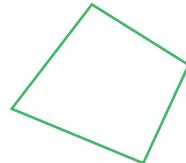
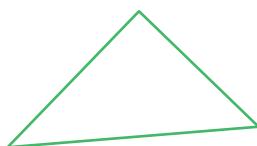
پس از اینکه راه حل مسئله را تشخیص دادید، می‌توانید عده‌های اصلی مسئله را به کار ببرید.



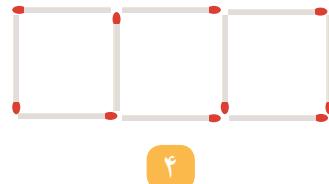
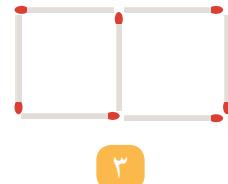
حل مسئله‌ی ساده‌تر

۱- تعداد قطرهای یک ۲۰ ضلعی بیشتر است یا یک ۱۹ ضلعی؟

برای پاسخ دادن به این سؤال بهتر است قطرهای سه‌ضلعی، چهار‌ضلعی، پنج‌ضلعی و شش‌ضلعی را رسم کنید.
سپس برای مسئله‌ی اصلی پاسخ پیدا کنید.



۲- شکل‌های زیر با ترتیب و الگوی مشخص ساخته می‌شوند.



اگر شکل دهم با ۲۸ چوب کبریت ساخته شود، شکل یازدهم با چند چوب کبریت ساخته می‌شود؟
آیا لازم است شکل دهم و یازدهم را بکشید؟



ساده کردن مسئله و «حل مسئله‌ی ساده‌تر» کمک می‌کند که الگوهای نظم‌های مسئله آشکار شوند تا به کمک آن‌ها بتوانیم پاسخ مسئله‌ی اصلی را پیدا کنیم.

مقایسه‌ی عددها

فعالیت



۱- به کمک شکل، دو عدد داده شده را با هم مقایسه کنید.

توضیح دهید که چگونه دو عدد را مقایسه کردید.



۲- برای مقایسه‌ی دو عدد ۳۴۲۵ و ۳۴۳۱، ابتدا آن‌ها را با حذف رقم‌های یکان، دهگان و صدگان (و قرار دادن صفر



به جای آن‌ها) بنویسید و مقایسه کنید.



دو عدد را با حذف رقم‌های یکان و دهگان بنویسید و مقایسه کنید.



دو عدد را با حذف رقم‌های یکان بنویسید و مقایسه کنید.

کدام یک از حالت‌ها مناسب‌تر است؟ چرا؟



۳- برای مقایسه‌ی دو عدد ۳۰۴۴ و ۲۸۵۷، آن‌ها را با حذف رقم‌های یکان، دهگان و صدگان بنویسید.

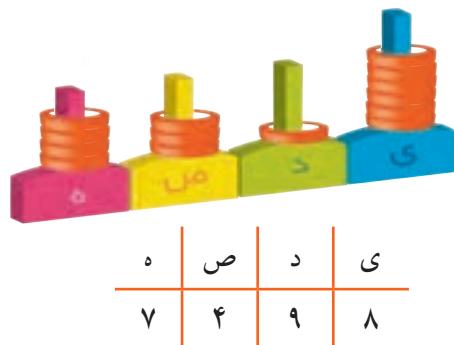
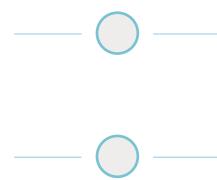
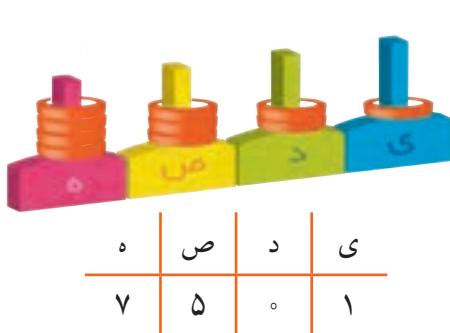
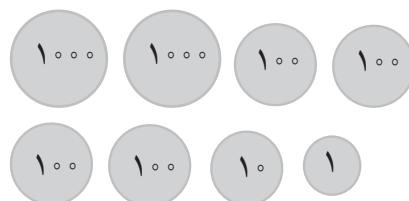
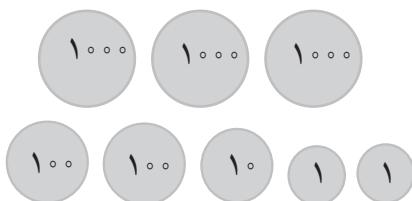
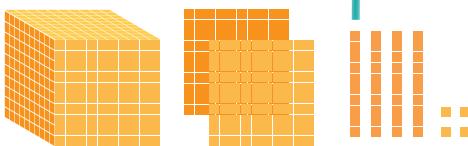
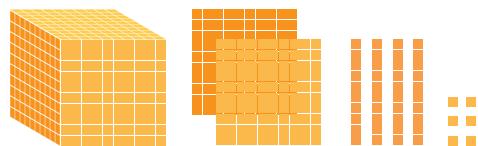


آیا با همین اولین تقریب می‌توانید دو عدد را مقایسه و عبارت «۳۰۴۴ ۲۸۵۷ ○» را کامل کنید؟ چرا؟

کار در کلاس



- ۱- عددی را که هر شکل نشان می‌دهد، در کنار آن بنویسید. سپس عددها را با هم مقایسه کنید.
روش مقایسه‌ی خود را برای هم‌کلاسی‌تان توضیح دهید.



- ۲- عددهای هر سطر را به ترتیب از کوچک به بزرگ بنویسید.

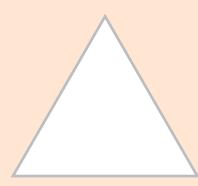
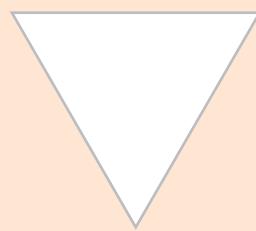
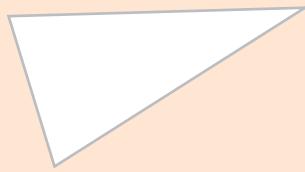
۴۰۱۰ ۴۰۰۰ ۴۰۲۰ ۴۰۰۸

۱۳۱۸ ۱۳۱۵ ۱۳۱۳ ۱۳۱۶ ۱۳۱۹

انجام بد

ضلع‌های مثلث‌های زیر را اندازه‌بگیرید.

مثلثی که سه ضلع آن برابرن، **متساوی‌الاضلاع** نام دارد. ضلع‌های آن را به رنگ سبز کنید. مثلثی که دو ضلع (ساق) برابر دارد، **متساوی‌الساقین** نام دارد. ضلع‌های آن را به رنگ آبی کنید.



تمرین

۱- جاهای خالی را با کلمه‌ی «کوچک‌تر» یا «بزرگ‌تر» پر کنید. برای هر کدام یک مثال بزنید.

عددهای دو رقمی از عدهای سه رقمی هستند؛ مثل :

عددهای چهار رقمی از عدهای سه رقمی هستند؛ مثل :

عددهای دو رقمی از عدهای چهار رقمی هستند؛ مثل :

۲- علامت < یا > یا = بگذارید.

$2000 \bigcirc 987$

$90 + 47 \bigcirc 137$

$450 + 230 \bigcirc 690$

$4970 \bigcirc 5020$

$850 - 150 \bigcirc 610 + 50$

$1100 + 200 \bigcirc 1400 - 1300$

۳- با قرار دادن عدد صفر به جای رقم یکان، دهگان حاصل جمع و تفریق‌ها را به صورت تقریبی به دست آورید.

$$\begin{array}{r} 1427 \\ + 3256 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2239 \\ + 7385 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8451 \\ - 7349 \\ \hline \end{array}$$

۴- الف - با حذف رقم یکان و دهگان و قرار دادن صفر به جای آن‌ها، عدها را به صورت تقریبی بنویسید.

ب - حاصل هر عبارت را با عدهای تقریبی به دست آورید.

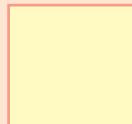
ج - حاصل هر عبارت بین کدام دو عدد قرار می‌گیرد؟ در دایره‌ها، عدهای هزارتایی بنویسید.

3000	\leftarrow	$7625 - 4322$	\rightarrow	\bigcirc
\bigcirc	\leftarrow	$2245 + 4217$	\rightarrow	\bigcirc
\bigcirc	\leftarrow	$3423 + 2120$	\rightarrow	\bigcirc



کامل کن

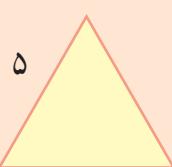
۷



۱- محیط مریع را به صورت زیر به دست آورید.

$$= \text{اندازه‌ی یک ضلع} \times 4 = \text{محیط مریع}$$

محیط مریع چند برابر اندازه‌ی یک ضلع آن است؟



۵

۲- محیط مثلث متساوی‌الاضلاع را به همان ترتیب به دست آورید.

$$= \text{اندازه‌ی یک ضلع} \times 3 = \text{محیط مثلث متساوی‌الاضلاع}$$

محیط مثلث متساوی‌الاضلاع چند برابر اندازه‌ی یک ضلع آن است؟

جمع و تفریق

فعّالیت



۱- حاصل جمع دو عدد را با توجه به نمونه به دست آورید.

$$\begin{array}{r} ۳۲۴۱ \\ + ۱۱۲۷ \\ \hline ۴۳۶۸ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۵۴۳۱ \\ + ۱۲۰۸ \\ \hline ۶۶۴۹ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۶۰۲۴ \\ + ۱۳۱۲ \\ \hline ۷۳۳۶ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۴۲۰۰ \\ + ۳۰۷۰ \\ \hline ۷۲۷۰ \end{array}$$

اضافه کردن ۱۰۰۰ تایی ها

$$\begin{array}{r} ۴۳۴۱ \\ + ۲۷ \\ \hline ۴۳۶۸ \end{array}$$

اضافه کردن ۱۰۰ تایی ها

$$\begin{array}{r} ۴۳۶۱ \\ + ۷ \\ \hline ۴۳۶۸ \end{array}$$

اضافه کردن ۱۰ تایی ها

اضافه کردن یکی ها

۲- حاصل تفریق دو عدد را با توجه به نمونه به دست آورید.

$$\begin{array}{r} ۷۴۲۸ \\ - ۶۱۲۵ \\ \hline ۱۳۰۳ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۸۹۴۷ \\ - ۵۶۳۴ \\ \hline ۳۳۱۳ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۸۶۴۵ \\ - ۷۰۲۳ \\ \hline ۱۶۲۲ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۹۴۰۳ \\ - ۸۲۰۲ \\ \hline ۱۲۰۱ \end{array}$$

کم کردن ۱۰۰۰ تایی ها

$$\begin{array}{r} ۱۳۳۸ \\ - ۲۵ \\ \hline ۱۳۱۳ \end{array}$$

کم کردن ۱۰۰ تایی ها

$$\begin{array}{r} ۱۳۱۸ \\ - ۵ \\ \hline ۱۳۱۳ \end{array}$$

کم کردن ۱۰ تایی ها

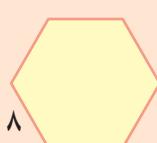
کم کردن یکی ها



کامل کن



= محیط پنج ضلعی



= محیط شش ضلعی

۱- محیط پنج ضلعی را با نوشتن رابطه‌ی آن به دست آورید.

۲- به همین ترتیب، محیط شش ضلعی را به دست آورید.

کار در کلاس

۱- به کمک جدول‌های اعداد، حاصل جمع و تفریق‌ها را به دست آورید.

