

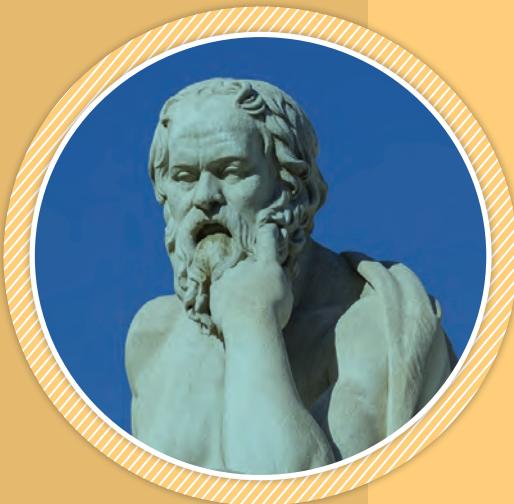
بخش سوم

تعريف

درس چهارم

اقسام و شرایط تعريف

سیرا
۴۷۰-۳۹۹



حکیمان کاندر این کردند تصنیف
چنین گفتند در هنگام تعريف:
ز ترتیب تصورهای معالم
شود تصدیق نامفهوم مفهوم
ولی ترکیب مذکور از چه و چون
بود محتاج استعمال قانون

(شيخ محمود شبستری، گلشن راز)

• آنچه در این بخش می خوانیم

دانستیم که با تعریف کردن به کمک تصویرهای معلوم به کشف تصویرهای مجھول دست می باییم. همچنین با سه حیطه ذهن، زبان و خارج آشنا شدیم.

در این بخش با سه نوع تعریف که با سه حیطه فوق ارتباط دارند آشنا می شوید.

تعریف، کاربرد وسیعی در علوم مختلف دارد. در تمامی علوم از اصطلاحات تخصصی خاصی استفاده می شود که در آن علم تعریف می شوند؛ اصطلاحاتی همچون : گشاور در فیزیک، قضیه در منطق، فتوستترز در زیست‌شناسی، جُلگه در جغرافیا و

در بحث و گفت و گوی میان دو نفر نیز داشتن تعریفی مشترک از یک مطلب اهمیت دارد. گاهی اوقات ریشه اصلی اختلافات ناشی از مشخص نبودن مفاهیم و نداشتن تعریفی دقیق از آنها است. بدین جهت آموختن نحوه تعریف صحیح مفاهیم و انواع تعریف، در زندگی انسان از اهمیت زیادی برخوردار است و ما را از دچار شدن به بسیاری از خطاهای ذهن باز می دارد.

درس چهارم

اقسام و شرایط تعریف

به بیت زیر از فردوسی توجه کنید :

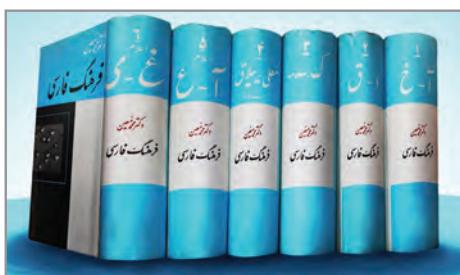
«بگفت این و از بارگه شد برون دو چشمش به مانند بواس خون»

اگر از شما بپرسند که « بواس » چیست؟ چگونه می‌توانید بواس را معرفی کنید؟

۱ یک راه آن است که به کتاب لغت مراجعه کنید. به عنوان مثال در لغت‌نامه در ذیل واژه « بواس » آمده است :

بواس :

- ۱- طشت بزرگ؛ ۲- نوعی کاسه مسی؛
- ۳- پیاله، ساغر؛ ۴- مکعب کوچکی که در شش طرف آن نقطه‌هایی از یک تاشش دارد؛ ۵- سربی مو.



به این نوع تعریف، «تعریف لغوی» می‌گویند.

اگر دوست شما پس از خواندن معنای لغوی « بواس »، باز هم از شما بخواهد که « بواس » را بهتر به وی معرفی کنید، چگونه می‌توانید به او کمک کنید؟

۲ راه دیگر این است که طاسی را پیدا کنیم و یا عکس آن را مانند تصویر رویه رو به وی نشان دهیم و بگوییم به این شیء طاس می‌گویند. به این نوع تعریف، «تعریف از طریق ذکر مصادیق» می‌گویند.



۳ راه دیگر آن است که نخست وجه مشابهت طاس با سایر اشیا را بیان کنیم و بگوییم: «نوعی ظرف مسی قدیمی است». بدین ترتیب ذهن شنوونده به سمت انواع ظروف مسی قدیمی می‌رود. سپس وجه تفاوت آن را بیان کنیم و بگوییم «شکل ظاهری آن بخشی از یک نیمکرهٔ کامل را تشکیل می‌دهد». بدین ترتیب ذهن شنوونده متوجه تفاوت طاس با طشت و دیگ و کماجدان و ... که همگی ظروف مسی قدیمی هستند، اما شکل ظاهری آنها متفاوت است، می‌شود.

همچنین می‌توانیم به عنوان وجه تفاوت طاس با سایر ظروف قدیمی، موارد استفاده و کاربردهای آن را بیان کنیم و بگوییم طاس از ظروف قدیمی است که در حمام‌های قدیم برای آب ریختن بر بدن استفاده می‌شده است. به این نوع تعریف، «تعریف مفهومی» می‌گویند.

حال پس از ذکر مثال فوق، به صورت دقیق‌تر با بعضی از انواع تعریف آشنا می‌شویم.

