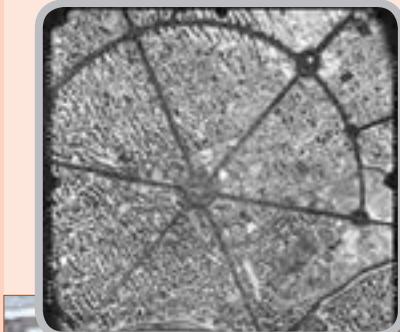


# ۹

## اندازه‌گیری

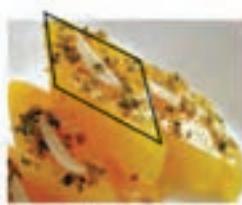


شهر همدان بیش از ۵ هزار سال قدمت دارد. میدان مرکزی این شهر، میدان امام خمینی (ره) است که تزدیک به یک قرن پیش ساخته شده است. این میدان به شکل دایره است و ۶ خیابان با زاویه‌ی  $60^\circ$  درجه از آن جدا می‌شوند. شکل دایره‌ای این میدان باعث شده که هر چه شهر بزرگ‌تر می‌شود، باز هم مرکزیت میدان حفظ شود.

## مساحت لوزی و ذوزنقه

### فعّالیت

۱- به تصاویر زیر نگاه کنید. کدام شکل هندسی را می‌بینید؟

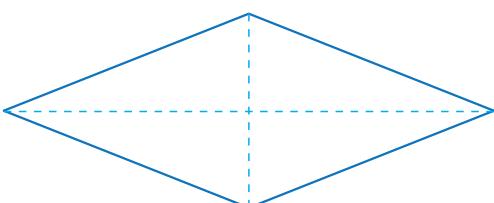


۲- جدول زیر را کامل کنید.

لوزی	مربع	متوازی الاضلاع	ویژگی
✓	✓	✓	ضلع‌های رو به رو برابرند
			قطرها برابرند
			قطرها یکدیگر را نصف می‌کنند
			قطرها برهم عمودند

۳- دانشآموزان می‌خواهند مساحت یک لوزی با قطرهای  $4$  و  $10$  سانتی‌متر را پیدا کنند.

به آنها کمک کنید که راه حل‌های خود را کامل کنند.

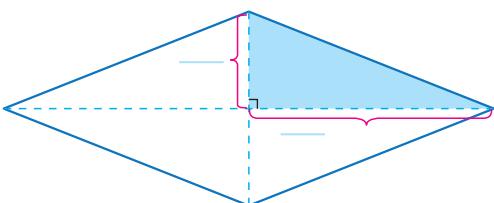


#### روش پر نیان :

پر نیان قطرهای لوزی را رسم کرد و به کمک آنها لوزی را به  $4$  مثلث مساوی تقسیم کرد.

$$\text{مساحت مثلث رنگ شده} = \text{سانتی متر مربع}$$

$$= 4 \times \text{سانتی متر مربع} = \text{سانتی متر مربع}$$

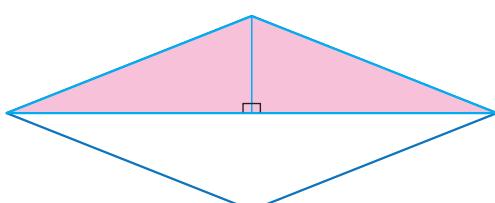


#### روش پرستو :

هر قطر، لوزی را به دو مثلث مساوی تقسیم می‌کند.

$$\text{مساحت مثلث بالایی} = \text{سانتی متر مربع}$$

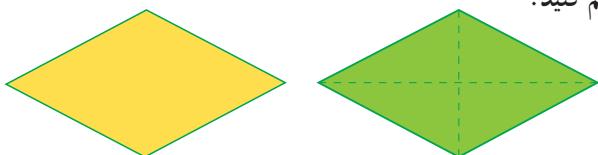
$$= 2 \times \text{سانتی متر مربع} = \text{سانتی متر مربع}$$



آیا شما هم می‌توانید مساحت این لوزی را به روش دیگری پیدا کنید؟

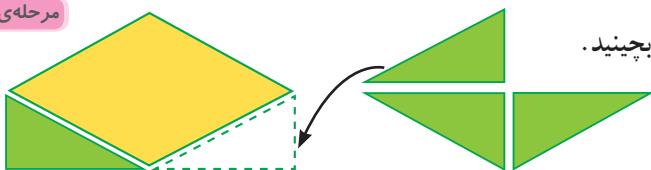
۴- می خواهیم یک دستور کلی برای محاسبه‌ی مساحت لوزی پیدا کنیم.

مرحله‌ی ۱



روی دو مقوّا به رنگ‌های متفاوت، دو لوزی هماندازه رسم کنید.

مرحله‌ی ۲

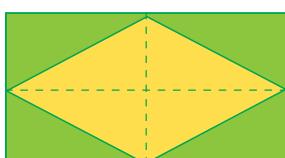


یکی از لوزی‌ها از روی قطرهای آن برش بزنید.

حالا چهار مثلث را مثل شکل در اطراف لوزی اول بچینید.

چه شکلی ساخته شد؟

مرحله‌ی ۳



چرا مساحت این مستطیل دو برابر مساحت لوزی است؟

طول و عرض مستطیل را با قطرهای لوزی مقایسه کنید.

: طول مستطیل \_\_\_\_\_

: عرض مستطیل \_\_\_\_\_

$$\text{عرض} \times \text{طول} = \text{مساحت مستطیل}$$

$$\times \text{قطر بزرگ}) = \text{مساحت لوزی } (\div 2)$$

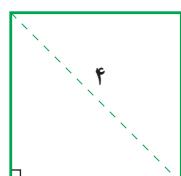
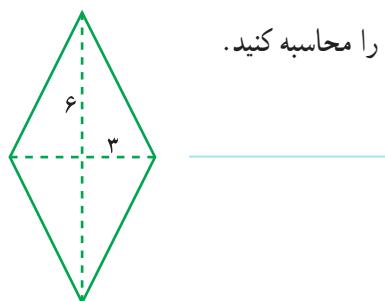
به زبان ساده‌تر:

مساحت لوزی برابر است با حاصل ضرب دو قطر تقسیم بر ۲

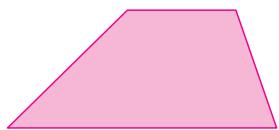
مساحت لوزی فعالیت قبل را با همین روش پیدا کنید.

## • کار در کلاس •

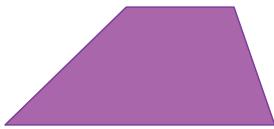
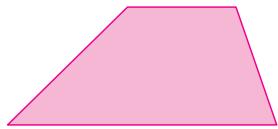
در شکل‌های زیر، اندازه‌ی قطرها داده شده است. مساحت هر شکل را محاسبه کنید.