۱۰	۲۰	۳۰	۴۰	۵۰	۶۰	۷۰	۸۰	۹۰	۱۰۰
۱۱۰	۱۲۰	۱۳۰	۱۴۰	۱۵۰	۱۶۰	۱۷۰	۱۸۰	۱۹۰	۲۰۰
۲۱۰	۲۲۰	۲۳۰	۲۴۰	۲۵۰	۲۶۰	۲۷۰	۲۸۰	۲۹۰	۳۰۰
۳۱۰	۳۲۰	۳۳۰	۳۴۰	۳۵۰	۳۶۰	۳۷۰	۳۸۰	۳۹۰	۴۰۰
۴۱۰	۴۲۰	۴۳۰	۴۴۰	۴۵۰	۴۶۰	۴۷۰	۴۸۰	۴۹۰	۵۰۰
۵۱۰	۵۲۰	۵۳۰	۵۴۰	۵۵۰	۵۶۰	۵۷۰	۵۸۰	۵۹۰	۶۰۰
۶۱۰	۶۲۰	۶۳۰	۶۴۰	۶۵۰	۶۶۰	۶۷۰	۶۸۰	۶۹۰	۷۰۰
۷۱۰	۷۲۰	۷۳۰	۷۴۰	۷۵۰	۷۶۰	۷۷۰	۷۸۰	۷۹۰	۸۰۰
۸۱۰	۸۲۰	۸۳۰	۸۴۰	۸۵۰	۸۶۰	۸۷۰	۸۸۰	۸۹۰	۹۰۰
۹۱۰	۹۲۰	۹۳۰	۹۴۰	۹۵۰	۹۶۰	۹۷۰	۹۸۰	۹۹۰	

۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸	۱۹	۲۰
۲۱	۲۲	۲۳	۲۴	۲۵	۲۶	۲۷	۲۸	۲۹	۳۰
۳۱	۳۲	۳۳	۳۴	۳۵	۳۶	۳۷	۳۸	۳۹	۴۰
۴۱	۴۲	۴۳	۴۴	۴۵	۴۶	۴۷	۴۸	۴۹	۵۰
۵۱	۵۲	۵۳	۵۴	۵۵	۵۶	۵۷	۵۸	۵۹	۶۰
۶۱	۶۲	۶۳	۶۴	۶۵	۶۶	۶۷	۶۸	۶۹	۷۰
۷۱	۷۲	۷۳	۷۴	۷۵	۷۶	۷۷	۷۸	۷۹	۸۰
۸۱	۸۲	۸۳	۸۴	۸۵	۸۶	۸۷	۸۸	۸۹	۹۰
۹۱	۹۲	۹۳	۹۴	۹۵	۹۶	۹۷	۹۸	۹۹	۱۰۰

۱۰۰	۲۰۰		۴۰۰			۷۰۰	۸۰۰		۱۰۰۰
۱۱۰۰		۱۲۰۰					۱۸۰۰		
	۲۲۰۰			۲۶۰۰				۳۰۰۰	
۳۱۰۰		۳۳۰۰		۳۵۰۰				۴۰۰۰	
		۴۴۰۰			۴۷۰۰		۴۹۰۰		
۵۱۰۰	۵۲۰۰			۵۵۰۰	۵۶۰۰			۶۰۰۰	
۶۱۰۰		۶۳۰۰		۶۵۰۰		۶۷۰۰			
۷۱۰۰	۷۲۰۰		۷۴۰۰			۷۷۰۰			۸۰۰۰
		۸۳۰۰		۸۶۰۰			۸۹۰۰	۹۰۰۰	
۹۱۰۰			۹۴۰۰	۹۵۰۰		۹۸۰۰	۹۹۰۰		

$$\begin{array}{r} 4257 \\ + 2378 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6541 \\ - 2293 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 7523 \\ + 1904 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8741 \\ - 4223 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9725 \\ - 3451 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1279 \\ + 2537 \\ \hline \end{array}$$

۲- حاصل جمع و تفریق‌ها را به‌طور ذهنی یا به کمک جدول‌های بالا به دست آورید.

$$9000 - 4000 =$$

$$7000 + 2000 =$$

$$6000 - 300 =$$

$$5000 - 500 =$$

$$4500 + 500 =$$

$$2800 + 200 =$$

$$6000 - 800 =$$

$$7400 + 600 =$$

$$2100 + 1900 =$$



تمرین



۱ مقدار پول‌های زیر را حساب کنید.

۲ ساسان داخل کیف پول خود را نگاه کرد؛ ۲ اسکناس ۱۰۰۰۰ تومانی، یک اسکناس ۲۰۰۰۰ تومانی و ۲ اسکناس ۵۰۰۰ تومانی داشت. ساسان چقدر پول داشت؟

۳ ستاره در کیف بولش یک اسکناس ۵۰۰۰ تومانی، یک اسکناس ۲۰۰۰۰ تومانی، ۲ اسکناس ۱۰۰۰۰ تومانی، یک اسکناس ۵۰۰۰ تومانی و ۲ اسکناس ۱۰۰۰ تومانی دارد. او چقدر پول دارد؟ ستاره چقدر بیشتر از ساسان پول دارد؟

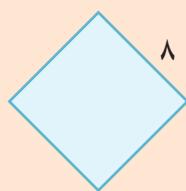
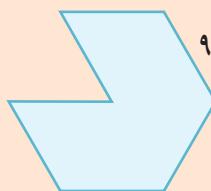
۴ حاصل جمع و تفریق‌ها را به دست آورید.

$$\begin{array}{r}
 2040 \\
 + 3050 \\
 \hline
 8070 \\
 - 1050 \\
 \hline
 4200 \\
 + 3700 \\
 \hline
 8600 \\
 - 1400 \\
 \hline
 7800 \\
 - 2900 \\
 \hline
 \end{array}$$



کامل کن

محیط شکل‌های زیر را به دست آورید. (همهٔ ضلع‌های هر شکل با هم مساوی‌اند.)



جمع در جدول ارزش مکانی

فعالیت



۱- حمید ۴۷۳۵ ریال در قلکش داشت. او ۲۲۳۱ ریال دیگر هم در قلک ریخت. حالا چقدر پول دارد؟
اگر پول هایش به صورت سکه های ۱ و ۱۰ و ۱۰۰ و ۱۰۰۰ ریالی باشند،

ه	ص	د	ی
۴	۷	۳	۵
۲	۲	۳	۱

- چند سکه هی ۱ ریالی دارد؟
چند سکه هی ۱۰ ریالی دارد؟
چند سکه هی ۱۰۰ ریالی دارد؟
چند سکه هی ۱۰۰۰ ریالی دارد؟

۲- حمید ۶۹۶۶ ریال در قلکش دارد. او در این هفته ۱۲۲۱ ریال در قلک خود پس انداز کرده است.

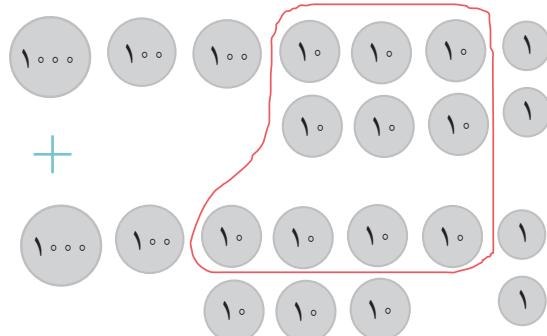
ه	ص	د	ی
۶	۹	۶	۶
+ ۱	۲	۲	۱
۷	۱۱	۸	۷
۸	۱	۸	۷

- حالا چقدر پول دارد؟
چند سکه هی ۱ ریالی دارد؟
چند سکه هی ۱۰ ریالی دارد؟
چند سکه هی ۱۰۰ ریالی دارد؟

اگر حمید ۱ سکه هی ۱۰۰ ریالی را بایک سکه هی ۱۰۰۰ ریالی عوض کند، چند سکه هی ۱۰۰ ریالی برایش باقی میماند؟
او بایک سکه هی ۱۰۰۰ ریالی که در مقابل سکه های ۱۰۰ ریالی اش گرفته است، روی هم چند سکه هی ۱۰۰۰ ریالی دارد؟

۳- جمعی را که شکل زیر نشان می دهد، در جدول ارزش مکانی بنویسید.
این ده سکه هی ۱۰ ریالی را با چه سکه های عوض می کنید؟

ه	ص	د	ی

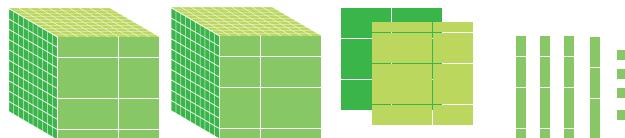
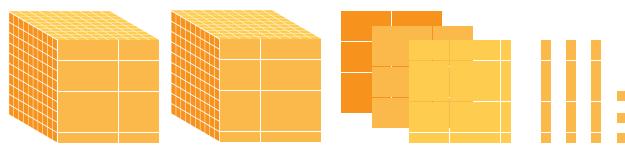


کار در کلاس



با توجه به شکل‌ها، جمع‌ها را انجام دهید یا برای جمع‌های داده شده شکل بکشید.

$$\begin{array}{r} 2222 \\ + 2244 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 1257 \\ + 1391 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2013 \\ + 1020 \\ \hline \end{array}$$



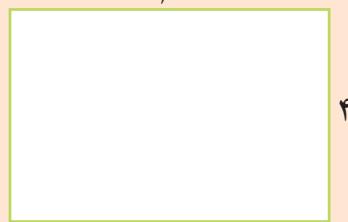
کامل کن

محیط مستطیل را به دو صورت به دست آورید.



$$\text{محیط مستطیل} = 4 + 3 + 4 + 3 =$$

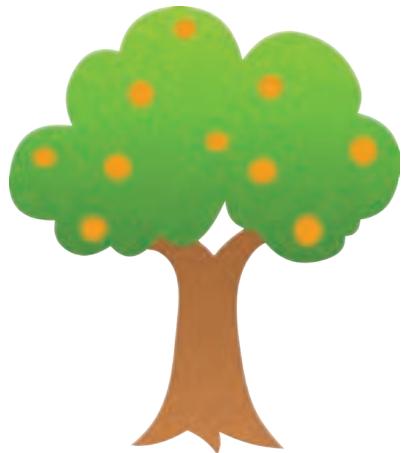
$$\text{محیط مستطیل} = (2 \times 4) + (2 \times 3) =$$



$$\text{محیط مستطیل} =$$

$$\text{محیط مستطیل} =$$

تمرین



۱ در یک باغ ۱۱۴۳ درخت پرتقال و ۱۸۵ درخت نارنگی کاشته شده است.
این باغ چند درخت دارد؟



۲ هاجر ۱۷۰ تومان و سارا ۴۳۵ تومان پول دارند. پول این دو نفر روی هم چقدر است؟

۳ در یک شهر ۳۸۴۵ دانشآموز پسر و ۳۷۵۱ دانشآموز دختر درس می‌خوانند. این شهر چند دانشآموز دارد؟

۴ حاصل جمع‌ها را به‌دست آورید.

$$\begin{array}{r} 4030 \\ + 2107 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4789 \\ + 1351 \\ \hline \end{array}$$

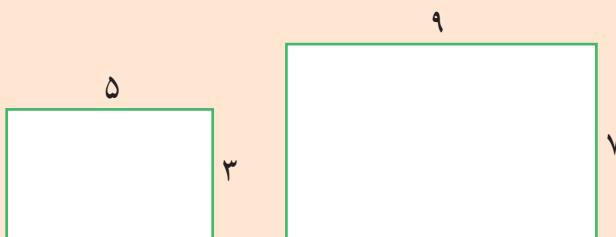
$$\begin{array}{r} 7025 \\ + 1801 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6002 \\ + 1899 \\ \hline \end{array}$$



کامل کن

محیط مستطیل‌ها را با نوشتن رابطه‌ی آن‌ها به‌دست آورید.



$$\text{محیط مستطیل} = \text{عرض} \times ۲ + \text{طول} \times ۲ = (\quad \times \quad) + (\quad \times \quad) = \quad$$

$$\text{محیط مستطیل} = (\quad \times \quad) + (\quad \times \quad) = \quad$$

تفريق در جدول ارزش مكانی

فعّالیت



۱- حمید ۶۶۴۷ ریال در قلّک خود پول داشت. او ۲۳۲۵ ریال از پول هایش برداشت.

حالا چقدر پول دارد؟



ه	ص	د	ی
۶	۶	۴	۷
-۲	۳	۲	۵



چند سکه‌ی ۱ ریالی دارد؟

چند سکه‌ی ۱۰ ریالی دارد؟

چند سکه‌ی ۱۰۰ ریالی دارد؟

چند سکه‌ی ۱۰۰۰ ریالی دارد؟

۲- حمید ۴۳۲۲ ریال در قلکش داشت. این هفته ۱۱۵۰ ریال از آن برداشت و خرج کرد.

حالا چقدر پول دارد؟

ه	ص	د	ی
۴	۳	۲	۲
-۱	۱	۵	.

حمید چند سکه‌ی ۱ ریالی دارد؟

آیا می‌تواند از سکه‌های ۱۰ ریالی خود ۵ تا بردارد؟

اگر ۱ سکه‌ی ۱۰۰ ریالی را با ۱ سکه‌ی ۱۰ ریالی عوض کند، چند سکه‌ی ۱۰ ریالی خواهد داشت؟

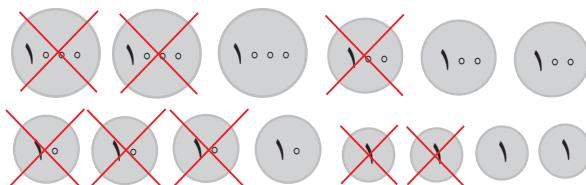
حالا ۵ تا از سکه‌های ۱۰ ریالی را برمی‌دارد؛ چند سکه‌ی ۱۰ ریالی می‌ماند؟

با توجه به اینکه یک سکه‌ی ۱۰۰ ریالی را برای تعویض با سکه‌های ۱۰ ریالی داده است، چند سکه‌ی ۱۰۰ ریالی برایش می‌ماند؟

چند سکه‌ی ۱۰۰۰ ریالی دارد؟

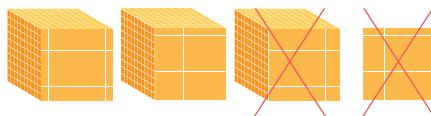
۳- با توجه به شکل، تفرق را در جدول ارزش مكانی انجام دهید.