اقسام تعریف

۱- **تعریف لغوی** : در این شیوه، معنای لغوی یک مفهوم یا مترادف‌های آن و یا نحوهٔ شکل‌گیری لغوی آن بیان می‌شود. به عنوان مثال به موارد زیر توجه کنید :

- بهمن : مرکب از به (خوب و نیک) + من (نفس و اندیشه)، به معنای اندیشهٔ نیک است؛
- نام یکی از فرشتگان آسمانی در دین ایران باستان و نام ماه یازدهم از سال خورشیدی^۱.
- فردوس : معرب کلمهٔ فارسی پرdis، به معنای باع، بستان، بهشت.
- ناجا : مخفف حروف نخستین کلمات عبارت «نیروی انتظامی جمهوری اسلامی ایران».

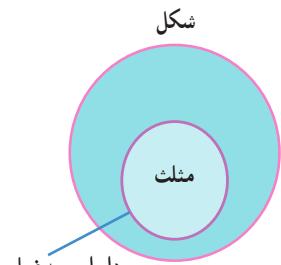
در این شیوه، از لغات و اصطلاحات مترادف و آشنا برای شنوونده استفاده می‌شود و به آن «تعریف لفظی» نیز می‌گویند.

۲- **تعریف از طریق ذکر مصادیق** : به موارد زیر توجه کنید :

- علائم رانندگی : به تابلوهایی مانند :  و  و  علائم رانندگی می‌گویند.
- مرکبات : پرتقال، نارنگی، لیمو و ... را مرکبات می‌گویند.
- رودخانه : ارس، کارون، دز، کرخه و ... رودخانه هستند.

۱- جهت اطلاع بیشتر به درس دوم از فصل اول کتاب تاریخ (۱) خود مراجعه نمایید.

در تعریف از طریق ذکر مصادیق، به ذکر نمونه‌ها یا تصاویری از مصادیق مفهوم مورد نظر می‌پردازیم. این شیوه از تعریف در مواردی مناسب است که بتوان به نحوی مصادیق آن مفهوم را به افراد معرفی کرد.



٣- تعریف مفهومی :

به موارد زیر توجه کنید:

- جیوه : فلزی است که در دمای طبیعی مایع است.
 - انسان : حیوانی است که دارای قدرت تعقل است.^۱
 - مثلث : شکلی است که دارای سه ضلع است.

در تعریف نخست، فلز بودن ویژگی مشترک جیوه با سایر عناصر مشابه آن است و وجه افتراق آن با سایر فلزات، مایع بودن در دمای طبیعی است. در تعریف دوم، حیوان بودن ویژگی مشترک انسان و سایر موجودات زنده متحرک است و داشتن قدرت تعقل، وجه افتراق وی با سایر حیوانات بهشمار می‌آید. در تعریف سوم، شکل بودن وجه اشتراک مثلث با مربع و دایره و... است و دارای سه ضلع بودن، وجه افتراق آن با سایر اشکال است.

بنابراین در این نوع از تعریف با دسته‌بندی ویژگی‌های یک مفهوم به ویژگی مشترک با سایر مفاهیم مشابه (امر عام) و ویژگی خاص آن شیء (امر خاص، ویژگی منحصر به فرد)، به تعریف شیء می‌پردازیم. تعریف را با مفهوم عام آغاز می‌کنیم و سپس مفهوم خاص‌تر را بیان می‌کنیم. از آنجا که در این تعریف، به تحلیل مفهوم مورد نظر می‌پردازیم، آن را «تعریف مفهومی» می‌نامند.

^۱- د. فلسفه، انسان، حیوانات (متفک) دانسته‌اند.

* تعریف به حد و رسم

در صورتی که امر عام و خاص از ذاتیات شیء باشند، آنها را به ترتیب جنس و فصل می‌نامند و این نوع تعریف را تعریف به حد (تعریف حدّی) می‌گویند. این نوع از تعریف در فلسفه از اهمیت زیادی برخوردار است و تعریف «حقیقی» نامیده می‌شود. در صورتی که امر خاص از عرضیات شیء باشد، آن را تعریف به رسم (تعریف رسمی) می‌گویند. تعریف رسمی بیان‌گر ذات اشیا نیست؛ اما باعث تمایز آنها از سایر اشیا می‌شود. اکثر تعریف‌هایی که در این درس معرفی شده‌اند، از نظر فلاسفه تعریف رسمی هستند. ابن سینا در مقدمه رساله مختصری که در تعریف برخی از کلمات نوشته است، دست یافتن به تعریف حقیقی اشیا را بسیار دشوار دانسته است و می‌نویسد:

«دوستانم از من می‌خواستند تا تعریف اشیای مختلف را به صورت تعریف حدّی برای آنها بیان کنم، و من از این‌کار پرهیز می‌کردم؛ زیرا می‌دانستم که تعریف به حد، گویی برای بشر دست نیافتنی است.»^۱

در این درس به منظور استفاده از تعریف در تمامی علوم، هرگونه تعریف مفهومی (چه در آن از مفاهیم ذاتی استفاده کنیم و چه از مفاهیم عرضی) که باعث تمایز شیء از اشیای دیگر شود، پذیرفته است و برای تعریف مفهومی نیازی به تشخیص ذاتیات اشیا و تمایز نهادن میان تعریف حدی و رسمی نداریم. بحث بیشتر و دقیق‌تر در این زمینه در کتاب‌های فلسفه بیان می‌شود.