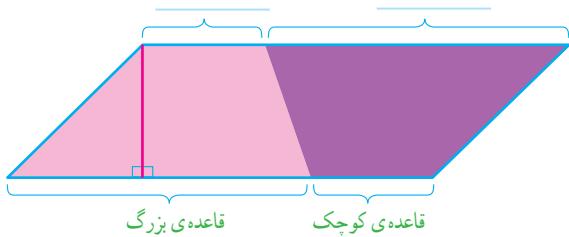
## • فعالیت •



می خواهیم یک دستور کلی برای محاسبه مساحت یک ذوزنقه پیدا کنیم.



- روی دو مقوای رنگ های متفاوت، دو ذوزنقه هم اندازه رسم کنید.  
با کنار هم قراردادن ذوزنقه ها، شکل های مختلف بسازید و شکل آنها را رسم کنید.



- دو ذوزنقه را، مثل شکل رو به رو، کنار هم قرار دهید.  
چه شکلی به دست می آید؟  
مساحت این متوازی الاضلاع و مساحت ذوزنقه چه ارتباطی باهم دارند؟

ارتفاع و قاعدهٔ این متوازی الاضلاع را با ارتفاع و قاعدهٔ ذوزنقه مقایسه کنید.

$$= \text{ارتفاع متوازی الاضلاع}$$

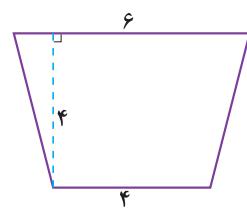
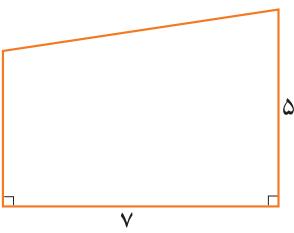
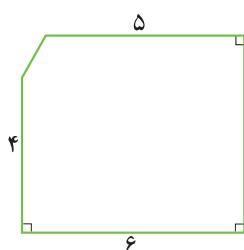
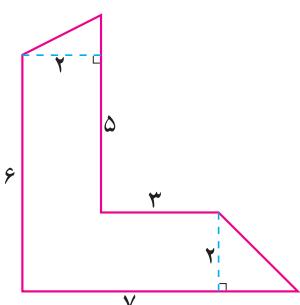
$$+ \text{قاعدهٔ کوچک ذوزنقه} = \text{قاعدهٔ متوازی الاضلاع}$$

به کمک مساحت متوازی الاضلاع، روش محاسبه مساحت ذوزنقه را نتیجه بگیرید.

$$\text{مساحت ذوزنقه} = \frac{\text{مجموع قاعده‌های کوچک و بزرگ}}{2}$$

## • کار در کلاس •

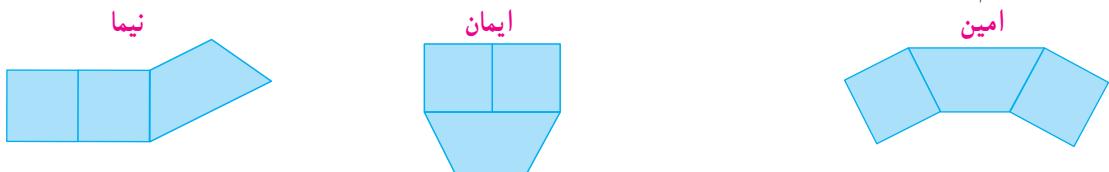
مساحت هر یک از شکل های زیر را پیدا کنید.



## • تمرین

۱- امین و ایمان و نیما سه کاشی زیر را به شکل‌های مختلف کنار هم چیده‌اند. (ضلع مریع و قاعده‌ی کوچک ذوزنقه ۲ سانتی‌متر است).

(الف) کدام جمله درباره‌ی مساحت این شکل‌ها درست است؟



□ مساحت شکل امین از مساحت همه‌ی شکل‌ها بیشتر است. □ مساحت شکل ایمان از مساحت همه‌ی شکل‌ها بیشتر است. □ مساحت همه‌ی شکل‌ها برابر است.

(ب) محیط هر شکل را پیدا کنید. محیط کدام یک از همه کمتر است؟

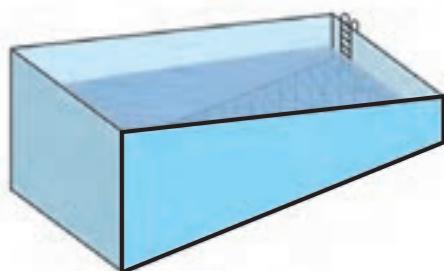
۲- مساحت یک لوزی ۱۵ سانتی‌متر مریع و یکی از قطرهای آن ۵ سانتی‌متر است. اندازه‌ی قطر دیگر لوزی چقدر است؟

۳- مساحت یک لوزی ۶ سانتی‌متر مریع است. اندازه‌ی قطرها چقدر می‌تواند باشد؟ (۳ جواب مختلف بنویسید).

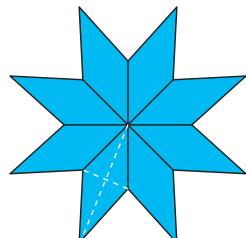
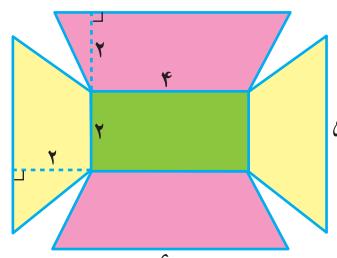
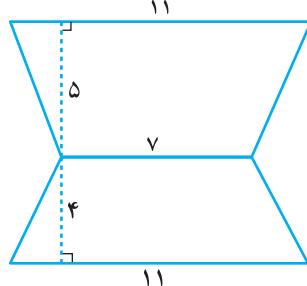
۴- دیواره‌ی کناری استخری به شکل ذوزنقه است. اگر طول استخر  $30$  مترو و عمق استخر در قسمت کم عمق و عمیق به ترتیب  $2$  و  $5$  متر باشد :

(الف) مساحت این دیوار چقدر است؟

(ب) می‌خواهیم این دیوار را با کاشی‌های لوزی شکلی که هر دو قطر آن  $10$  سانتی‌متر است، پوشانیم. به چند کاشی نیاز داریم؟

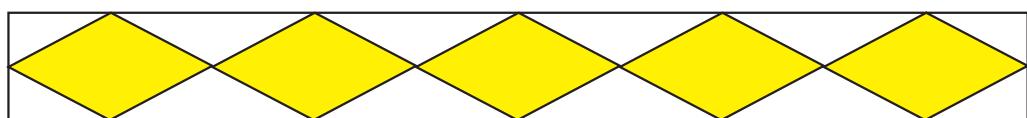


۵- مساحت شکل‌های زیر را پیدا کنید.