ه	ص	د	ی

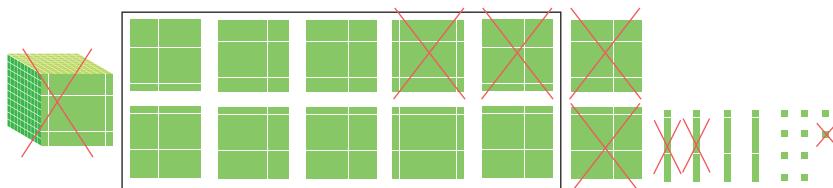
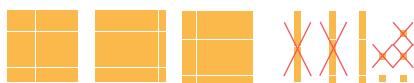


کار در کلاس

با توجه به شکل، حاصل تفاضل را به دست آورید یا برای تفاضل‌های داده شده، شکل بکشید.



$$\begin{array}{r} ۳۴۳۵ \\ - ۱۱۲۳ \\ \hline \end{array}$$



یک دسته‌ی ۱۰۰۰ تایی که
به ۱۰ تایی تبدیل شده است

$$\begin{array}{r} ۲۵۱۲ \\ - ۱۳۵۱ \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۳۴۵۹ \\ - ۲۲۵۶ \\ \hline \end{array}$$



۱- تعداد کل مربع‌ها را با نوشتن ضرب و جمع به دست آورید.

کامل کن



$$(\text{ } \times \text{ }) + (\text{ } \times \text{ }) = \text{ } + \text{ } = \text{ }$$

۲- حاصل عبارت‌ها را به دست آورید.

$$4 \times (7+2) = \text{ } \times \text{ } = \text{ }$$

$$(3+5) \times 8 = \text{ } \times \text{ } = \text{ }$$

$$(7-5) \times (8-3) = \text{ } \times \text{ } = \text{ }$$

$$(8 \div 4) + (7 \times 5) = \text{ } + \text{ } = \text{ }$$

تمرین



۱ فهیمه از سمیه پرسید: «چقدر پول داری؟» سمیه گفت: «اگر ۱۷۵۰ تومان از پدرم بگیرم، پول هایم ۴۰۰۰ تومان می شود.» سمیه چقدر پول داشت؟

۲ قیمت پیراهنی که آرش می خواهد بخرد، ۸۹۰۰ تومان است. اگر او ۹ اسکناس ۱۰۰۰ تومانی به فروشنده بدهد، چقدر باید پس بگیرد؟

۳ کوچک‌ترین عدد سه رقمی را از بزرگ‌ترین عدد ۴ رقمی کم کرده‌ایم؛ حاصل چند شده است؟

۴ با رقم‌های ۱، ۵، ۲، ۷ بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین عدد ۴ رقمی را بسازید.
اختلاف این دو عدد را پیدا کنید.

۵ ارتفاع قلهٔ توچال ۳۹۳۳ متر و قلهٔ دنا ۵۲۰ متر است. قلهٔ توچال چند متر از دنا کوتاه‌تر است؟



۶ حاصل تفریق‌ها را به دست آورید.

$$\begin{array}{r} ۳۰۰۰ \\ - ۱۲۳۴ \\ \hline \end{array}$$

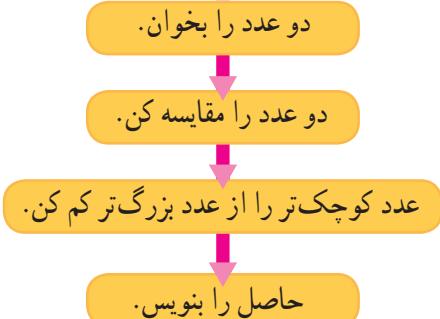
$$\begin{array}{r} ۸۰۵۰ \\ - ۳۰۲۷ \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۸۰۴۰ \\ - ۵۲۰۵ \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۷۳۰۰ \\ - ۲۱۷۰ \\ \hline \end{array}$$

مرور فصل

فرهنگ نوشتن



در نمودار رو به ترتیب چه اتفاقی می‌افتد؟ توضیح دهید.
اگر دو عدد 500 و 600 خوانده شوند، عددی که نوشته می‌شود چیست؟

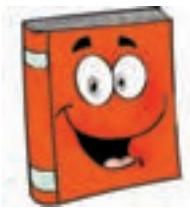
تمرین

- ۱- قطار تهران - مشهد در ایستگاه تهران 412 نفر را سوار کرد. در ایستگاه گرمسار 21 نفر و در ایستگاه سبزوار هم 78 نفر را سوار کرد. این قطار در این سه ایستگاه چند نفر را سوار کرده است؟



- ۲- در روز قدس، از دبستان آزادی فلسطین 75 نفر، از دبستان ایثار 45 نفر و از دبستان شهید مطهری 60 نفر دانشآموز در راهپیمایی شرکت کردند. از این سه مدرسه روی هم چند نفر در این راهپیمایی شرکت کرده‌اند؟





۴ کتابی که مینا از کتابخانه گرفته است، ۱۱۶° صفحه دارد. او هفته‌ی اول ۲۳۵ صفحه، هفته‌ی دوم ۴۷۱ صفحه و هفته‌ی سوم ۱۵۰ صفحه از آن را خوانده است.

مینا چند صفحه از این کتاب را هنوز نخوانده است؟

۵ حمیده خانم به میوه فروشی رفت. او از سه میوه‌ی سیب، گلابی و هلو هر کدام یک کیلوگرم خرید. با توجه به قیمت میوه‌ها حمیده خانم چقدر پول داده است؟



۶ در نقشه‌ی زیر فاصله‌ی شهرها به کیلومتر نوشته شده است. مسافری می‌خواهد از شهر کرمانشاه و از مسیر تهران و ساری برای زیارت به مشهد مقدس برود. او چند کیلومتر راه را باید طی کند؟



۷ پادگانی مستطیل شکل به طول ۵۵° متر و عرض ۱۵° متر داریم. می‌خواهیم دور این پادگان را سیم خاردار بکشیم. برای این کار به چند متر سیم خاردار نیاز داریم؟



سرگرمی و معما

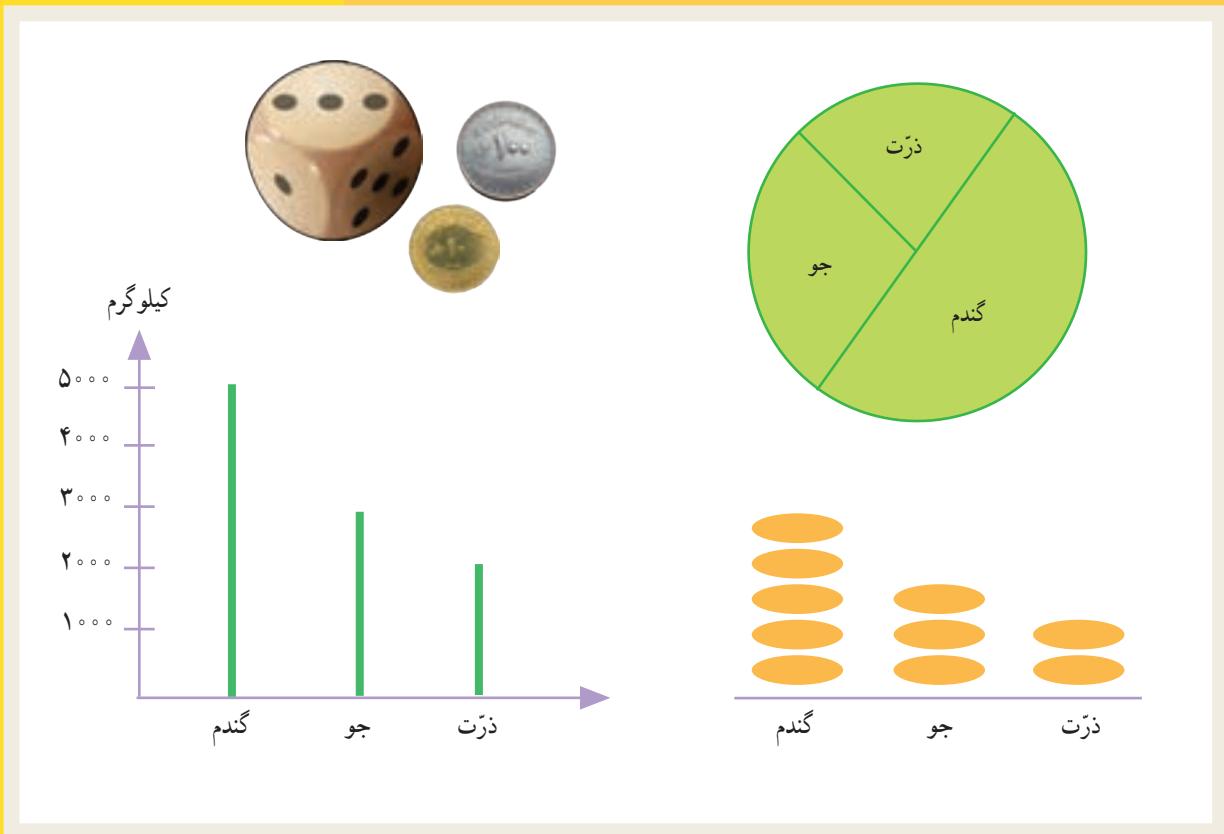
درست کردن مکعب



فرهنگ خواندن

کیارش و پدرش برای خرید به فروشگاهی رفته بودند. آن‌ها یک دفتر، یک مداد و یک شابلون به قیمت‌های ۱۶۰۰، ۱۸۰۰ و ۲۸۰۰ تومان خریدند. پدر کیارش یک اسکناس ۵۰۰۰ تومانی و یک اسکناس ۲۰۰۰ تومانی به فروشنده حاصل جمع قیمت‌ها را به‌طور ذهنی به دست آورد. سپس، یک اسکناس ۵۰۰ تومانی پس داد و گفت: «۶۷۰۰». بعد یک اسکناس ۲۰۰ تومانی داد و گفت: «۶۹۰۰» و در آخر یک سکه‌ی ۱۰۰ تومانی داد و گفت: «این هم ۷۰۰۰ تومان». کیارش با تعجب به حرف‌های فروشنده و روش محاسبه‌ی او گوش می‌کرد. فروشنده چگونه محاسبه کرد و باقی مانده‌ی پول را برگرداند؟
به نظر شما، کیارش در مدرسه برای جمع کردن قیمت‌ها و محاسبه‌ی باقی مانده‌ی پول چه روشی را یاد گرفته بود؟

فصل ۷ : آمار و احتمال



آمار و احتمال بخش‌هایی از علم ریاضیات‌اند که در زندگی ما کاربردهای زیادی دارند. پیش‌بینی وضع هوا یکی از کاربردهای آمار و احتمال در زندگی روزمره است و در بسیاری از جمله پرواز هواپیماها و ساختمان‌سازی کاربرد دارد.

حل مسئله



۱- کدام عددهای یک رقمی هستند که اگر در خودشان ضرب شوند، حاصل آنها بیشتر از 3^0 می‌شود؟

به جای مرتع عددهای یک رقمی قرار دهید و حاصل را پیدا کنید.

$$\boxed{} \times \boxed{} =$$

۲- عددی را با خودش جمع کردیم و از حاصل جمع یکی کم کردیم، جواب 39 شد. آن عدد را پیدا کنید.
با اولین حدس شروع کنید. برای مثال عدد را 15 در نظر بگیرید و آزمایش کنید.
حالا حدس بعدی شما باید بیشتر از 15 باشد یا کمتر از آن؟ چرا؟

$$\boxed{} + \boxed{} - 1 = 39$$

۳- عددی را دو برابر کردیم. سپس حاصل را با 2^0 جمع کردیم؛ جواب 68 شد. آن عدد را پیدا کنید.

۴- یک سکه را انداختیم، رو آمد. دوباره انداختیم، باز هم رو آمد. آیا می‌توانید حدس بزنید که اگر سکه را دوباره بیندازیم، رو می‌آید یا پشت؟ چرا؟

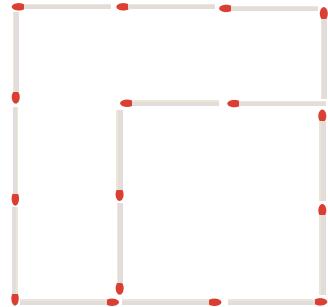
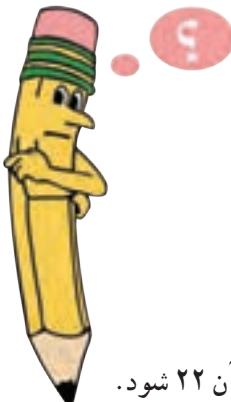


حدس زدن پاسخ مسئله براساس موضوع مسئله انجام می‌شود. از حدس زدن‌های بدون دلیل پرهیز کنید. در مسائل بالا ابتدا با روش‌های نمادین یک تساوی بنویسید. سپس، از راهبرد **حدس و آزمایش** استفاده کنید.