ترکیب انواع تعریف با یکدیگر

از آنجا که هدف از تعریف کردن، شناساندن مفاهیم و تصورهای مجهول برای شنونده است، در بیشتر موارد ارائه مجموعه‌ای از چند نوع مختلف از تعریف، به معرفی بهتر آن مفهوم کمک می‌کند. به مثال زیر توجه کنید:

▪ **انتشارات:** جمع انتشار و نشر، سازمانی است که فرایند تولید کتاب را برعهده دارد.

مانند: تعریف لغوی
تعریف مفهومی

انتشارات سمت، انتشارات مدرسه و ...

تعریف از طریق ذکر مصادیق

۱- ابن سینا، رساله الحدود.

اقسام تعریف

۱- تعریف لغوی (تعریف لفظی)	}
۲- تعریف از طریق ذکر مصادیق	
۳- تعریف مفهومی	

تمرین



اقسام تعریف‌های زیر را مشخص کنید :

- نبی : لفظی عربی به معنای پیام‌آور، از ریشه «نبأ». (.....)
- نبی : انسان‌هایی همچون حضرت ابراهیم، عیسی و موسی و حضرت محمد (ص). (.....)
- نبی : کسی که از عالم غیب خبر می‌دهد؛ معجزه ارائه می‌کند و انسان‌ها را به سوی اطاعت خداوند فرامی‌خواند. (.....)
- بیماری‌های ویروسی : به بیماری‌هایی همچون سرماخوردگی، آفلوآنزا، آبله مرغان و اریون گفته می‌شود. (.....)
- سوبسید : یارانه. (.....)
- مسجد : ساختمانی که مسلمانان برای دعا و عبادت و خواندن نماز به آنجا می‌روند. (.....)
- خانه : (.....)
- خفاش : پستانداری که پرواز می‌کند و در شب به شکار می‌رود. (.....)
- انسان : حیوان متفکر (.....)

حکایت

پادشاهی خربزه خورد و از آن خوشش آمد. ندیم وی مدتی از ویژگی‌های خوب خربزه تعریف کرد و گفت: خربزه مقوی‌ترین میوه تابستان است که عطش را فرو می‌نشاند و سومون بدن را دفع می‌کند و به هضم غذا کمک می‌کند و... . پادشاه در خوردن خربزه زیاده‌روی کرد و دچار دلدرد شد. ندیم با دیدن حال پادشاه گفت: خربزه بی‌خاصیت‌ترین میوه تابستان است که دلدرد می‌آورد و برای سینه‌درد و سرماخوردگی مضر است و... پادشاه پرسید: مگر ساعتی قبل خربزه را جور دیگری تعریف نمی‌کردی؟ ندیم پاسخ داد: قربان! من نوکر شما هستم نه نوکر خربزه!

شرایط تعریف صحیح

تعریف‌های زیر را بخوانید و بگویید آیا به خوبی مفهوم مورد نظر را معرفی می‌کند.

- هوا : اسطقس^۱ شفافی است که نور را از خود عبور می‌دهد.
- دانشگاه : مرکزی علمی که زیر نظر وزارت علوم، تحقیقات و فناوری مدرک علمی اعطای می‌کند.

- مربع : شکل محدود به چهار ضلع
- علت : چیزی است که معلول داشته باشد و معلول چیزی است که علت داشته باشد. تعریف‌های بالا تعریف‌های خوبی نیستند. هنگام تعریف یک مفهوم، به ویژه در تعریف‌های مفهومی لازم است به نکات زیر توجه کنیم :

۱- واضح بودن؛ در تعریف باید از واژه‌های آشنا برای شنوونده استفاده کنیم تا واضح و قابل فهم باشد و نباید از واژه‌هایی استفاده نماییم که درک آنها برای شنوونده دشوارترند و یا وی را به اشتباه می‌اندازند. به عبارت دیگر باید از مفاهیم روشن‌تر و شناخته شده‌تر استفاده کنیم. بدین جهت لازم است از الفاظ مبهم و نامأнос و ایهام و استعاره پرهیز کنیم؛ مانند :

- قیمتی : ثمین («ثمین» نامأнос و ناشناخته‌تر از «قیمتی» است).

- هلال ماه : گوشواره آسمان (از استعاره استفاده شده است).

۱- اسطقس در یونانی به معنای عنصر است.

۲— جامع بودن؛ تعریف باید تمامی مصادیق آن مفهوم را دربرگیرد و به اصطلاح «جامع افراد» باشد؛ به عنوان مثال :

▪ تعریف مثلث به «شکلی که دارای سه ضلع مساوی است»، شامل برخی از انواع مثلث مانند مثلث قائم الزاویه نمی‌شود.

▪ تعریف فلز به «عنصری که هادی الکتریسیته است و در دمای معمولی جامد است» شامل جیوه نمی‌شود.

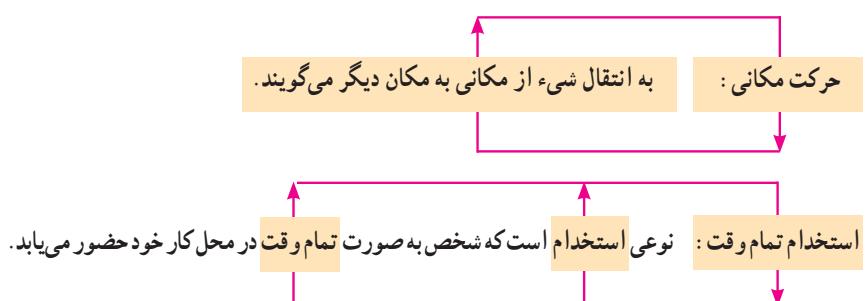
۳— مانع بودن؛ تعریف باید تنها بر مصادیق آن مفهوم صدق کند و بر مصادیق مفاهیم دیگر صدق نکند و در اصطلاح «مانع اغیار» باشد؛ به عنوان مثال :

▪ تعریف آینه به «شیئی که نور را منعکس می‌کند»، درست نیست، زیرا این تعریف تنها بر آینه صدق نمی‌کند و شامل سایر اشیای صیقلی نیز می‌شود.