قطر بزرگ هر لوزی :  $3$  و قطر کوچک :  $1$

۶- اگر طول این نوار مستطیل شکل  $40$  سانتی‌متر و عرض آن  $5$  سانتی‌متر باشد و در آن لوزی‌های رنگی بکشیم، چه کسری از نوار را رنگ کرده‌ایم؟ آیا می‌توانید بدون محاسبه برای این مسئله جوابی پیدا کنید؟



## محیط دایره

### • فعالیت •



۱- پدر پارسا چند گلدان شمعدانی خرید تا دور حوض خانه بچیند. پارسا از یک نقطه در بهی حوض شروع کرد و به کمک متر، دورتا دور حوض را اندازه گرفت.

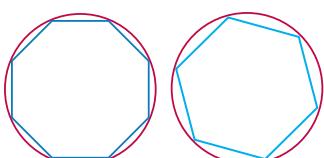
الف) دور این حوض به شکل \_\_\_\_\_ است.

ب) نقطه‌ای که فواره در آن قرار دارد، \_\_\_\_\_ دایره است.

پ) خطی که یکی از گلدان‌ها را به فواره وصل می‌کند، \_\_\_\_\_ دایره است.

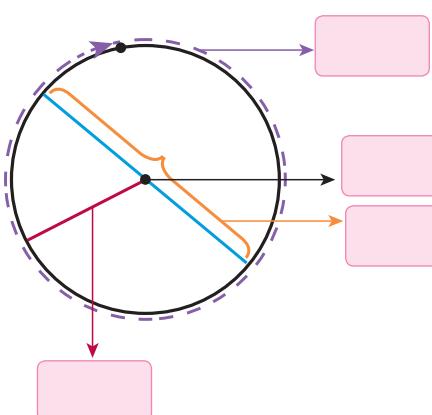
ت) خطی که گلدان ۱ و ۲ را به هم وصل کرده و از فواره می‌گذرد، \_\_\_\_\_ دایره است.

ث) پارسا \_\_\_\_\_ دایره را اندازه گرفته است.



۲- آیدا و آلاله می‌خواهند محیط دایره‌ای را اندازه بگیرند. آنها چند نقطه را روی دایره به هم وصل کردند و سعی کردند به کمک محیط چندضلعی، محیط دایره را حساب کنند. محیط کدام چندضلعی به محیط دایره نزدیک‌تر است؟ \_\_\_\_\_

برای دقیق‌تر شدن اندازه‌ی محیط دایره با این روش، چه پیشنهادی دارید؟



۳- الف) در شکل روبرو، در جاهای خالی کلمه‌های مناسب بنویسید.

ب) روی یک مقوا دایره‌ای با شعاع ۱۰ سانتی‌متر رسم کنید و دور آن را بیرید. از یک نقطه روی محیط دایره شروع کنید و متر را یک بار دور دایره بچرخانید تا به نقطه‌ی شروع حرکت برگردید. چه چیزی را اندازه گرفته‌اید؟

این اندازه تقریباً چقدر است؟ آن را در جدول زیر بادداشت کنید.

ما همین کار را برای دایره‌هایی با شعاع ۳ سانتی‌متر و ۵ سانتی‌متر انجام داده‌ایم و اندازه‌ها را در جدول نوشته‌ایم.

پ) با استفاده از ماشین حساب، محیط دایره را بر قطر آن تقسیم کنید و عدد حاصل را تا یک رقم اعشار در جدول بنویسید.

شعاع دایره	قطر دایره	محیط دایره	محیط دایره تقسیم بر قطر
۳	۶	۱۸/۶	_____
۵	۱۰	۲۱/۴	_____
۱۰	_____	_____	_____

نسبت محیط هر دایره به قطر آن تقریباً  $\frac{3}{14}$  است. به این عدد، عدد بی کفته می‌شود.

بنابراین :

$$\text{محیط یک دایره} = \dots \times \dots$$

ت) اگر قطر دایره‌ای ۲ سانتی‌متر باشد، محیط آن تقریباً چقدر می‌شود؟

اگر قطر آن ۲ متر باشد چطور؟ \_\_\_\_\_

## • کار در کلاس •

۱- (الف) به اطراف خود نگاه کنید و چند شکل دایره‌ای، مانند شکل‌های زیر، پیدا کنید. درباره‌ی اینکه چطور می‌توانید قطر آنها را اندازه بگیرید، با دوستان خود گفت و گو کنید.



ب) به کمک خط کش، قطر دایره‌های را که پیدا کرده‌اید، اندازه بگیرید و محیط هر دایره را حساب کنید.

پ) هرچه قطر یک دایره بزرگ‌تر شود، محیط آن \_\_\_\_\_ می‌شود.

۲- محیط هر دایره را پیدا کنید.



۳- جدول زیر را کامل کنید.

شعاع دایره	قطر دایره	محیط دایره
۱ سانتی‌متر	_____	_____
_____	۸ سانتی‌متر	_____
_____	۲ متر	_____

## • فعالیت •

در این فعالیت و کار در کلاس صفحه‌ی بعد، عدد بی را ۳ در نظر بگیرید.

الف) نوک عقربه‌ی دقیقه‌شمار این ساعت در یک دور کامل، به طور تقریبی چند سانتی‌متر حرکت می‌کند؟

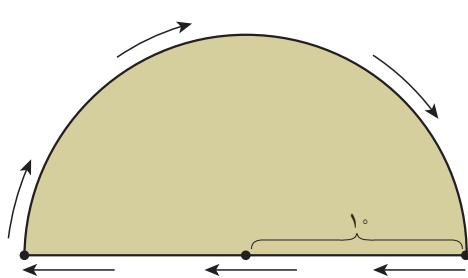


ب) وقتی نیم ساعت می‌گذرد، چطور؟

پ) وقتی یک ربع ساعت می‌گذرد، چطور؟

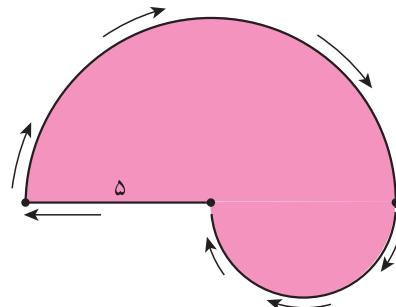
## • کار در کلاس •

ابتدا جاهای خالی را پر کنید و بعد، محیط هر شکل را حساب کنید.



$$\text{قطر دایره} + \text{نصف محیط دایره} = \text{محیط شکل}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$



$$\text{نصف محیط دایره بزرگ} + \text{نصف محیط دایره} = \text{محیط شکل}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

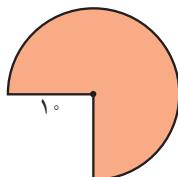
## • تمرین •

۱- الف) دایره‌ای رسم کنید که شعاع آن ۴ سانتی متر باشد. محیط آن را حساب کنید.