حدس و آزمایش

۱- به شکل زیر چهار چوب کبریت اضافه می‌کنیم تا بیشترین تعداد مرتعه‌ها دیده شود. چوب کبریت‌ها را کجا قرار می‌دهید؟



۲- مساحت یک مستطیل ۱۸ سانتی متر مربع شده است. اندازه‌ی ضلع‌ها را طوری قرار دهید که محیط آن ۲۲ شود. اندازه‌ی ضلع‌های مستطیل را حدس بزنید. محیط شکل‌ها را پیدا کنید تا پاسخ مسئله مشخص شود.



۳- محیط یک مستطیل ۱۸ سانتی متر است. طول این مستطیل یک سانتی متر بیشتر از عرض آن است. طول و عرض آن را پیدا کنید.



برای اینکه دیگران، از جمله آموزگار، بتوانند روش حدس زدن و آزمایش کردن شما را تا رسیدن به پاسخ مسئله درک کنند، لازم است برای نوشتمن حدس‌ها راه حلی پیدا کنید.

جدول داده‌ها

فعالیت

۱- به کمک آموزگار خود برنامه‌ی هفتگی را کامل کنید.



چهارشنبه	سه شنبه	دوشنبه	یکشنبه	شنبه	روز	ساعت
					اول	
					دوم	
					سوم	
					چهارم	
					پنجم	



روز یکشنبه زنگ سوم چه برنامه‌ای دارد؟
زنگ ورزش در چه روز و چه ساعتی است؟

۲- بهرام ساعت‌های انجام دادن تکالیف خود را در روزهای مختلف هفته نوشته است: شنبه ۲ ساعت، یکشنبه ۲ ساعت، دوشنبه یک ساعت و ربع، سه شنبه ۳ ساعت، چهارشنبه ۲ ساعت و ۴۵ دقیقه، پنجشنبه یک ساعت و جمعه یک ساعت و ۴۵ دقیقه. با کامل کردن جدول زیر، آمار درس خواندن بهرام را نشان دهید.

						روز
						مدّت مطالعه

۳- یک چرخنده را ۱۲ بار چرخانده‌ایم و رنگ‌هارا یادداشت کرده‌ایم: زرد، سبز، زرد، قرمز، زرد، سبز، قرمز، سبز، زرد، قرمز، سبز و زرد. جدول مربوط به این آزمایش را رسم کنید.



کار در کلاس



دماهی هوای یک شهر در روزها و ساعت‌های مختلف یک هفته در جدول زیر نشان داده شده است.



هر چه هوای گرم‌تر باشد، عددی که دمای هوای را نشان می‌دهد، بیشتر است.

روز	ساعت	صبح ۴	صبح ۸	ظهر ۱۲	بعداز ظهر ۴	بعداز ظهر ۸	شب ۱۲
شنبه		۲	۴	۱۲	۱۶	۱۰	۵
یکشنبه		۰	۲	۱۰	۸	۸	۴
دوشنبه		۱	۲	۸	۱۰	۶	۴
سه‌شنبه		۲	۴	۱۴	۱۲	۱۰	۸
چهارشنبه		۳	۴	۱۸	۱۵	۱۲	۷
پنجشنبه		۴	۵	۱۸	۱۷	۱۵	۱۰
جمعه		۴	۶	۱۷	۱۵	۱۲	۹

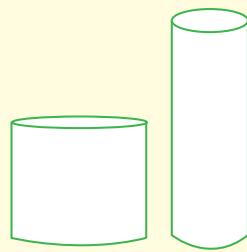


بیشترین دما در چه روز و چه ساعتی بوده است؟

کمترین دما در چه روز و چه ساعتی بوده است؟

بیشترین تغییرات دما در روزهای شنبه، دوشنبه و چهارشنبه در چه زمانی اتفاق افتاده است؟

بگرد و پیدا کن



به شکل‌های مقابل استوانه می‌گویند.

در تصویر رو به رو شکل‌های استوانه‌ای را با علامت ✕ مشخص کنید.

تمرین



۱- مدیر دبستانی تعداد دانشآموزان علاقهمند به ورزش‌های فوتبال، والیبال و بسکتبال را در پایه‌های چهارم، پنجم و ششم پیدا کرد و در جدول زیر نوشت. با توجه به این اطلاعات، به سوال‌ها پاسخ دهید.

ششم			پنجم			چهارم		
ب	ف	و	ب	ف	و	ب	ف	و
۱۰	۱۲	۱۰	۱۴	۱۰	۱۲	۸	۱۲	۱۴



– تعداد دانشآموزان علاقهمند به این سه ورزش در کلاس پنجم چند نفر است؟

– تعداد علاقهمندان به فوتبال چند نفر است؟

– تعداد علاقهمندان به بسکتبال در کدام کلاس از بقیه بیشتر است؟

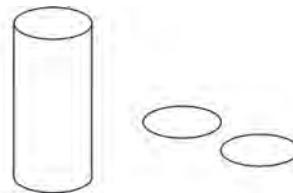
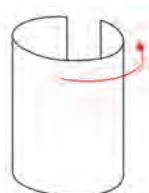
– در کدام کلاس بیشترین تعداد علاقهمند به فوتبال وجود دارد؟

۲- کیوان و بهرام با هم بازی می‌کنند. هر کس که جمع امتیازاتش بیشتر باشد، برنده است. این جدول نشان می‌دهد که هر یک از آن دو چند امتیاز گرفته است. چه کسی و با چه مقدار اختلاف امتیاز برنده می‌شود؟

دور	بازیکن	کیوان	بهرام
دور ۱		۱۲۵	۱۰۰
دور ۲		۱۲۵	۱۰۰
دور ۳		۱۵۰	۱۰۰
دور ۴		۱۰۰	۱۵۰
جمع			

با توجه به شکل‌های زیر یک استوانه بسازید.

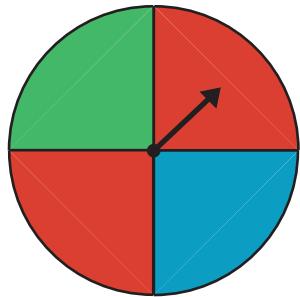
کاردستی بساز



استوانه‌ی خود را روی کاغذ بگذارید و دور دهانه‌ی آن خط بکشید. دو دایره به همان اندازه ببرید و بالا و پایین استوانه‌ی خود را با آن‌ها پوشانید.

احتمال

فعّالیت



- ۱- چرخنده روبه رو را می چرخانیم تا عقربه آن روی یک رنگ باشد؛ رنگ را یادداشت می کنیم.
چند حالت ممکن است برای ایستادن عقربه روی یک رنگ اتفاق بیفتد؟
این آزمایش را ۱۰ بار انجام دهید و جدول زیر را کامل کنید.

۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	آزمایش
										رنگ

- چه کسری از آزمایش‌ها رنگ قرمز است؟
چه کسری سبز؟
۲- یک تاس را می اندازیم. چند حالت ممکن است اتفاق بیفتد؟ چرا؟



- ۳- یک سکه را بالا می اندازیم. چند حالت برای آن اتفاق می افتد؟

خلّاق باش



استوانه‌های زیر با مقواهای هم اندازه ساخته شده‌اند.

توضیح دهید چگونه این اتفاق افتاده است.



کار در کلاس

۱- یک تاس را بیست بار بیندازید و هر بار عددی را که می‌آید در جدول زیر یادداشت کنید.

۱	۲	۳																



در مقابل هر عدد، یک کسر بنویسید که نشان دهد از 20 آزمایش چند مرتبه آن عدد آمده است.

برای مثال اگر از 20 آزمایش 4 بار عدد یک آمده است در مقابل عدد یک، کسر $\frac{4}{20}$ را بنویسید.

۶: عدد _____ ۵: عدد _____ ۴: عدد _____

۳: عدد _____ ۲: عدد _____ ۱: عدد _____

۲- در یک کیسه دو گوی آبی و قرمز بگذارید. هر بار بدون نگاه کردن، یک گوی را در آورید، رنگش را یادداشت کنید و دوباره آن را داخل کیسه بگذارید. این آزمایش را ده بار انجام دهید و جدول را کامل کنید.

																	آزمایش
																	رنگ



چه کسری از گوی‌های داخل کیسه قرمز است؟

چه کسری از آزمایش‌ها به رنگ آبی است؟

چه کسری از گوی‌های داخل کیسه آبی است؟

چه کسری از آزمایش‌ها به رنگ آبی است؟



بگرد و پیدا کن

به شکل‌های زیر **مخروط** می‌گویند.



در تصویر رو به رو شکل‌های مخروطی را با ✕ مشخص کنید.

تمرین

۱ برای هر جمله یکی از حالت‌ها را انتخاب کنید.

به طور حتم اتفاق می‌افتد احتمال دارد اتفاق بیفتد به طور حتم اتفاق نمی‌افتد



- درخت حرکت کند و راه برود.
- بعد از فصل پاییز فصل زمستان بیاید.
- در تابستان باران بیاید.
- اگر سیب را رها کنی، روی زمین بیفتد.



۲ در یک کيسه ۱۲ مهره به رنگ‌های مختلف وجود دارد : ۴ مهره‌ی آبی، ۳ مهره‌ی قرمز و ۵ مهره‌ی سبز. بدون نگاه کردن به داخل کيسه، یک مهره بردارید. پس از یادداشت کردن رنگ مهره، آن را دوباره داخل کيسه قرار دهید. اين آزمایش را ۱۲ بار انجام دهيد.

جدول را کامل کنيد.

چه کسری از مهره‌ها قرمز است؟

چه کسری از مهره‌ها آبی است؟

چه کسری از مهره‌ها سبز است؟



رنگ	آزمایش	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲

کاردستی بساز

یک کاغذ دایره‌ای شکل بردارید. مطابق شکل زیر بخشی از آن را بیرید و با بقیه‌ی آن یک مخروط درست کنید. مخروط خود را روی کاغذ بگذارید و دور آن را خط بکشید. چه شکلی به دست می‌آید؟ دور شکلی را که رسم کرده‌اید، بیرید و آن را به مخروط خود بچسبانید تا کامل شود.



نمودار دایره‌ای

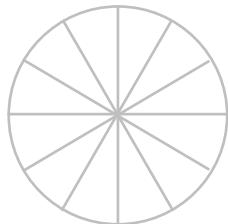
فعالیت

۱- کارهایی که یک دانش آموز از ساعت ۶ صبح تا ۶ بعدازظهر انجام می‌دهد، در جدول زیر نشان داده شده است.



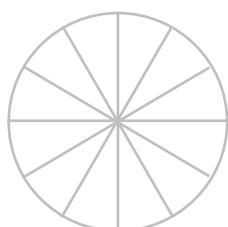
درس خواندن و انجام دادن تکلیف‌ها در منزل	حضور در مدرسه	رفت و آمد به مدرسه	غذا خوردن، نماز خواندن و استراحت	کار
زمان (ساعت)				
۳	۵	۲	۲	

دایره‌ی زیر ۱۲ قسمت دارد. کارهای روزانه‌ی این دانش آموز را بارنگ کردن این قسمت‌ها نشان دهید.



۲- تعداد کتاب‌های فرید و موضوع آن‌ها در جدول زیر مشخص شده است.

نوع کتاب	درسی	علمی	سرگرمی	کمک درسی
تعداد کتاب	۱۰	۱۰	۲۵	۱۵



هر قسمت از دایره‌ی روبرو، نشان‌دهنده‌ی ۵ کتاب است. بارنگ کردن این نمودار دایره‌ای، اطلاعات مربوط به کتاب‌های فرید را نشان دهید.

یک استوانه‌ی کاغذی درست کنید. مثل شکل زیر، استوانه‌ها را از محل‌های مشخص شده برش بزنید. قسمت‌های بریده شده را روی کاغذ بگذارید و دور آن‌ها خط بکشید. در کدام برش، شکل به دست آمده دایره

حده بزن

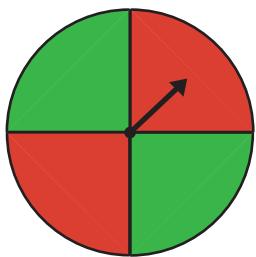
است؟



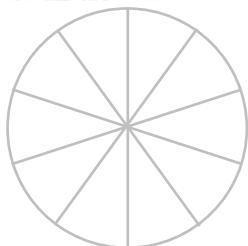
کار در کلاس



۱- چرخنده‌ی رو به رو را ده بار بچرخانید. هر بار عقربه روی چه رنگی می‌ایستد؟ جواب‌هایتان را در جدول زیر بنویسید.



۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	آزمایش
										رنگ

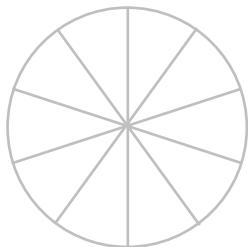


با توجه به جدول، دایره‌ی رو به رو را با رنگ‌های قرمز و سبز رنگ آمیزی کنید.
اگر چرخنده را 1° بار دیگر بچرخانیم، پیش‌بینی می‌کنید که

- چه مقدار از این نمودار به رنگ سبز باشد؟
- چه کسری از نمودار قرمز باشد؟

۲- مقصومه چرخنده‌ای را که به دو رنگ قرمز و آبی بود، 100° بار چرخاند. او هر بار رنگی را که عقربه روی آن می‌ایستاد، یادداشت می‌کرد. در آخر هم جدول زیر را کشید.

شما با توجه به اطلاعاتی که در جدول آمده است، دایره را رنگ آمیزی کنید. ابتدا عددهای تقریبی را بنویسید.



عدد تقریبی	تعداد	رنگ
	۴۹	قرمز
	۵۱	آبی



حدس بزن

با کاغذ دو مخروط درست کنید. با توجه به شکل‌های زیر، مخروط‌ها را از محل مشخص شده، برش بزنید. قسمت‌های بریده شده را روی کاغذ بگذارید و دور آن‌ها خط بکشید.

در کدام برش، شکل به دست آمده دایره است؟

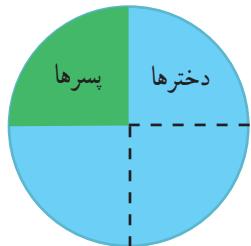
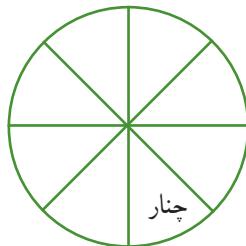


تمرین

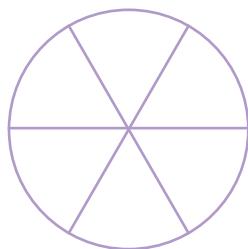
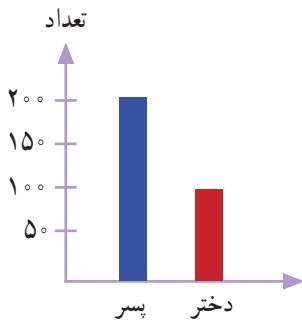
- ۱- در جدول زیر تعداد و نوع درخت‌های یک پارک نشان داده شده است.
نمودار دایره‌ای مربوط به اطلاعات جدول زیر را کامل کنید.



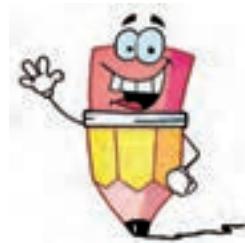
تعداد	نوع درخت
۲۰۰	کاج
۱۰۰	توت
۵۰	بلوط
۵۰	چنار



- ۲- کودک در «مهد کودک شادی» آموزش می‌بینند.
نمودار دایره‌ای رو به رو تعداد دخترها و پسرها را در این مهد کودک نشان می‌دهد.
چند دختر و چند پسر در مهد کودک شادی مشغول آموزش هستند؟



- ۳- اطلاعات نمودار ستونی را با رنگ کردن، در نمودار دایره‌ای نشان دهید.

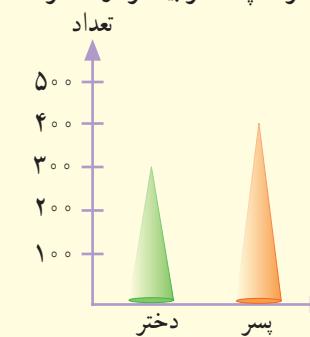


- در مجموع، علی چند کتاب دارد؟



- با توجه به نمودار به سؤال‌ها پاسخ دهید.
- تعداد پسرها چند نفر بیشتر از دخترهاست؟

کامل کن



نمودار تعداد دخترها و پسرهای یک شهر

انتخاب نمودار

فعّالیت

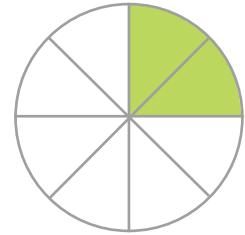
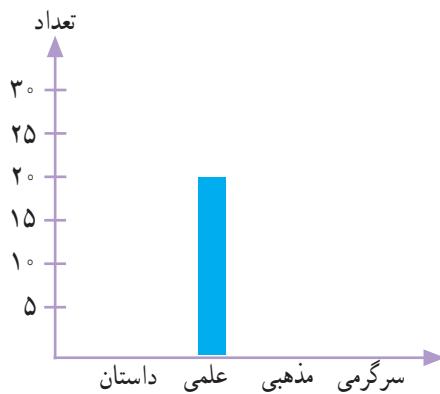


محسن در خانه تعدادی کتاب دارد. او اطلاعات مربوط به تعداد و نوع کتاب‌های خود را در جدول زیر آورده است.



نوع	داستان	علمی	مذهبی	سرگرمی
تعداد	۲۰	۲۰	۳۰	۱۰

با توجه به این جدول، نمودارهای مختلف را کامل کنید.

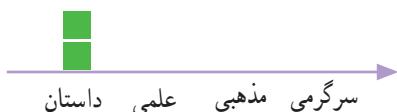
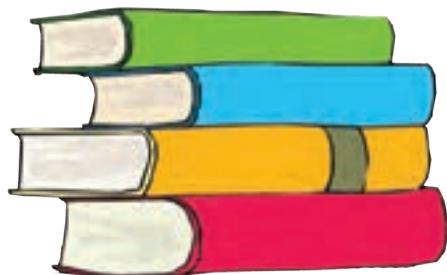


داستان : سبز

علمی : آبی

مذهبی : زرد

سرگرمی : قرمز



هر یعنی ۱۰ کتاب

به نظر شما کدام نمودار برای این موضوع مناسب‌تر است؟
در این باره در کلاس با آموزگار و هم‌کلاسی‌هایتان گفت‌وگو کنید.

کار در کلاس



۱- تعداد گوسفندان چند روستا به صورت تقریبی در جدول زیر مشخص شده است.

نام روستا	علی آباد	حسن آباد	وکیل آباد	محمود آباد
تعداد گوسفندان	۲۰۰۰	۴۰۰۰	۸۰۰۰	۶۰۰۰



اگر بخواهید این اطلاعات را در نمودار نشان دهید، چه نوع نموداری را انتخاب می‌کنید؟ پس از انتخاب نمودار، آن را رسم کنید.
کار خود را با دوستانان مقایسه کنید.

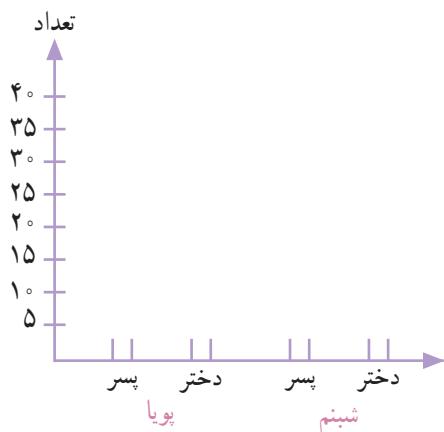
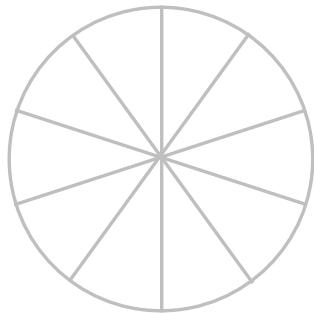


۲- خانم حسنی از ۳۰ دانشآموز پرسید که کدام نوع بستنی را بیشتر دوست دارند. بعد هم جدول زیر را کشید و پاسخ‌های آن‌ها را در آن ثبت کرد. شما چه نموداری را برای چنین موضوعی مناسب می‌دانید؟ آن را رسم کنید.

بستنی	تعداد
موزی	
شکلاتی	
توت فرنگی	
زعفرانی	

تمرین

تعداد دختران و پسران دو مهد کودک پویا و شبین در جدول زیر آمده است. می خواهیم این اطلاعات را در دو نمودار دایره‌ای و ستونی نشان دهیم. نمودارهای زیر را کامل کنید.



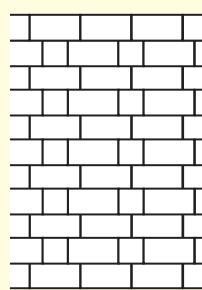
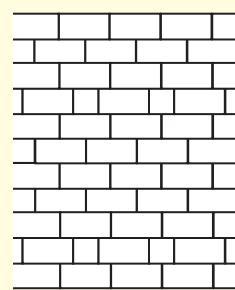
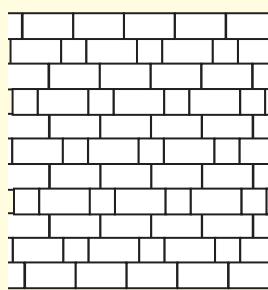
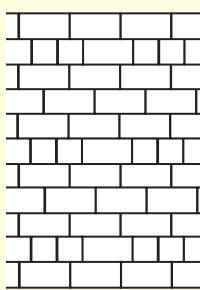
به نظر شما کدام نمودار مناسب‌تر است؟ چرا؟

در مجموع، تعداد دخترها بیشتر است یا پسرها؟
برای پاسخ به سؤال بالا کدام نمودار مناسب‌تر است؟

خلّاق باش



آجرچینی‌های زیر را به صورت متقارن رنگ آمیزی کنید.



مرور فصل

فرهنگ نوشتمن



۱- نمودار دایره‌ای در تمرین ۳ صفحه‌ی ۱۲۶ را چگونه رنگ کردید؟ توضیح دهید.

۲- دو جمله بنویسید که در آن‌ها کلمه‌ی «احتمال» یا «شанс» به کار رفته باشد.

تمرین



۱- مغازه‌داری تعداد بطری‌های شیر را که در روزهای مختلف هفته فروخته، در جدول زیر ثبت کده است.

پنجشنبه	چهارشنبه	سه شنبه	دوشنبه	یکشنبه	شنبه	روز	تعداد بطری‌ها
۴۰	۳۰	۱۵	۲۵	۲۵	۳۰	روز	

اطلاعات جدول را در یک نمودار ستونی قرار دهید.

این مغازه‌دار در چه روزی کمترین مقدار شیر را فروخته است؟

چرا روز پنجشنبه فروش شیر بیشتر بوده است؟

به نظر شما، بهتر است این مغازه‌دار هر روز چند بطری شیر

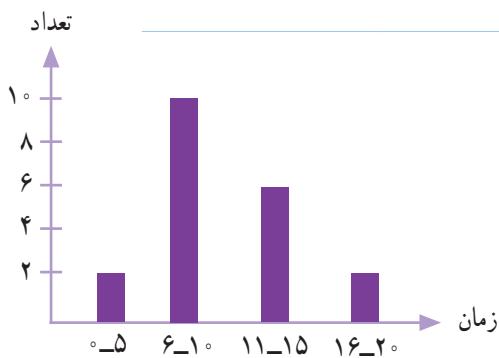
برای فروش بیاورد؟

چرا؟



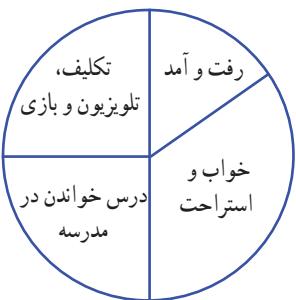
۲- مدت زمانی که طول می‌کشد تا دانشآموزان مدرسه‌ی دانش از خانه به مدرسه بروند، در نمودار زیر مشخص شده است.
اکثر این دانشآموزان، بیشتر از ۱۰ دقیقه در راه‌اند.

به نظر شما، چه تعدادی از این دانشآموزان بهتر است با سرویس به خانه بروند؟ چرا؟

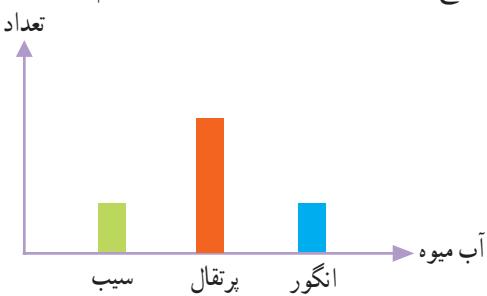


۳- نمودار دایره‌ای رویه‌رو نشان می‌دهد که مریم یک شبانه روز خود را چگونه گذرانده است.
یک نمودار ستونی رسم کنید و این اطلاعات را در آن قرار دهید.