▪ تعریف مستطیل به «شکلی با چهار ضلع که دو به دو موازی هستند» تنها شامل انواع مستطیل نمی‌شود و بر لوزی نیز صدق می‌کند.

گاه شرایط دوم و سوم را در کنار یکدیگر ذکر می‌کنند و می‌گویند : «تعریف باید جامع افراد و مانع اغیار باشد (جامع و مانع باشد)»؛ یعنی رابطه تعریف با آنچه تعریف می‌شود، از نظر مصادیق، رابطه تساوی باشد (و نه سایر نسبت‌های چهارگانه).

۴— دوری نبودن؛ تعریف یک چیز با استفاده از خودش (تعریف شیء به خود) را تعریف دوری می‌نامند که تعریفی نادرست به شمار می‌آید.



در داستانی در مثنوی به سؤال و جواب دوری اشاره شده است و حکایت شخصی نقل شده است که از دیگری سؤال می‌کند که چه خورده‌ای؟ او می‌گوید که از آنچه در سبو (کوزه) است، خورده‌ام :

گفت : آنچه خورده‌ام، گفت این خفی است

گفت : آنچه خورده‌ای آن چیست آن؟

تمرین



اِشكال تعريف‌های زیر را بیان کنید :

(.....)

انسان : حیوان راست قامت

زمان : امری که با ساعت که همان ابزار اندازه‌گیری زمان است،

(.....) سنجیده می‌شود.

(.....)

پرنده : حیوانی که پرواز می‌کند.

(.....)

خورشید : سکه طلایی آسمان

(.....)

یم : قماقِ

* اهمیت تعریف در اصطلاحات علمی

در همه رشته‌ها از قواعد تعریف برای مشخص کردن اصطلاحات تخصصی استفاده می‌شود. به عنوان نمونه یکی از علومی که از زبان فنی خاص و اصطلاحات نامأنوسی استفاده می‌کند که برای عموم مردم قابل فهم نیستند، علم حقوق است. متن حقوقی زیر را بخوانید و ببینید آیا متوجه منظور آن می‌شوید؟

«در مقابل شریکی که به حق شفعه تملک می‌کند، مشتری ضامن درک است نه بایع، لیکن



اگر در موقع اخذ به شفعه هنوز به تصرف مشتری داده نشده باشد، شفیع حق رجوع به مشتری

نخواهد داشت.» (ماده ۱۷، قانون مدنی)

از آنجاکه زبان حقوقی باید بتواند امنیت قضایی را تضمین کند، زبانی دقیق و ویژه است؛ بدینجهت گوچه اصطلاحات آن برای عموم نامفهوم است؛ اما برای کسی که از تعریف آنها اطلاع دارد، زبانی است که از هرگونه اشتراک لفظ و ابهام و امکان تفسیر نادرست به دور است. به عنوان نمونه در این علم، میان «اذن» و «اجازه» که در عرف به یک معنا هستند، تفاوت وجود دارد. بدینجهت استفاده از اصطلاح‌نامه‌های دقیق حقوقی که به تعریف اصطلاحات این علم پرداخته‌اند، برای قانونگذار، حقوق‌دان، قاضی، وکیل، مشاور حقوقی، مترجم آثار حقوقی و متصدی دفتر اسناد رسمی ضروری است.

● تحقیق کنید که در علم حقوق چه فرقی میان اذن و اجازه وجود دارد.

۱. **فعالیت تكمیلی**

۱- کلماتی که توسط فرهنگستان زبان و ادب فارسی برای معادلهای کلمات خارجی وضع می‌شوند، چه نوع تعريفی به شمار می‌آیند؟

۲- تعریف لغوی این کلمات را بنویسید : شابک، نداجا، پهپاد، هما.

۳- دیزی را برای افراد زیر تعريف کنید :

الف) برای کسی که آبگوشت خورده است.

ب) برای فردی از کشوری دیگر که در زندگی خود تاکنون آبگوشت ندیده و نخورده است.

ج) از این تمرین چه نکته‌ای را درباره نحوه تعريف کردن مفاهیم نتیجه می‌گیریم؟

۴- اقسام تعريف‌های زیر را تعیین کنید :

الف) کتاب مقدس : کتاب‌هایی همچون قرآن و انجیل

ب) عینک دو کانوئی : عینک‌هایی برای دید دور و نزدیک که در کنارهم در یک لنز قرار دارند و فرد را قادر می‌سازند که هر دو فاصله دور و نزدیک را به وسیله یک عینک بینند.

ج) مروارید : تنها جواهری که توسط حیوانات تولید می‌شود. صدف، لایه‌هایی را به دور

شیء خارجی‌ای که وارد آن شده است، ترشح می‌کند و بدین ترتیب مروارید پدید می‌آید.

د) مثلث : شکلی با خطوط بسته که مجموع زوایای داخلی آن 180° درجه است.