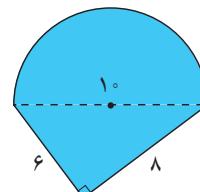
ب) دایره‌ای رسم کنید که قطر آن ۴ سانتی متر باشد. محیط آن را حساب کنید.

۲- رؤیا می‌خواهد دور یک رومیزی که به شکل دایره است، نوار بدوزد. اگر شعاع این رومیزی  $\frac{1}{5}$  متر باشد، او به چند متر نوار نیاز دارد؟

۳- محیط هر شکل را پیدا کنید. (مقدار بی را ۳ درنظر بگیرید.)



$$\text{محیط شکل} = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$



$$\text{محیط شکل} = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

۴- الف) اگر قطر دایره‌ای  $20^\circ$  سانتی متر باشد، محیط آن تقریباً چند سانتی متر است؟ (مقدار بی را ۳ درنظر بگیرید.)

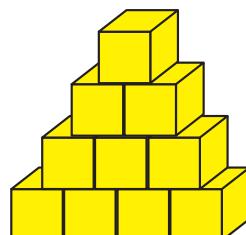
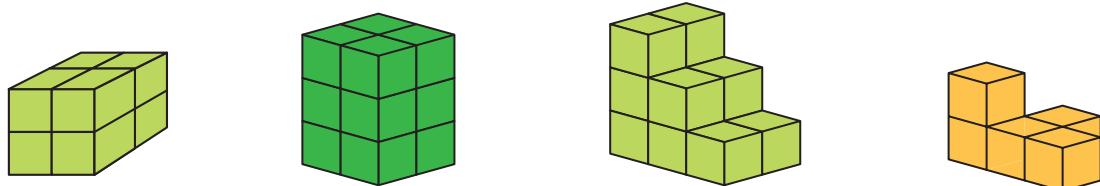
ب) در اطراف خود، دایره‌ای پیدا کنید که محیط آن تقریباً  $100^\circ$  سانتی متر باشد.

۵- میدان امام خمینی (ره) همدان به شکل دایره‌ای با قطر تقریباً  $100^\circ$  متر است. شهرداری می‌خواهد دور این میدان را جدول‌بندی کند. اگر هزینه‌ی هر متر جدول سیمانی  $8^\circ$  هزار تومان باشد، هزینه‌ی جدول‌سازی دور این میدان چقدر می‌شود؟

## حجم

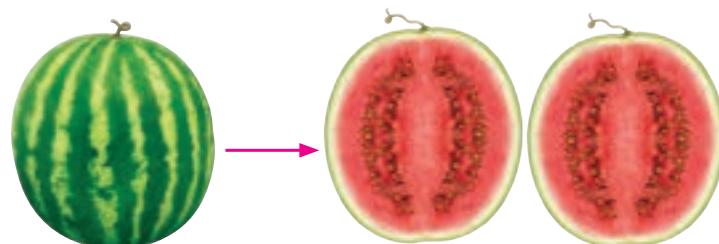
## فعالیت

۱- به شکل‌های زیر دقت کنید. بدون شمارش، حدس بزنید حجم کدام شکل از همه بیشتر است. حالا مکعب‌ها را بشمارید و تعداد آنها را زیر هر شکل بنویسید. آیا حدستان درست بود؟

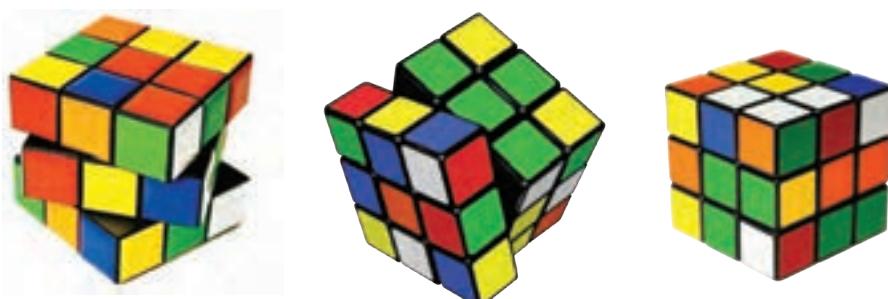


۲- مسعود ۰ چینه (مکعب) را به این شکل روی هم چیده است.  
شما هم ۱۰ مکعب بردارید و آنها را روی هم بچینید.  
آیا شکلی که شما ساخته‌اید با این شکل فرق دارد؟  
حجم آن چطور؟

۳- به تصویرهای زیر دقت کنید. آیا حجم این اجسام، قبل و بعد از تغییر شکل فرق کرده است؟



۴- آیا حجم شکل‌های زیر با هم فرق می‌کند؟



## فعّالیت

۱- حجم یک مکعب مستطیل را با دو نوع مکعب متفاوت اندازه‌گیری کرده‌ایم.

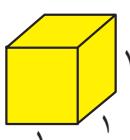
الف) حجم شکل را براساس واحد آن بنویسید.



ب) چرا برای یک حجم، دو جواب مختلف به دست آمد؟

برای اینکه اندازه‌های متفاوتی به دست نیاید، از مکعبی واحد به ضلع ۱ سانتی‌متر استفاده می‌کنیم.

حجم این مکعب، ۱ سانتی‌متر مکعب است.



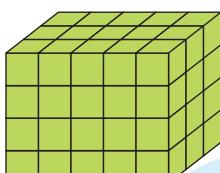
۲- جدول زیر را کامل کنید.

	مثال	واحد اندازه‌گیری
طول	_____	سانتی‌متر
طول	_____	متر
مساحت	_____	_____
حجم	مایعات مثل آب یا	لیتر
	اجسام جامد مثل جعبه‌ی دستمال کاغذی یا	سانتی‌متر مکعب

۳- آقای احسانی از دانش‌آموزان کلاس شن خواست حجم مکعب مستطیل رو برو را حساب کند.

**معین** چینه‌ها را یکی یکی روی هم چید. بعد هم آنها را شمرد و گفت: حجم این مکعب مستطیل

۶ سانتی‌متر مکعب است.