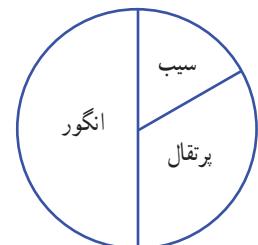
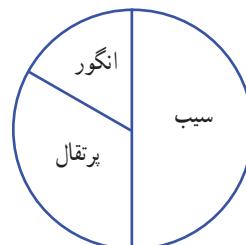
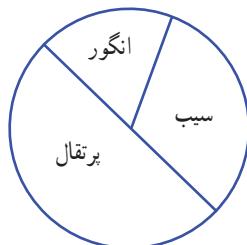
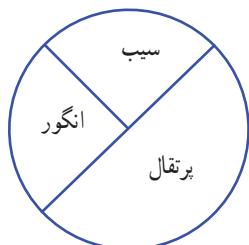
چگونه اطلاعات نمودار را به عدد تبدیل می‌کنید؟ توضیح دهید.



۴- لادن از دوستانش درباره‌ی آب میوه‌ی مورد علاقه‌شان پرسید و با توجه به پاسخ‌های آن‌ها نمودار ستونی زیر را رسم کرد.



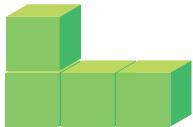
کدام یک از این نمودارهای دایره‌ای به طور تقریبی همان اطلاعات را نشان می‌دهد؟ چرا؟



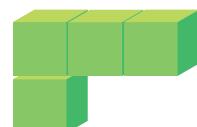
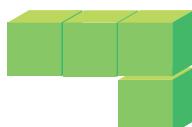
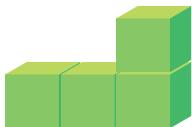


سرگرمی و معما

چهار مکعب چینه بردارید و تمام حالت‌هایی را که این مکعب‌ها می‌توانند کنار هم قرار بگیرند، پیدا کنید.
در شکل رو به رو یکی از این حالت‌ها نشان داده شده است. بقیه‌ی حالت‌ها را شما پیدا کنید.



توجه داشته باشید که شکل‌های زیر نیز همان حالت را نشان می‌دهند. چهار مکعب فقط در هوا چرخیده‌اند
اما حالت جدیدی به وجود نیامده است.



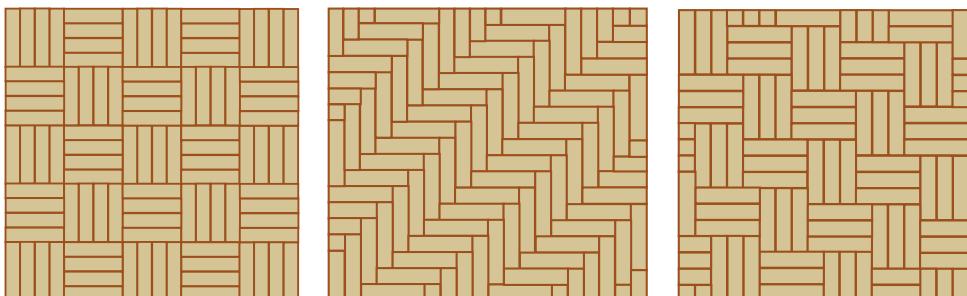
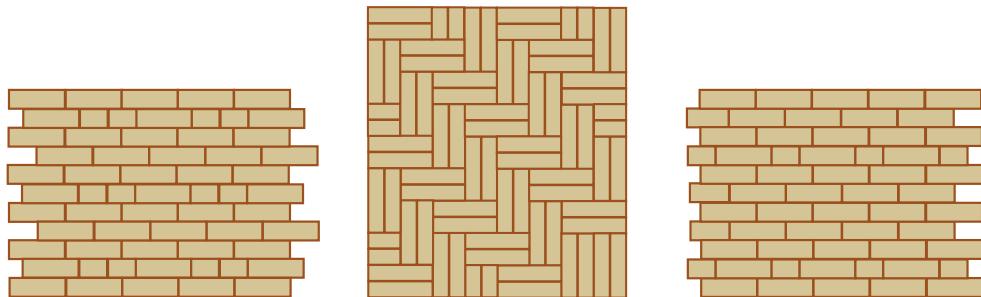
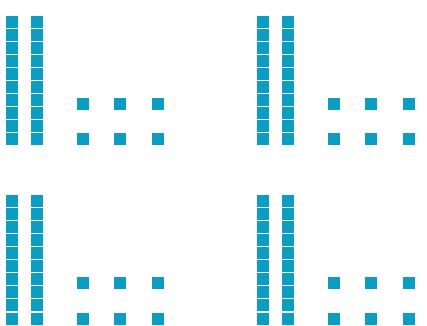
با راهبرد الگوسازی می‌توانید همه‌ی حالت‌های ممکن را پیدا کنید.



فرهنگ خواندن

خداوند جهان را به گونه‌ای آفریده است که توانایی‌ها، استعدادها، هنرها، مهارت‌ها، ثروت‌ها و حتی پدیده‌های طبیعی مثل ززله، سیل و طوفان به طور منظمی توزیع شده‌اند. برای مثال، اگر قد آدم‌ها را در نظر بگیریم، می‌بینیم که در هر جامعه تعداد محدودی قدبندند و در مقابل آن‌ها نیز تعدادی قدر بسیار کوتاهی دارند. بقیه‌ی آدم‌ها هم دارای قد متوسطی هستند. پس توزیع قد آدم‌ها یک نظم دارد. کوتاه قد، متوسط، بلند قد. در مورد هوش هم همین طور است. تعدادی از انسان‌ها هوش فوق العاده‌ای دارند. در برابر آن‌ها نیز تعدادی هستند که هوش پایینی دارند. اما اغلب انسان‌ها دارای هوش متوسط‌اند و با تلاش و پشتکار و به خصوص داشتن نظم در کارهایشان می‌توانند به موقوفیت بررسند.

فصل ۸ : ضرب عدددها

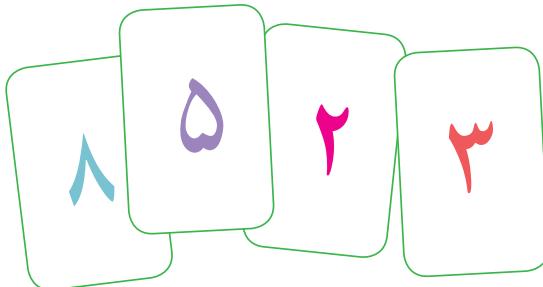


قلب انسان در هر دقیقه ۷۲ بار و در هر ساعت به طور تقریبی ۴۲۰۰ بار می زند. در کودکان تعداد ضربان قلب، بیشتر و در ورزشکاران کمتر است.

حل مسئله



۱- با چهار کارت که روی آنها رقم‌های ۲، ۳، ۵ و ۸ نوشته شده است، همه‌ی عددهای ۴ رقمی را بسازید.
چند تا از آن‌ها زوج‌اند؟
برای نوشتن تمام عددها از راهبرد الگوسازی استفاده کنید.



۲- بزرگ‌ترین عدد ۴ رقمی را بنویسید.
بزرگ‌ترین عدد ۴ رقمی را که در آن هیچ رقمی تکرار نشده باشد، بنویسید.
کوچک‌ترین عدد ۴ رقمی را بنویسید.
کوچک‌ترین عدد زوج ۴ رقمی را که در آن هیچ رقمی تکرار نشده باشد، بنویسید.
حالا کوچک‌ترین عدد ۴ رقمی را که در آن هیچ رقمی تکرار نشده باشد، بنویسید.
با توجه به اطلاعات مسئله، از رقم‌های ۰ تا ۹ چگونه استفاده می‌کنید؟ توضیح دهید.

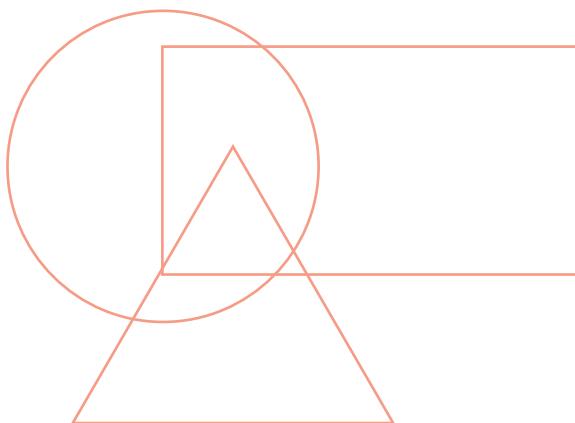


برای پیدا کردن پاسخ یک مسئله تمام حالت‌های ممکن را در نظر بگیرید. سپس با توجه به شرایط مسئله، **حالت‌های نامطلوب** را کنار بگذارید.



حذف حالت‌های نامطلوب

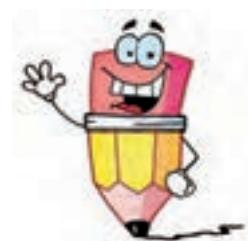
۱ با توجه به توضیحاتی که در ادامه می‌خوانید، عددهای ۱ تا ۷ را در شکل زیر قرار دهید.
در دایره فقط عدد زوج هست. عدد ۴ هم در دایره است هم در مستطیل. عددهای ۱ و ۷ فقط در مستطیل هستند. عددهای ۳ و ۵ فقط در مثلث هستند. عدد ۶ هم در مثلث است هم در دایره. عدد ۲ فقط در دایره است. چه عددی در سه شکل قرار می‌گیرد؟



۲ اگر عددهای ۲ و ۳ نشان‌دهندهٔ تعداد دسته‌ها و عددهای ۴ و ۵ نشان‌دهندهٔ تعداد اشیاء هر دسته باشند، چند عبارت ضرب می‌توانیم بنویسیم؟ به نمونه‌ها توجه کنید.

$$\begin{array}{c} \text{تا بی دسته هی} \\ \downarrow \quad \downarrow \\ ۲ \times ۴ = ۸ \\ ۲ \times = \end{array}$$

بزرگ‌ترین حاصل ضربی که می‌توان ساخت، چند است؟



ضرب در عدد ۱



فعالیت



۱- حاصل ضرب عدد های زیر را به کمک ماشین حساب پیدا کنید.

$$3 \times 1 =$$

$$4 \times 2 =$$

$$8 \times 3 =$$

$$2 \times 3 =$$

$$6 \times 4 =$$

$$8 \times 2 =$$

$$200 \times 400 =$$

$$300 \times 20 =$$

$$10 \times 100 =$$

۲- بین تعداد صفرهای دو عدد و تعداد صفرهای حاصل ضرب چه رابطه ای وجود دارد؟ بنویسید.

۳- به کمک رابطه ای که کشف کردید، توضیح دهید که چگونه می توانید حاصل ضرب ها را بدون ماشین حساب به دست آورید؟

۴- با توجه به توضیح قسمت بالا، حاصل ضرب ها را پیدا کنید.

$$4 \times 6 =$$

$$2 \times 4 =$$

$$800 \times 3 =$$

درستی پاسخ های خود را با ماشین حساب بررسی کنید.

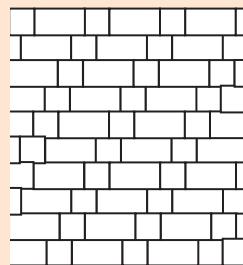
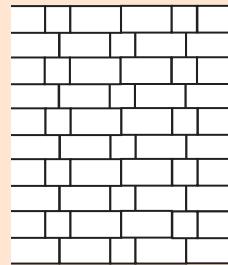
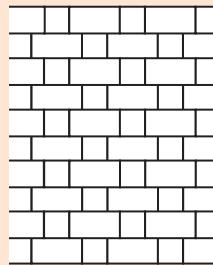
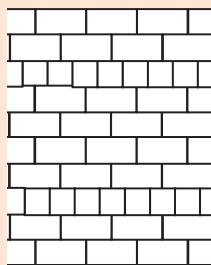
اگر جواب های شما نادرست باشند، باید دوباره در مورد سؤال ۲ و ۳ فکر کنید.



خلّاق باش

الگوهای آجری را رنگ کنید.

در صورت امکان، شکل رنگ شده متقارن باشد.



فعّالیت



۱- برای هریک از شکل‌های زیر یک ضرب بنویسید.

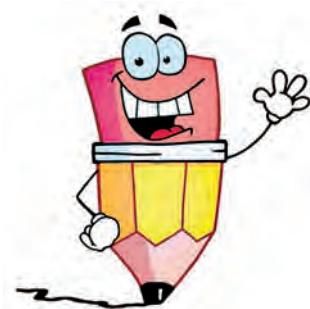
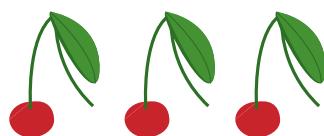


$$2 \times 1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3 \times 1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

از ضرب‌ها و پاسخ‌های آن‌ها چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

۲- برای تعداد گیلاس‌ها در هر شکل یک تساوی ضرب بنویسید.