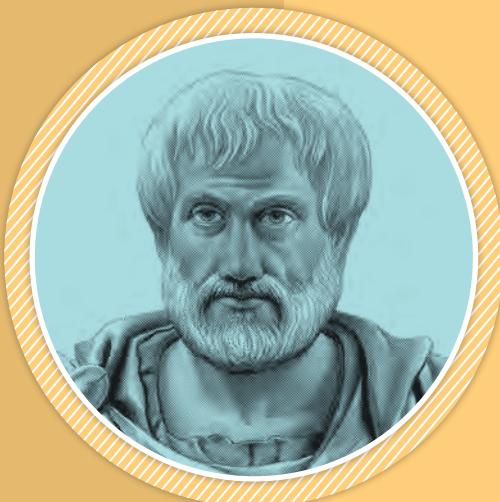
- ۵- با مراجعه به کتاب‌های ریاضی و آمار (۱) و جامعه‌شناسی پایه دهم، نوع تعریف‌های ذکر شده درباره «آمار» و «گُنّش» را مشخص کنید.
- ۶- اسکال تعریف‌های زیر را مشخص کنید:
- الف) عارفی را پرسیدند: جوانمردی چیست؟ گفت: ترک کام‌جویی. گفتند: کام‌جویی کدام است؟ گفت: ترک جوانمردی.
- ب) امتداد: بُعد مَفْطُور در اجسام را گویند.
- ج) نقاشی: تصویری کشیده شده بر پارچه با قلم مو
- د) دقت: استعدادی نفسانی است که به وسیله آن، ذهن مطلبی را به دقت بررسی می‌کند.
- ه) ماهی: مهره‌داری که دارای آبشش است.

بخش چهارم

استدلال

استقرایی

درس پنجم
اقسام استدلال
استقرایی



اسطو
۳۲۴-۸۷۳ ق.م

گاه چیزی از زر ناب است و گاه از زر
کم عیار و گاه از نقره زراندود، استدلال
نیز گاهی تمام عیار و پاک و بی‌غش
است و گاه روکشی از طلا دارد؛ ولی
طلای حقیقی نیست.

(ارسطو، ارغونون)

• آنچه در این بخش می‌خوانیم

همان طور که در درس نخست بیان شد، پس از مبحث تعریف نوبت به مبحث استدلال می‌رسد. به استدلال‌های زیر توجه کنید؛ با وجود آنکه همه این استدلال‌ها به یک نتیجه می‌رسند، چه تفاوتی با یکدیگر دارند؟

۱ کسی که شب نخواهد بود، مانند باتری‌ای است که شارژ آن تمام شده باشد؛ بنابراین به خواب کافی نیاز دارد.

۲ هر بار که شب‌ها به میزان کافی نخواهد بود، در طول روز خسته بوده‌ام؛ بنابراین به خواب کافی نیاز دارم.

۳ من انسان هستم و هر انسانی به خواب کافی نیاز دارد؛ بنابراین به خواب کافی نیاز دارم.

استدلال نخست از یک تشبیه استفاده کرده است که ممکن است مورد مناقشه قرار گیرد. استدلال دوم از چند تجربه به این نتیجه دست یافته است و در مورد سوم از قانونی کلی درباره نیاز بدن به این نتیجه رسیده است. در این بخش و دو بخش بعدی کتاب با انواع استدلال بیشتر آشنا می‌شویم.

اقسام استدلال استقرایی

اقسام استدلال

به استدلال‌های زیر توجه کنید :

- ۱ می‌دانیم که برای رفتن به دانشگاه باید دیپلم بگیریم و حمید دانشجو است. بنابراین نتیجه می‌گیریم که او دیپلم دارد.
- ۲ راننده ماهری را در نظر بگیرید که بارها توانسته است در شرایط خطرناک خودروی خود را کنترل کند. بنابراین نتیجه می‌گیریم که او هیچ‌گاه با کسی تصادف نخواهد کرد. در مورد نخست، نتیجه به دست آمده ضرورتاً صحیح است؛ اما در مورد دوم این نتیجه قطعی نیست. براین اساس استدلال‌ها^۱ را به دو دستهٔ زیر تقسیم می‌کنند：
 - ۱— استدلال قیاسی که در آن مقدمات، ضرورتاً نتیجه را در پی دارند.
 - ۲— استدلال استقرایی که در آن مقدمات، از نتیجه حمایت نسبی می‌کنند.در این درس با اقسام استدلال استقرایی و در درسنایی بعد با اقسام استدلال قیاسی آشنا می‌شویم.

۱— به استدلال، دلیل و استنتاج نیز گفته می‌شود.

اکنون به استدلال‌های استقرایی زیر توجه کنید:

- ۱ گوشی تلفن جدیدی که به بازار آمده است، ظاهری شبیه گوشی من دارد؛ بنابراین باید امکانات و برنامه‌های آن نیز با گوشی من یکسان باشد.
- ۲ هر بار که از این نوع پارچه استفاده می‌کنم، چرخ خیاطی من درست کار نمی‌کند؛ بنابراین چرخ خیاطی من نمی‌تواند با این نوع پارچه کار کند.
- ۳ در این موقع از روز، چراغ خودروهایی که در این جاده کوهستانی از طرف مقابل می‌آیند روشن است؛ بنابراین احتمالاً در جلوی ما تونل وجود دارد. نتیجه تمامی این استدلال‌ها قطعی نیست، اما در آنها از سه نوع استقرای متفاوت استفاده شده است.

در مورد نخست حکم یک نمونه را به دلیل مشابهت ظاهری به مورد دیگر سراحت داده‌ایم. در مورد دوم با بررسی چند نمونه پارچه، حکم خود را به نوعی پارچه تعیین داده‌ایم. در مورد سوم با دیدن روشن بودن چراغ خودروها در روز و کوهستانی بودن جاده، با بررسی احتمالات مختلف، بهترین تبیین از این پدیده بیان شده است. استدلال‌های استقرایی که در این درس با آنها آشنا می‌شویم شبیه یکی از استدلال‌های فوق هستند.