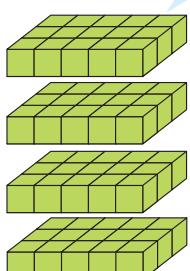


**مهدي** گفت: لازم نیست آنها را یکی یکی بشماریم. من فقط یک طبقه را می‌شمارم که ۱۵ تاست. این مکعب مستطیل ۴ طبقه دارد. پس حجم آن  $15 \times 4 = 60$  سانتی‌متر مکعب است.

**ایلیا** گفت: به نظر من شمردن یک طبقه هم لازم نیست.

در هر طبقه ۳ ردیف ۵ تایی یعنی  $3 \times 5 = 15$  تا مکعب داریم و چون مکعب مستطیل ۴ طبقه دارد، حجم آن  $15 \times 4 = 60$  است؛ یعنی ۶۰ سانتی‌متر مکعب.

به نظر شما کدام راه از همه سریع‌تر به جواب رسیده است؟

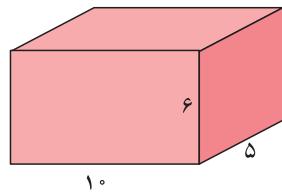
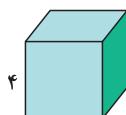
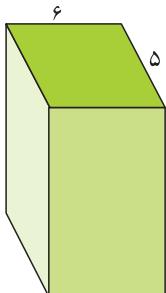


به کمک این فعالیت، یک دستور کلی برای محاسبه‌ی حجم یک مکعب مستطیل بنویسید.

$$\text{× طول} = \text{حجم مکعب مستطیل}$$



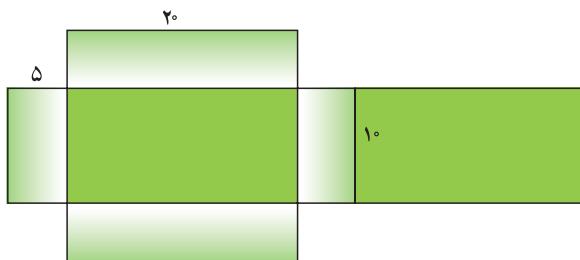
## • کار در کلاس •



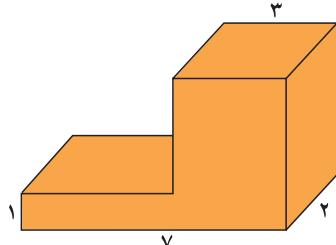
۱- حجم هر شکل را پیدا کنید و بنویسید.

۲- گستردگی مکعب مستطیل زیر را در اندازه‌های واقعی روی مقوا بکشید و با آن یک مکعب مستطیل بسازید.

سپس حجم آن را پیدا کنید.

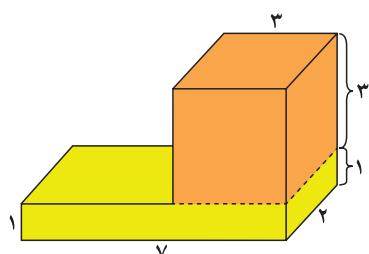


## • فعالیت •



خانم ادبی شکل رو به رو را روی تخته رسم کرد.

سپس از دانش آموزان خواست که حجم آن را پیدا کنند. راه حل هر دانش آموز را بخوانند و در کامل کردن جواب به او کمک کنید.

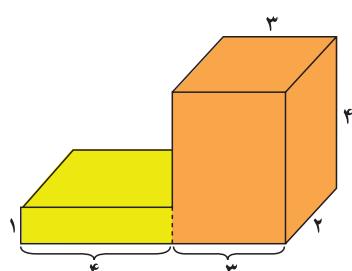


**پوریا** گفت: این شکل از دو مکعب مستطیل ساخته شده است:

$$\text{حجم مکعب مستطیل پایینی} = 2 \times 7 \times 1 = 14$$

$$\text{حجم مکعب مستطیل بالایی} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\text{حجم کل شکل} = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$



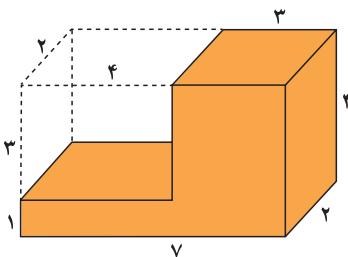
**کوروش** گفت: من در این شکل دو مکعب مستطیل می‌بینم: یکی سمت راست و یکی

سمت چپ.

$$\text{حجم مکعب مستطیل سمت راست} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\text{حجم مکعب مستطیل سمت چپ} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\text{حجم کل شکل} = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$



**طها** گفت: اگر این شکل را کامل کنیم، یک مکعب مستطیل بزرگ داریم که می‌توانیم حجم مکعب مستطیل با اندازه‌های ۳ و ۴ و ۲ را از آن کم کنیم.

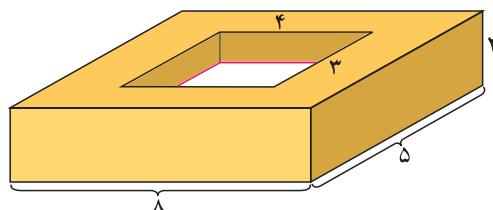
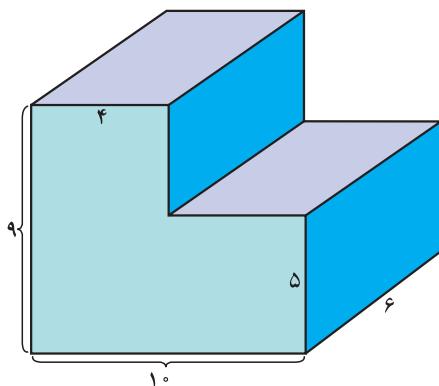
$$\underline{\quad} - \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

پس حجم این شکل برابر است با:

آیا شما هم می‌توانید راه حل دیگری برای پیدا کردن حجم این شکل پیدا کنید؟

## • کار در کلاس •

حجم شکل‌های زیر را پیدا کنید. (همه‌ی اندازه‌ها بر حسب سانتی‌متر است).



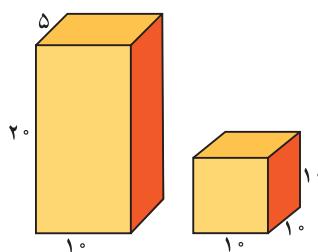
## • تمرین •

۱- (الف) طول، عرض و ارتفاع کتابی ۲۵ و ۲۰ و ۱ سانتی‌متر است. حجم این کتاب چقدر است؟

ب) اگر سه جلد از این کتاب را روی هم بگذاریم، حجم آن چقدر می‌شود؟

پ) اگر ده جلد از این کتاب را روی هم بگذاریم، حجم آن چقدر می‌شود؟ حدس بزنید.