حاصل ضرب هر عدد در صفر چه عددی می‌شود؟

کار در کلاس



۱- حاصل ضرب‌ها را بنویسید.

$$3^{\circ} \times 4^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$20^{\circ} \times 3^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$8^{\circ} \times 1^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$1^{\circ} \times 1^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$1^{\circ} \times 1^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$1^{\circ} \times 1^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$2 \times 3 \times 1^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$5^{\circ} \times 2 \times 1^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$4^{\circ} \times 2^{\circ} \times 3^{\circ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

۲- تساوی‌ها را کامل کنید.

$$2 \times \circ = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$4 \times \underline{\hspace{2cm}} = \circ$$

$$3^{\circ} \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$1 \times 7 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\underline{\hspace{2cm}} \times 12 = 12$$

$$1 \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$1 \times 1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\underline{\hspace{2cm}} \times 5 = 5$$

$$18 \times \underline{\hspace{2cm}} = \circ$$

$$\circ \times 25 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$1 \times \underline{\hspace{2cm}} = 8$$

$$1 \times 17 = \underline{\hspace{2cm}}$$

تمرین



۱ در جای خالی عدد مناسب بنویسید.

$$1 \circ \times 14 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$42 \times 1 \circ = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$84 \times 1 \circ = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$14 \times \underline{\hspace{2cm}} = 14 \circ$$

$$1 \circ \times \underline{\hspace{2cm}} = 75 \circ$$

$$27 \circ = 1 \circ \times \underline{\hspace{2cm}}$$

۲ یک گروه کارگر در هر ماه $1 \circ$ کیلومتر جاده‌ی روستایی می‌سازد. این گروه در یک سال چند کیلومتر جاده‌ی روستایی می‌سازد؟



۳ احمد روزی $1 \circ$ آیه‌ی قرآن را می‌خواند. در یک ماه (30 روز) چند آیه می‌خواند؟

۴ حاصل عبارت‌ها را به‌دست آورید.

$$2 \times 2 \times 4 = (2 \times 2) \times 4 =$$

$$7 \times 1 \times 3 =$$

$$0 \times 4 \times 6 =$$

$$2 \times 5 \times 7 =$$

۵ زهره در برنامه‌ی درسی اش هفته‌ای 2 بار ریاضی دارد و هر بار 2 ساعت ریاضی می‌خواند.

زهره در 4 هفته چند ساعت ریاضی می‌خواند؟



۶ محسن 4 بز دارد که هر کدام روزی 2 کیلو شیر می‌دهد.

این بزها در 3 روز چند کیلو شیر می‌دهند؟

به کمک ماشین حساب، حاصل عبارت زیر را به‌دست آورید.

کار با ماشین حساب

$$3 \quad 5 \quad + \quad 2 \quad \times \quad 5 \quad - \quad 1 \quad 4 \quad = \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

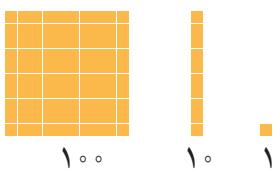
$$4 \quad 8 \quad \div \quad 4 \quad \times \quad 3 \quad + \quad 2 \quad 5 \quad = \quad \underline{\hspace{2cm}}$$

$$47 \times 31 + 129 = \underline{\hspace{2cm}}$$



ضرب عددهای یک رقمی در چند رقمی

فعّالیت



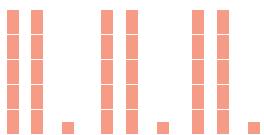
۱- با رسم شکل حاصل ضربها را به دست آورید.



$$2 \times 21 = \underline{\quad}$$

$$4 \times 12 = \underline{\quad}$$

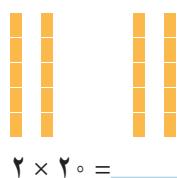
$$2 \times 213 = \underline{\quad}$$



۲- مانند نمونه برای شکل‌ها ضرب بنویسید و حاصل را پیدا کنید.

$$2 \times 23 = \underline{\quad}$$

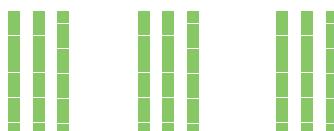
$$23 = 20 + 3$$



$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$3 \times 34 = \underline{\quad}$$

$$34 = 30 + 4$$

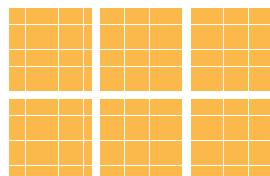


$$3 \times 30 = \underline{\quad}$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$2 \times 324 = \underline{\quad}$$

$$324 = 300 + 20 + 4$$



$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$2 \times 300 = \underline{\quad}$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

۳- به کمک وسایلی که آموزگار به گروههای دو نفره‌ی شما می‌دهد، ضربها را بسازید و حاصل آنها را پیدا کنید.

سپس شکل هر کدام را بکشید.

$$2 \times 215 =$$

$$4 \times 23 =$$

کار در کلاس

با رسم شکل حاصل ضربها را به دست آورید.



$$4 \times 23 =$$

$$4 \times 20 =$$

$$4 \times 3 =$$

$$5 \times 31 =$$

$$5 \times 30 =$$

$$5 \times 1 =$$



$$3 \times 242 =$$

$$3 \times 200 =$$

$$3 \times 40 =$$

$$3 \times 2 =$$

تقریب بزن

۱- مانند نمونه، حاصل ضربها را به صورت تقریبی بنویسید.

$$47 \times 21 \rightarrow 50 \times 20 = \underline{\hspace{2cm}}, \quad 83 \times 29 \rightarrow \underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$51 \times 61 \rightarrow \underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}, \quad 78 \times 89 \rightarrow \underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

۲- کشاورزی در مزرعه اش ۵۷ ردیف کلم کاشته است. او در هر ردیف ۶۱ کلم کاشته است.

در مزرعه ای او به طور تقریبی چند کلم کاشته شده است؟



تمرین



۱- حاصل ضرب های زیر را به صورت ذهنی به دست آورید.

$$2 \times 3 \times 1 =$$

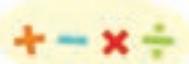
$$3 \times 4 \times 1 =$$

$$4 \times 4 \times 1 =$$

$$6 \times 2 \times 5 =$$

$$7 \times 3 \times 1 =$$

$$2 \times 8 \times 5 =$$



$$7 \times 2 =$$

$$3 \times 5 =$$

$$4 \times 6 =$$

$$7 \times 2 =$$

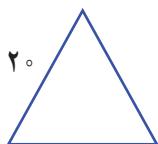
$$9 \times 3 =$$

$$8 \times 2 =$$



۲- ماه رخ هر هفته 1° ساعت ریاضی کار می کند. در 3 هفته چند ساعت ریاضی کار می کند؟

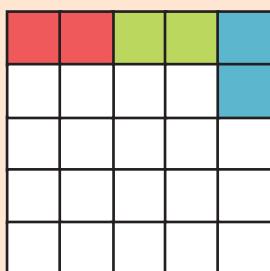
۳- محیط مربعی را که هر ضلع آن 1° سانتی متر است حساب کنید.



۴- محیط مثلث متساوی الاضلاع روبرو چند سانتی متر است؟

۵- مساحت مستطیلی را که طول آن 1° و عرض آن 7 سانتی متر است حساب کنید.

خلاق باش



صفحه‌ی شطرنجی رو برو را با آجرهای رنگی به شکل می پوشانیم.
آیا مربعی خالی می ماند؟ چرا؟

محاسبه‌ی ضرب

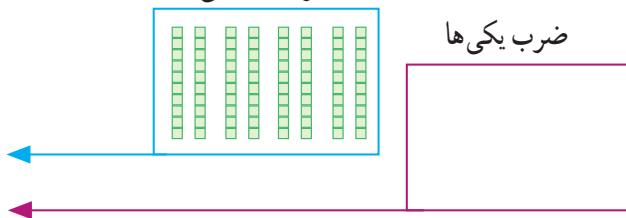
فعالیت

شکل را کامل کنید. سپس حاصل ضرب هر بخش را در قسمت مربوط بنویسید.



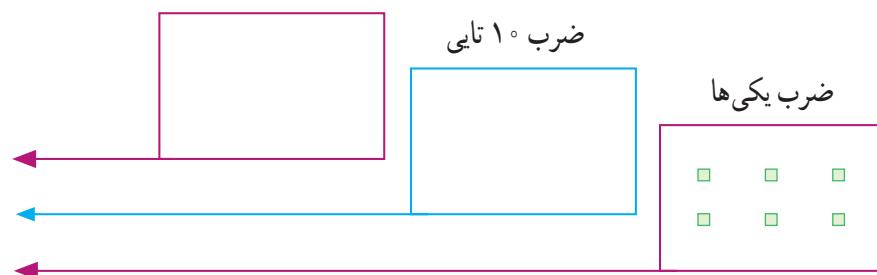
ضرب ۱۰ تایی

$$\begin{array}{r} 21 \\ \times 4 \\ \hline \end{array}$$



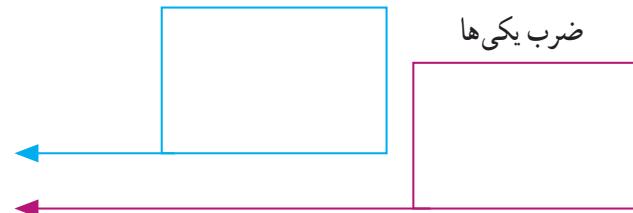
ضرب ۱۰۰ تایی

$$\begin{array}{r} 222 \\ \times 3 \\ \hline \end{array}$$



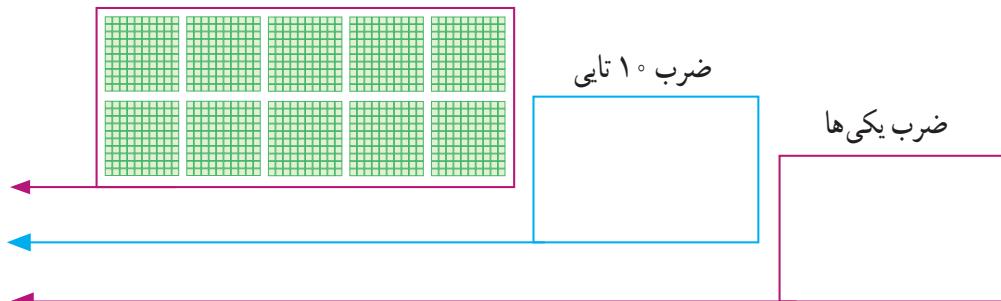
ضرب ۱۰ تایی

$$\begin{array}{r} 53 \\ \times 3 \\ \hline \end{array}$$



ضرب ۱۰۰ تایی

$$\begin{array}{r} 241 \\ \times 5 \\ \hline \end{array}$$



کار در کلاس



۱- حاصل ضرب ها را مانند نمونه ها به دست آورید.

$$\begin{array}{r} 22 \\ \times 3 \\ \hline 6 \\ + 9 \\ \hline 69 \end{array}$$

$3 \times 2 =$

$3 \times 3 =$

$$\begin{array}{r} 41 \\ \times 5 \\ \hline 200 \\ + 5 \\ \hline 205 \end{array}$$

$5 \times 4 =$

$5 \times 1 =$

$$\begin{array}{r} 42 \\ \times 3 \\ \hline + \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \\ \times 7 \\ \hline + \\ \hline \end{array}$$

۲- حاصل ضرب ها را مانند نمونه به دست آورید.

$$\begin{array}{r} 43 \\ \times 7 \\ \hline 280 \\ + 21 \\ \hline 301 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 54 \\ \times 5 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 124 \\ \times 7 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 345 \\ \times 8 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 211 \\ \times 5 \\ \hline \end{array}$$

تقریب بزن



۱- حاصل ضرب ها را مانند نمونه به صورت تقریبی به دست آورید.

$$21 \times 189 \rightarrow 20 \times 200 =$$

$$341 \times 176 \rightarrow 300 \times 200 =$$

$$29 \times 41 \rightarrow \underline{\quad} \times \underline{\quad} =$$

$$9 \times 407 \rightarrow \underline{\quad} \times \underline{\quad} =$$

۲- دبستان کوشش ۱۲ کلاس دارد. هر کلاس ۳۲ دانش آموز دارد.

این دبستان به طور تقریبی چند دانش آموز دارد؟

تمرین

۱- دو جعبه داریم که در هر کدام چهار بسته‌ی شش تایی مداد رنگی هست. در این جعبه‌ها چند مداد رنگی وجود دارد؟



۲- در یک کارتون ۹ بسته‌ی ۱۲ تایی مداد رنگی هست. این کارتون چند مداد رنگی دارد؟



۳- طول یک مستطیل ۱۸ سانتی‌متر و عرض آن ۹ سانتی‌متر است. مساحت این مستطیل چند سانتی‌متر مربع است؟

۴- تعداد دانشآموزانی را که در چرخ و فلک نشسته‌اند، پیدا کنید.



۵- هر دوچین مداد ۱۲ مداد است. ۴ دوچین مداد چند مداد است؟

۶- زمینی مریع شکل داریم که هر ضلع آن ۴۲ متر است. محیط آن چند متر است؟

۷- در دبستان اندیشه تعداد دانشآموزان کلاس ششم ۲۷ نفر است، تعداد دانشآموزان کلاس اول ۳ برابر آن هاست. چند دانشآموز در کلاس اول این دبستان درس می‌خوانند؟



تقسیم با باقی مانده

فعالیت



۱۷_ شاخه گل داریم. می خواهیم با هر ۴ شاخه‌ی آن‌ها یک دسته گل درست کنیم.