۱- استقرای تمثیلی

تمثیل یکی از روش‌ها در توضیح و فهم مطالب است. در علوم مختلف از مشابهت میان پدیده‌های مختلف برای توضیح بهتر مطالب استفاده می‌کنند. به موارد زیر توجه کنید:

- در ادبیات: تمثیل در ادبیات همان شبیه است. آثار ادبی همچون کلیله و دمنه، مرزبان نامه و منطق الطیر آکنده از داستان‌های تمثیلی هستند.
- در روان‌شناسی: بسیاری از مشاوران و روان‌شناسان برای بهتر بیان کردن نظر خود، داستان مراجعه کننده دیگری را برایتان نقل می‌کنند که مشکل مشابهی داشته است و با به کار بستن راه حل آن مشاور، توانسته است مشکل خود را حل کند.

- در صنایع هوایی: خلبان‌ها مراحلی از تمرینات خود را در دستگاه‌های شبیه‌ساز پرواز، انجام می‌دهند.

* تمثیل غار افلاطون

افلاطون زندگی انسان در عالم مادی را به زندگی زندانیانی در یک غار تاریک تشییه کرده است که از همه حقایق هستی، تنها سایه‌هایی را که بر روی دیوار می‌افتد، مشاهده می‌کنند. از نظر وی انسان تنها با رهایی از این غار و رسیدن به روشنایی روز می‌تواند حقایق هستی را چنان‌که هست، ببیند. این تمثیل که در فهم نظام فلسفی افلاطون نقش کلیدی دارد، در تاریخ فلسفه به «تمثیل غار» معروف است. در کتاب فلسفه سال آینده با این تمثیل بیشتر آشنا می‌شوید.



استقرای تمثیلی استدلالی است که برای رسیدن به نتیجه از تمثیل استفاده می‌کند. اکنون استدلال‌های زیر را که از تمثیل استفاده کرده‌اند، بخوانید و میزان قوت و ضعف آنها را مشخص کنید:

- چون با خودروی شخصی به راحتی رانندگی می‌کنم، پس می‌توانم با کامیون هم به راحتی رانندگی کنم.
- دل درد امروزم خیلی شبیه علائم بیماری پسربعومیم است؛ بنابراین بهتر است من هم داروهای او را مصرف کنم.

چنان‌که ملاحظه می‌کنید استقرای تمثیلی استدلالی ضعیف است و نتایج آن احتمالی است. چرا که به صرف مشابهت ظاهری میان دو امر جزئی نمی‌توان احکام یکی را بر دیگری تسری داد. هرچه وجود مشابهت میان دو امر بیشتر باشد، استقرای تمثیلی قوی‌تر است؛ اما نتیجه آن قطعی نیست. استدلال تمثیلی می‌تواند منجر به مغالطه شود که آن را «مغالعة تمثیل ناروا» می‌نامند.

به عنوان مثال برخی از شرکت‌ها نام یا نشانه‌ای مشابه شرکتی معتبر انتخاب می‌کنند تا افراد گمان کنند که تولیدات آنها نیز از نظر کیفیت مشابه آن شرکت معتبر است. معمولاً هنگامی که نام شیرینی فروشی یا سوغات محلی در یکی از شهرها معروف می‌شود، سایر شرکت‌ها از نام آنها استفاده می‌کنند یا نامی مشابه آنها درست می‌کنند. آیا می‌توانید تعدادی از این موارد را نام ببرید؟



حکایت

فردی دچار چشم درد شده بود و از دوست خود چاره خواست. دوستش گفت:
پارسال دندانم درد می‌کرد، آن را کندم و راحت شدم!

- برای مقابله با مغالطه تمثیل ناروا، می‌توان از دو روش استفاده کرد:
- ۱- توجه به وجود اختلاف؛** به عنوان مثال اگر کسی بگوید: «کتاب‌های قدیمی مانند کالای خوراکی‌اند که تاریخ مصرف آنها گذشته است؛ بنابراین قبل استفاده نیستند»، می‌توانیم بگوییم: ما داریم درباره کتاب صحبت می‌کنیم که محصول تفکر بشر است نه درباره مواد خوراکی. سپس به برخی از جنبه‌های اختلاف میان دو امر اشاره کنیم و بگوییم: برخی از کتاب‌های قدیمی جزو میراث فکری بشرند و مطالب آنها هنوز صحیح هستند.
 - ۲- یافتن استدلال تمثیلی مخالف؛** راه دیگر مقابله با استقرای تمثیلی غلط، یافتن تمثیلی مخالف با آن است؛ مثلاً در رد استدلال فوق می‌توان گفت: خیر، کتاب‌های قدیمی مانند اشیای قدیمی ارزشمندی هستند که باید به دقت از آنها نگهداری کرد.

حکایت

روزی سیاحی نزد بایزید آمد. بایزید از وی پرسید: چرا این قدر سفر می‌کنی؟ سیاح پاسخ داد: آب اگر یک جا بماند، می‌گندد. بایزید گفت: دریا باش تا نگندی.