۲- یک شرکت تولید پودر لباس‌شویی برای بسته‌بندی محصولات خود، از دو شکل زیر می‌تواند استفاده کند.



بدون محاسبه، حدس بزنید که حجم کدام شکل بیشتر است.

حالا حجم هر دو را حساب کنید؛ آیا حدستان درست بود؟

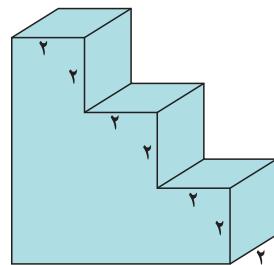
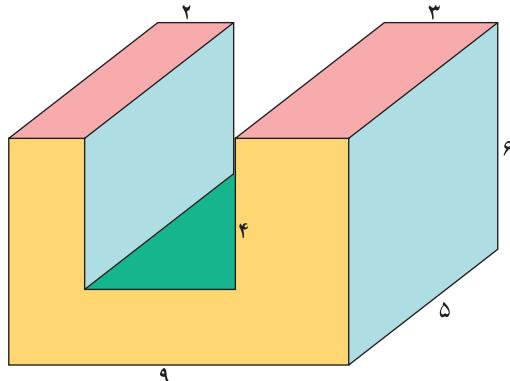
به نظر شما این شرکت کدام شکل را انتخاب می‌کند؟ چرا؟



۳- الف) طول و عرض و ارتفاع یک جعبه‌ی دستمال کاغذی  $20 \times 11 \times 5$  سانتی‌متر است. حجم آن چقدر است؟

ب) در یک جعبه‌ی بزرگ با اندازه‌های  $40 \times 22 \times 20$  سانتی‌متر چند جعبه‌ی دستمال کاغذی می‌توانیم جا بدهیم؟

۴- حجم شکل‌های زیر چقدر است؟



۵- الف) حجم سه تا از مکعب‌مستطیل‌های اطرافتان را پیدا کنید؛ مثلاً جعبه کبریت، تخته‌پاک‌کن و ...

ب) حجم چه چیزی ممکن است صد سانتی‌متر مکعب باشد؟  
هزار سانتی‌متر مکعب چطور؟ صدهزار سانتی‌متر مکعب چطور؟



۶- اگر حجم مکعب مستطیلی  $48$  سانتی‌متر مکعب باشد، طول و عرض و ارتفاع آن ممکن است چقدر باشد؟ (۳ جواب مختلف بنویسید)

## گنجایش

### • فعالیت •



شكل ۱

شكل ۲

۱- به کمک تصویر، به سؤال‌های زیر پاسخ دهید.

در شکل ۱ چرا مقداری از آب روی زمین ریخته است؟

در شکل ۲ چرا لیوان پر نشده است؟

با توجه به تصویر، در لیوان آب بیشتری می‌توانیم جا بدھیم یا در استکان؟

گنجایش لیوان از گنجایش استکان است.

۲- به تصویرهای زیر دقت کنید. مقدار چای داخل این دو قوری یکسان بوده است. چای هر قوری را در ظرف‌های کنار آن ریخته‌ایم. با توجه به تصویرها، جاهای خالی را پر کنید.



گنجایش این قوری استکان است.

توضیح دهید که چرا این دو عدد باهم متفاوت‌اند؟

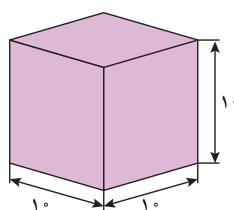


۳- مادر از سپیده خواست که یک کاسه آب به غذایی که در حال پختن بود، اضافه کند. با اینکه سپیده دقیقاً یک کاسه آب در قابلمه ریخت اما غذا کاملاً شل و بی‌مزه شد! فکر می‌کنید چرا؟

برای اندازه‌گیری حجم مایعات و گنجایش ظرف‌ها، به واحد مشخصی نیاز داریم.

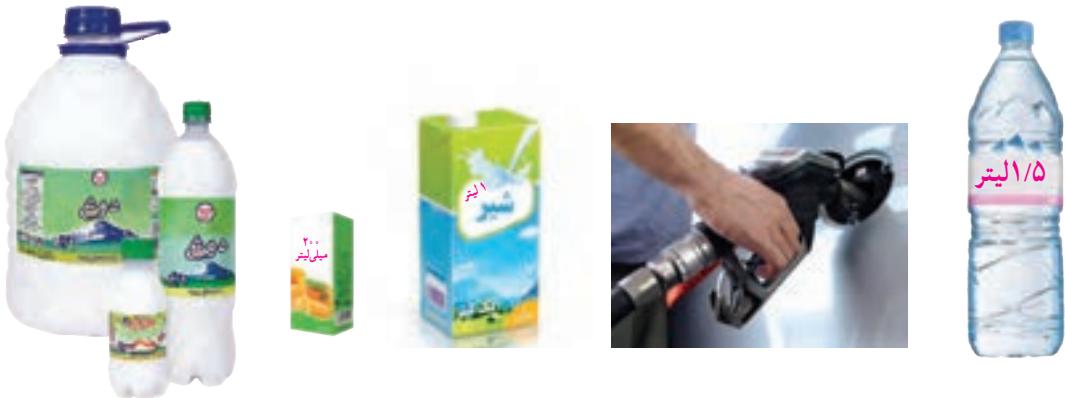
یکی از واحدهای اندازه‌گیری حجم مایعات، **لیتر** است.

یک لیتر برابر با مقدار مایعی است که در مکعبی با طول و عرض و ارتفاع ۱۰ سانتی‌متر جا می‌شود.



## • فعالیت •

۱- به اطرافتان دقّت کنید. چیزهایی را مثال بزنید که برای اندازه‌گیری آنها از واحد لیتر استفاده می‌شود.



۲- بدن شما در طول روز به حداقل یک لیتر آب نیاز دارد. آیا می‌دانید این مقدار آب، تقریباً چند لیوان می‌شود؟

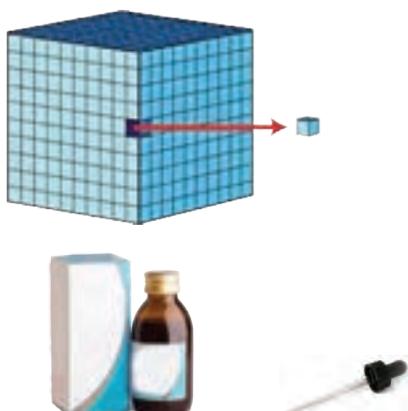
۳- به دستور پزشک، سینا برای درمان گلودردش باید بعد از هر غذا یک قاشق چای خوری شربت بخورد. آیا حجم شربت داخل قاشق را می‌توانیم بالیتر اندازه‌گیری کنیم؟

برای اندازه‌گیری آن چه پیشنهادی دارید؟

یکی دیگر از واحدهای اندازه‌گیری مایعات سانتی‌متر مکعب است.