چند دسته گل درست می شود؟

چند شاخه گل باقی می ماند؟

با رسم شکل توضیح دهید.



۲_ شاخه گل داریم. می خواهیم آن‌ها را به طور مساوی در ۴ گلدان تقسیم کنیم. شما گل‌ها را یکی‌یکی در گلدان‌ها بکشید. این کار را ادامه دهید تا همه‌ی گل‌ها به تعداد مساوی در گلدان‌ها قرار گیرند.
در هر گلدان چند گل قرار می گیرد؟
چند گل باقی می ماند؟

برای حل کردن مسئله‌ی بالا می توانیم از نماد استفاده کنیم و پاسخ را به صورت زیر بنویسیم :

$$\begin{array}{r} 17 \\ - 16 \\ \hline 1 \end{array}$$

خارج فستم

باقی مانده





۱- خارج قسمت و باقی مانده‌ی هر یک از تقسیم‌ها را به دست آورید. از راهنمای داده شده کمک بگیرید.

۴۶

۶

$$\begin{array}{r} 5 \times 6 = 30 \\ 6 \times 6 = 36 \\ 7 \times 6 = 42 \\ 8 \times 6 = 48 \end{array}$$

۷۵

۹

$$\begin{array}{r} 6 \times 9 = 54 \\ 7 \times 9 = 63 \\ 8 \times 9 = 72 \\ 9 \times 9 = 81 \end{array}$$



۲- تقسیم‌ها را انجام دهید.

۴۵

۷

۵۰

۸

۴۱

۵

۲۲

۳

۳- باقی مانده‌ی کدام تقسیم‌های زیر، صفر می‌شود؟

۱۸

۶

۸

۶

۱۳

۲

۱۲

۲

۴- آیا تقسیم ۷۹ بر ۹ باقی مانده دارد؟

تقسیم ۳۴ بر ۷ چطور؟



کار با ماشین حساب

۱- حاصل تقسیم‌های زیر را به کمک ماشین حساب پیدا کنید.

$$240 \div 10 =$$

$$128 \div 4 =$$

$$215 \div 5 =$$

۲- حاصل تقسیم ۱۷ بر ۳ را با ماشین حساب به دست می‌آوریم. چه عددی روی صفحه ظاهر می‌شود؟ آیا با این عدد آشنا شده‌اید؟ این اتفاق برای تقسیم‌هایی که باقی مانده دارند می‌افتد و حاصل تقسیم به این صورت نمایش داده می‌شود.

5.666666

تمرین

۱- اتوبوسی که ۳۷ مسافر داشت، خراب شد. مسافران پیاده شدند و هر تاکسی ۴ نفر از آن‌ها را سوار کرد.

برای اینکه همه‌ی مسافران سوار تاکسی شوند، چند تاکسی لازم است؟



۲- طاهای ۸۴ شکلات داشت. او در روز نیمه‌ی شعبان بسته‌های ۹ تایی شکلات درست کرد و به ۹ همسایه داد. چند شکلات برای

خودش باقی ماند؟



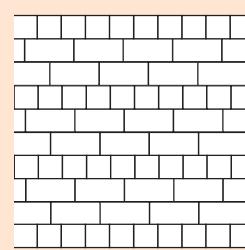
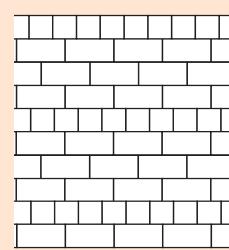
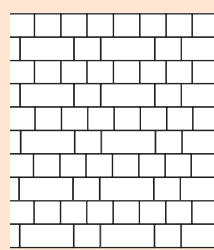
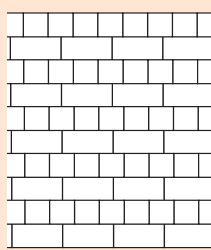
۳- شیرینی‌پزی در کرمانشاه در ۶ روز ۴۲ جعبه نان برنجی درست کرد. او در هر روز چند جعبه نان برنجی درست کرده است؟



۴- ۳۷ کیلوگرم گیلاس را در جعبه‌هایی می‌ریزیم که هر کدام ۵ کیلوگرم گیلاس جا می‌گیرد. چند جعبه لازم داریم؟

خلّاق باش

الگوهای آجر چینی را ادامه دهید.



مرور فصل

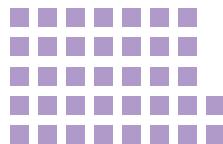
فرهنگ نوشتن

۱- با توجه به ضرب و حاصل آن $161 = 23 \times 7$ ، توضیح دهید که حاصل ضرب زیر چگونه به دست می‌آید.

۲۳۰۰۰

$\times 7$

$$\begin{array}{r} 37 \\ \hline 5 \\ 7 \end{array}$$



۲- توضیح دهید باقی‌مانده‌ی تقسیم رو به رو چگونه به دست می‌آید.

تمرین

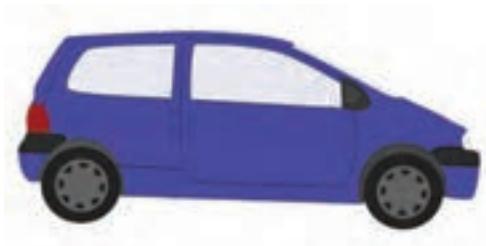
۱- می خواهیم ۶ بسته‌ی ۱۲ تایی مداد را بین ۹ نفر به طور مساوی تقسیم کنیم. به هر نفر چند مداد می‌رسد؟



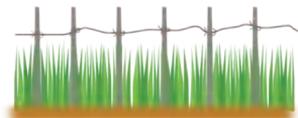
۲- اگر وزن هر ۵ نخود به طور تقریبی یک گرم باشد، یک کیلوگرم نخود چند تا نخود است؟

۳- در یک کارخانه‌ی پارچه‌بافی ساعتی ۱۲۳۵ متر پارچه بافته می‌شود. در این کارخانه در ۸ ساعت چند متر پارچه بافته می‌شود؟

- ۴- اتومبیلی در هر ساعت 8° کیلومتر را طی می‌کند. اگر به همین ترتیب حرکت کند، در ۳ ساعت چند کیلومتر را می‌پیماید؟
- ۵- کیلومتر را در کمتر از ۶ ساعت طی می‌کند یا بیشتر از آن؟



- ۶- زمینی به شکل مرغع داریم که هر ضلع آن 105° متر است. می‌خواهیم دور این زمین را در دو ردیف سیم خاردار بکشیم.
به چند متر سیم خاردار نیاز داریم؟



- ۷- یک نقاش در اولین روز کارش 8 متر مرغع از ساختمانی را رنگ کرد. صاحب ساختمان از او خواست که هر روز 2 برابر روز قبل رنگ کند.

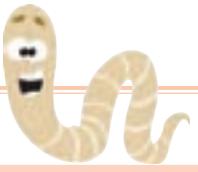


روز دوم چند متر مرغع را باید رنگ کند؟

روز سوم چقدر؟

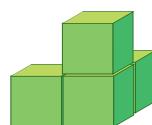
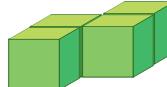
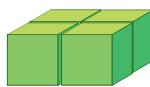
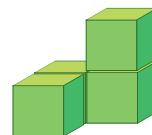
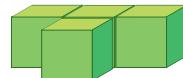
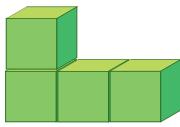
روز چهارم چقدر؟

روز پنجم چقدر؟



معمّا و سرگرمی

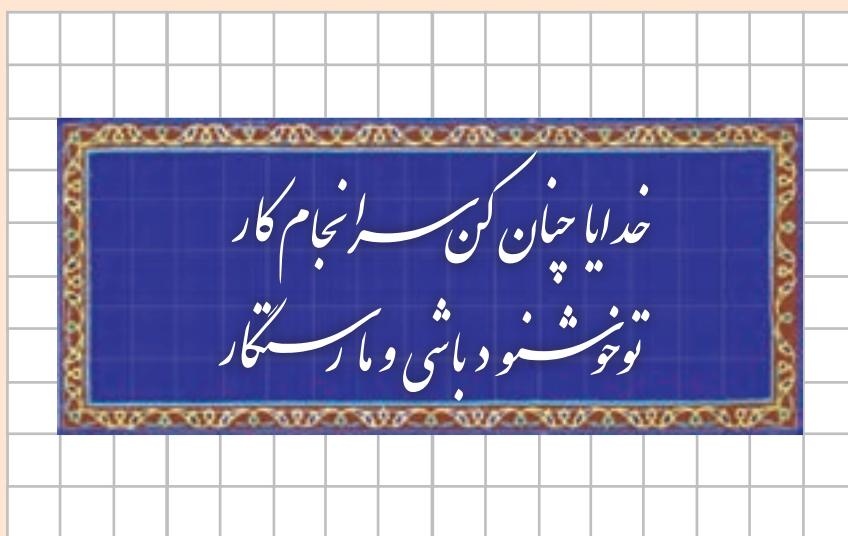
۶ حالت زیر از کنار هم قرار گرفتن ۴ مکعب به وجود آمده اند.
ابتدا با مکعب های چینه، این ۶ حالت ۴ تابی را درست کنید.
سپس با کنار هم قرار دادن آن ها یک مکعب $3 \times 3 \times 3$ را بسازید.

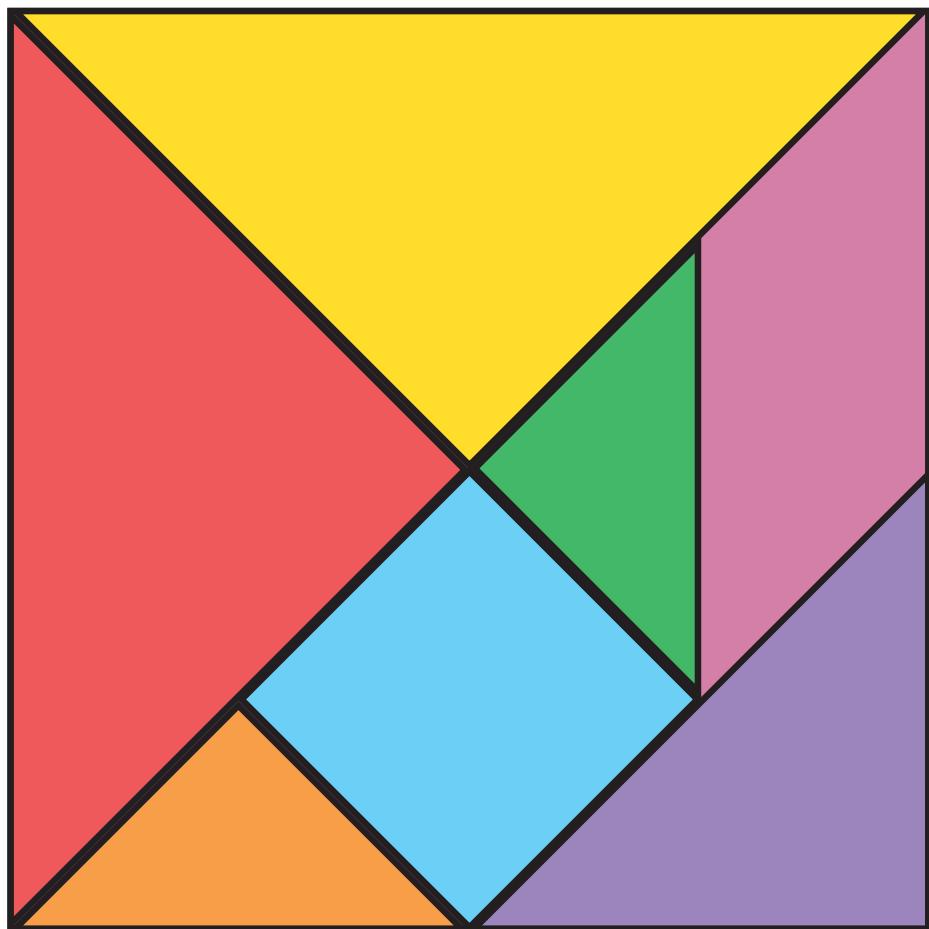


فرهنگ خواندن

آجرهایی به شکل و رنگ [] و [] ، [] ، [] آجرهایی به شکل و رنگ دارید.

این آجرها را روی صفحه‌ی شطرنجی زیر بچینید، اگر شکل شما متقارن باشد، بهتر است.





محلان محترم و دویلایی گرامی دانش آموزان و صاحب نظران می توانند نظر اصلاحی خود را درباره مطلب
این کتاب از طریق نامه بنشانند تهران - صندوق پستی ۳۶۲ ۱۵۸۵۵ کروه دسی هر بروط و یا پیام نکار (Email)
ارسال نمایند.

دفتر تایپ کتاب های «سی اند این دسته نظری