درباره سوالات مطرح شده در مورد دو استقرای تمیلی زیر با دوستان خود بحث کنید:
پرتو نیکان نگیرد هر که بنیادش بد است تربیت نا اهل را چون گردکان بر گند است^۱

با بدان کم نشین که صحبت بد
گرچه پاکی تو را پلید کند
آفتاب ارچه روشن است اورا
پاره ای ابر ناپدید کند^۲

- آیا این دو استدلال درباره نقش تربیت در افراد، مخالف یکدیگرند یا می‌توان به نحوی آنها را با یکدیگر جمع کرد؟
- این استدلال‌ها تا چه میزان قوی‌اند؟



۲- استقرای تعمیمی

- استدلال‌های زیر را بررسی کنید و بگویید آیا نتایج گرفته شده صحیح‌اند؟
- دو تن از دوستان من فارغ التحصیل رشته جغرافیا هستند؛ اما شغل مرتبطی پیدا نکرده‌اند؛ پس رشته جغرافیا بازار کار ندارد.
 - پس از گذشت یک ماه هنوز عوارض جانبی از این دارو گزارش نشده است؛ بنابراین این دارو عوارض جانبی برای شما ندارد.

در استدلال‌های فوق با مشاهده چند مورد جزئی، حکمی کلی به دست آمده است. اما این استدلال‌ها چندان قوی نیستند؛ زیرا ممکن است بسیاری دیگر در رشته جغرافیا شغل‌های مرتبطی پیدا کرده باشند یا پس از گذشت چند سال، عوارض جانبی دارو مشخص شود. اکنون استدلال‌های زیر را بررسی کنید و میزان قوت آنها را ارزیابی کنید:

- نظرسنجی‌ها نشان می‌دهند که بیشتر مردم به کاندیدای حزب مرأی خواهند داد؛ بنابراین

به احتمال زیاد حزب ما برنده خواهد شد.

▪ تاکنون همه کلاعنهایی که دیده‌ایم سیاه بوده‌اند؛ پس



۱- سعدی

۲- سنایی

ممکن نیست هیچ‌گاه کلاع سفیدی پیدا شود.

این دو استدلال از موارد نخست قوی‌تر هستند؛ اما آیا یقین آورند؟

در درس ریاضی و آمار ۱ باشیوه استقرای تعمیمی که بر اساس گردآوری داده‌ها و نحوه تخمین زدن مناسب است، آشنایی شوید. از آنجا که در استقرای تعمیمی تک تک جامعه آماری را بررسی نمی‌کنیم و از نمونه‌های تصادفی استفاده می‌کنیم، مبنای آن بر اساس تخمین بنا شده است و نمی‌توان نتیجه یقینی از آن گرفت. درباره استدلال‌های استقرایی از اصطلاح «قوی» و «ضعیف» استفاده می‌شود و چنان‌که مشاهده کردید، استدلال‌های استقرایی از نظر قوت و ضعف در سطوح مختلفی قرار دارند.

استقرای و علوم تجربی

دانشمندان علوم تجربی تلاش می‌کنند با استفاده از استدلال‌های استقرایی قوی، مبنایی برای علوم تجربی فراهم آورند. به عنوان مثال در فیزیک و شیمی با انجام آزمایش‌های متعدد در آزمایشگاه، قوانین کلی علمی تأیید می‌شوند.

نمونه زیر مثالی از یک استدلال استقرایی است :

آهن در اثر حرارت منبسط می‌شود.

روی در اثر حرارت منبسط می‌شود.

مس در اثر حرارت منبسط می‌شود.

.....

پس : فلزات در اثر حرارت منبسط می‌شوند.



شرایط استقرایی تعمیمی قوی

برای داشتن استنتاج استقرایی قوی رعایت کردن نکاتی لازم است. در اینجا به برخی از مهم‌ترین آنها اشاره می‌شود :

۱- نمونه‌ها باید متفاوت و تصادفی باشند.

مثالاً در صورتی که فقط از دیبرستانی که در آن درس می‌خوانیم، نظرسنجی کنیم و بخواهیم نتایج آن را به همه دیبرستان‌های کشور تسری دهیم، نتیجه‌گیری ما درست نخواهد بود.

۲- نمونه‌ها باید بیانگر همه طیف‌های مختلفی باشند که در جامعه آماری ما وجود دارند.

به عنوان مثال در بررسی دیبرستان‌ها باید از تمامی انواع دیبرستان‌ها (دخترانه، پسرانه، دولتشی، غیردولتشی و...) چند نمونه را مورد بررسی قرار دهیم.

۳- تعداد نمونه‌ها نسبت به کل جامعه آماری نسبت مناسبی داشته باشند^۱.

به عنوان مثال، نتایج حاصل از آماری که از ۱۰ دیبرستان از مجموع ۲۰۰ دیبرستان به دست می‌آید، نمی‌تواند بیانگر کل دیبرستان‌ها باشد. اما آماری که از ۱۷۰ دیبرستان

به دست آمده است، تا حد زیادی قابل تعمیم به ۲۰ دیبرستان خواهد بود.

هنگامی که شرایط استفاده از استقرای را به درستی رعایت نمی‌کنیم، دچار مغالطة «تعمیم شتاب‌زده» می‌شویم.

* استقرای قام

گاه قام مصاديق یک مجموعه را بررسی و آنگاه نتیجه‌گیری می‌کنیم. به عنوان مثال اداره ثبت احوال می‌تواند به طور دقیق قضایی در مورد نوزادانی که در سال گذشته برای آنها شناسنامه صادر شده است بیان کند. همچنین در انتخابات از طریق استقرای قام، مشخص می‌شود که کسانی که در انتخابات شرکت کرده‌اند، به چه سلیقه و نظری گرایش دارند. بنابراین هنگامی که تمامی موارد یک مسئله را بررسی می‌کنیم، مسلم است که نتیجه به دست آمده قطعی خواهد بود. به همین دلیل منطق دانان مسلمان استقرای قام را نوعی قیاس به شمار آورده‌اند که ظاهری شبیه به استقرای دارد.