هر لیتر،  $1000$  سانتی‌متر مکعب است.

به یک سانتی‌متر مکعب، یک سی سی یا یک میلی‌لیتر هم گفته می‌شود.

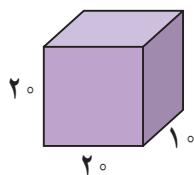


۴- مثال‌هایی بزنید که در آنها از واحد سی سی استفاده شده باشد.

## • کار در کلاس •



۱- سعید می‌خواست آب آکواریومش را عوض کند. او برای پر کردن آکواریوم (آبزیان)\* یک ظرف مکعب مستطیل (به شکل زیر) را انتخاب کرد (اندازه‌های ظرف برحسب سانتی‌متر است).



الف) گنجایش ظرف چند لیتر است؟

ب) اگر گنجایش آکواریوم  $40$  لیتر باشد، سعید چند بار باید ظرف را پر کند؟

\* مصوب فرهنگستان زبان و ادب فارسی

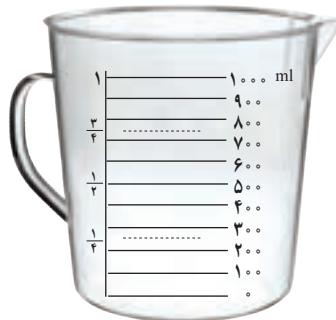


۲- تصویر رو به رو چه چیزی را نشان می دهد؟  
درباره‌ی آن با دوستانان گفت و گو کید.

به نظر شما آیا این راه برای اندازه‌گیری حجم اجسام جامد، همیشه مناسب است؟

۳- در جاهای خالی جدول زیر، عبارت مناسب بنویسید.

۵۰۰ سانتی متر مکعب	$\frac{1}{2}$ لیتر	۰/۵ لیتر
_____	_____	۰/۲۵ لیتر
_____	$\frac{3}{4}$ لیتر	_____
۲۵۰۰ سانتی متر مکعب	_____	_____
_____	$1\frac{1}{2}$ لیتر	_____



۴- نیلوفر با دقّت به پاکت‌های شیر داخل مغازه نگاه می‌کرد. قیمت پاکت‌های یک لیتری ۲۵۰۰ تومان و قیمت پاکت‌های ۲۵۰ میلی‌لیتری ۷۰۰ تومان بود.

(الف) مقدار شیر پاکت‌های بزرگ چند برابر شیر پاکت‌های کوچک است؟



(ب) به نظر شما خرید کدام یک به صرفه است؟ پاکت‌های کوچک یا پاکت‌های بزرگ؟

(پ) نیلوفر برای تهییه‌ی ماست به  $2/5$  لیتر شیر نیاز دارد. او می‌تواند:

پاکت شیر بزرگ بخرد.

دو پاکت بزرگ شیر و پاکت کوچک شیر انتخاب کند.

پاکت شیر کوچک انتخاب کند.

(ت) اگر نیلوفر فقط ۷۰۰۰ تومان داشته باشد، کدام راه بهتر است؟

## • تمرین •

۱- برای اندازه‌گیری حجم هر یک از مواد زیر، چه واحدی را پیشنهاد می‌کنید؟  
آب یک آکواریوم

شربت سرماخوردگی که بیمار در هر وعده باید مصرف کند

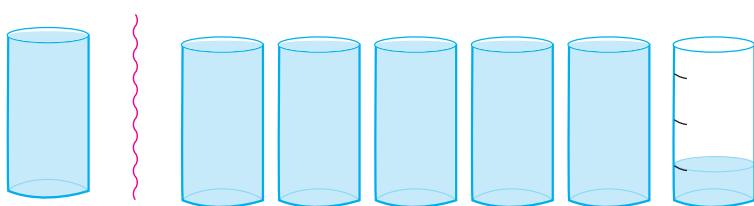
آبی که به یک گلدان می‌دهیم

آبی که در طول روز باید بنوشیم

۲- کدام یک مقدار بیشتری را نشان می‌دهد؟

۱۲۷۵ سانتی‌متر مکعب ،  $\frac{1}{25}$  لیتر ،  $\frac{1}{3}$  لیتر

۳- حجم شکل زیر را با توجه به واحد، به صورت یک عدد مخلوط و یک عدد اعشاری بنویسید.



۴- دانش‌آموزان یک کلاس تصمیم گرفته‌اند که در جشن عید مبعث، از دوستانشان با شربت پذیرایی کنند. اگر گنجایش یک لیوان  $200$  سی سی باشد و تعداد دانش‌آموزان کلاس  $25$  نفر باشد، برای تهیه‌ی شربت به یک ظرف چند لیتری نیاز است؟



۵- در یک آکواریوم  $150$  لیتری، حدّاً شربت می‌توانیم  $15$  ماهی  $10$  سانتی‌متری را نگهداری کیم. پدر متین یک آکواریوم  $50$  لیتری خریده است. او حدّاً کثر چند ماهی  $10$  سانتی‌متری را می‌تواند در آکواریوم نگهداری کند؟

۶- محمد رضا برای درمان سرماخوردگی اش، باید روزی سه بار و هر بار  $5$  سی سی از یک شربت را مصرف کند.

الف) بعد از یک هفته، او چند سی سی از آن شربت را مصرف کرده است؟

ب) این مقدار چند لیتر است؟

۷- برای تهیه‌ی نوعی شربت به  $3$  لیتر آب،  $2/15$  لیتر آب میوه و  $\frac{1}{4}$  لیتر آب لیمو نیاز داریم.

الف) آیا یک ظرف  $5/5$  لیتری برای تهیه‌ی این شربت کافی است؟

ب) حجم کل این شربت چند سی سی است؟

پ) اگر این مقدار شربت را در پنج بطری یکسان بزیم، حجم شربت هر بطری، چند سی سی خواهد شد؟

# مرور فصل

## فرهنگ نوشتن



۱- چند شکل هندسی مثل مثلث، مستطیل، ذوزنقه، استوانه، مکعب و دایره را در یک جعبه‌ی درسته بریزید. حالا قسمتی از جعبه را سوراخ کنید؛ طوری که بتوانید از داخل آن چیزی بردارید.  
الف) از دوستان بخواهید که از داخل جعبه شکلی را لمس کند و حدس بزند که چه شکلی است.

ب) حالا از دوستان بخواهید ویژگی‌های شکلی را که انتخاب کرده است، برای شما بنویسد و شما اسم آن شکل را بنویسید.

## تمرين

۱- الف) جدول زیر را کامل کنید و به سؤال‌ها جواب دهید.

شعاع دایره	قطر دایره	محیط دایره
۲	_____	_____
۴	_____	_____
۶	_____	_____

ب) وقتی اندازه‌ی شعاع دایره ۲ برابر می‌شود، محیط آن چند برابر می‌شود؟

پ) وقتی شعاع دایره ۳ برابر می‌شود، محیط آن چند برابر می‌شود؟



۲- محیط شکل رو به رو را پیدا کنید.

۳- هر جمله را با یکی از کلمه‌های **هیشه**، **هیچ وقت** یا **گاهی** کامل کنید.

الف) قطرهای لوزی با هم برابرند.

ب) دو تا از ضلعهای ذوزنقه با هم موازی‌اند.

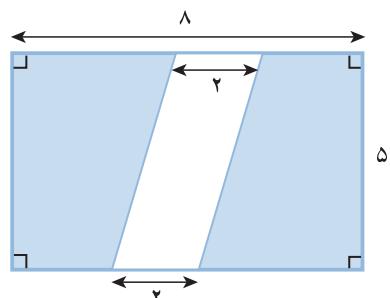
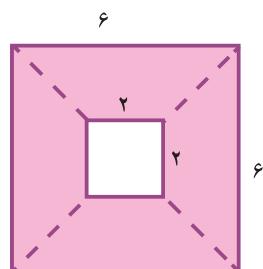
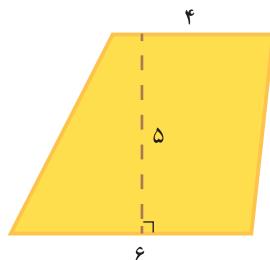
پ) قطرهای لوزی بر هم عمودند.

ت) دو تا از ضلعهای ذوزنقه با هم مساوی‌اند.

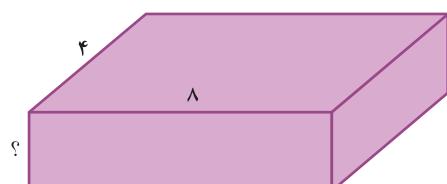
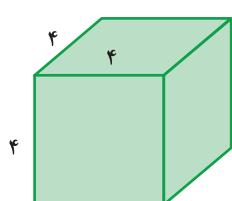
ث) می‌توانیم یک ذوزنقه با سه زاویه‌ی راست (قائمه) رسم کنیم.

ج) ذوزنقه دو زاویه‌ی راست (قائمه) دارد.

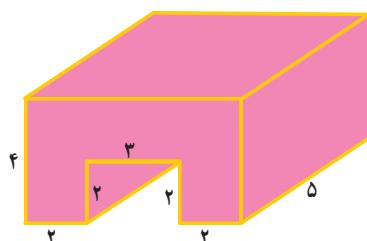
۴- مساحت قسمت رنگی در هر شکل را حساب کنید.



۵- اگر حجم دو شکل زیر برابر باشد، ارتفاع مکعب مستطیل سمت راست چقدر است؟

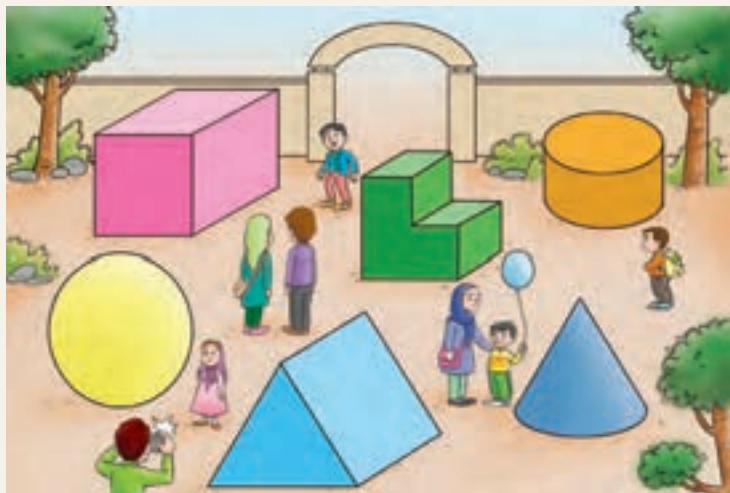
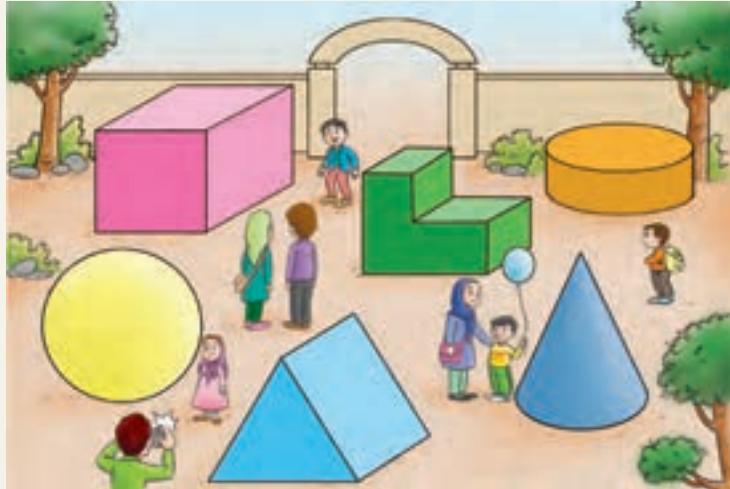


۶- حجم شکل زیر را پیدا کنید.

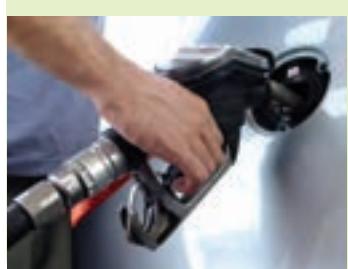


## معمّا و سرگرمی

بین دو شکل زیر حداقل ده اختلاف پیدا کنید. برای اندازه‌گیری می‌توانید از خط‌کش استفاده کنید.



## فرهنگ خواندن



در سال ۱۳۹۳، روزانه ۷ میلیون لیتر بنزین در کشور مصرف شده است؛ یعنی تقریباً هر روز ۲ میلیون و ۴۰۰ هزار خودرو حدود ۳۰ لیتر بنزین مصرف کرده‌اند. اگر این خودروها پشت سرهم قرار بگیرند، صفوی به طول ۷ هزار کیلومتر تشکیل می‌شود؛ یعنی حدوداً ۸ برابر فاصله‌ی تهران تا مشهد.

تصوّر کنید سوختن این مقدار بنزین چقدر می‌تواند آلودگی هوای تأثیرگذار باشد!