۱- میزان این نسبت در رشته آمار مشخص می‌شود.

تمرین



قوت و ضعف استدلال‌های استقرایی زیر را مشخص کنید :

- هزاران سال است که خورشید صبح‌ها طلوع کرده است؛ بنابراین از این به بعد نیز طلوع خواهد کرد.
- چند روز است در راه دبیرستان به دوستم برخورد می‌کنم؛ بنابراین از این به بعد نیز او را خواهم دید.
- در صد سال گذشته همواره در آبان ماه بارندگی داشته‌ایم؛ بنابراین در آبان سال‌های بعد نیز بارندگی خواهیم داشت.
- میوه‌های روی این جعبه درشت و مرغوب‌اند؛ بنابراین کل میوه‌های این جعبه درشت و مرغوب‌اند.

۳ – استنتاج بهترین تبیین

- دزد از در یا دیوار حیاط نیامده است. پس تنها احتمال دارد که از پشت بام آمده باشد. هنگامی که کارآگاهی با صحنه جرم مواجه می‌شود، احتمالات مختلفی را بررسی می‌کند و با حذف تبیین‌های اشتباه، به بهترین تبیین دست می‌یابد. این روش نیز نوعی استدلال استقرایی است. در این روش که آن را «استنتاج بهترین تبیین» می‌نامند، دقیقاً همانند یک کارآگاه عمل می‌کنیم.
- فرض کنید شکلاتی را شب در یخچال گذاشته‌اید و صبح آن را پیدا نمی‌کنید. از خود می‌پرسید : «شکلات چه شده است؟»

- شاید دزدی به خانه شما آمده باشد! نه این احتمال خیلی بعيد است اگر دزد آمده بود به سراغ وسایل دیگر هم می‌رفت؛ ولی چیز دیگری در خانه تغییر نکرده است.



- شاید شکلات بخار شده باشد! نه، چنین فرضی با وجود سرمای یخچال معقول نیست؛

به علاوه چرا حتی کاغذ آن هم باقی نمانده است؟!

- شاید یادم رفته است که آن را در یخچال بگذارم! نه، خوب یادم هست که آن را پشت ظرفی پنهان کردم.
- شاید یخچال را خوب نگشته‌ام! نه، همه وسائل آن را بیرون آوردم؛ اما شکلات نبود.
- شاید برادرم آن را برداشته است! نه، او قبل از من خوابید و هنوز خواب است.
- شاید مادرم آن را برداشته است! نه، مادرم شکلات تلغی دوست ندارد.
- شاید پدرم آن را برداشته است! این بهترین احتمال است!.

استنتاج بهترین تبیین در زندگی روزمره بسیار کاربرد دارد. در مسائل علمی نیز از این نوع استنتاج جهت بررسی فرضیه‌های علمی استفاده می‌شود.

حکایت



شبی کارآگاه شرلوک هلمز که در زمینهٔ استنتاج‌های بهترین تبیین معروف است، با دستیار خود در بیرون شهر چادر زده و خوابیده بودند. نیمه‌های شب، هلمز دستیار خود را بیدار کرد و گفت: به ستارگان نگاه کن و بگو با دیدن آنها چه نتیجه‌ای می‌گیری؟ او کمی فکر کرد و گفت: از نظر ستاره‌شناسی چون ماه در آسمان نیست، پس اواخر ماه است. از نظر الهیات، قدرت خداوند مشاهده می‌شود. از نظر هواشناسی، هوا آرام است و فردا آفتابی خواهد بود. از نظر ...؛ هلمز حرف او را قطع کرد و گفت: نتیجه می‌گیریم که یکی چادر ما را دزدیده است!

۱- چنان‌که ذکر شد استنتاج بهترین تبیین نوعی استقرا است و بنابراین نتیجه آن قطعی نیست. به عنوان نمونه در مثال ذکر شده، هنوز احتمالات دیگری وجود دارند.

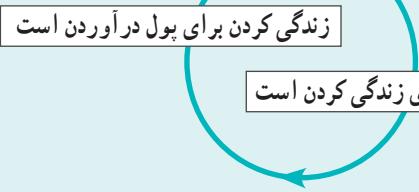
تمرین



- ۱- در موارد زیر به کمک استنتاج بهترین تبیین چه نتیجه‌ای می‌توان گرفت؟
- کودکی در سوپرمارکت گریه می‌کند و پایش را محکم روی زمین می‌کوبد.
 - یکی از آشنایان با قیافه ناراحت از شما می‌خواهد که بنشینید تا خبری را به شما بگوید. سپس می‌گوید: پدر بزرگتان! و سپس ساكت می‌شود.
 - ماشینتان را زیر تابلوی توقف منوع پارک کرده بودید و حالا که برگشته‌اید، ماشین در جای خود نیست.

- ۲- مشخص کنید اظهار نظر درباره زمین لرزه تهران در موارد زیر به نحو استدلال قیاسی مطرح شده است یا استقرای تمثیلی و یا استقرای تعییمی؟
- چون گسل‌های متعددی در تهران وجود دارد؛ لذا در تهران باز هم زلزله می‌آید. (.....)
 - تهران مانند یک بیمار است؛ لذا هر چند وقت یک بار به خود می‌لرزد. (.....)
 - هر ۱۷۵ سال یک بار در تهران زلزله آمده است؛ لذا در تهران باز هم زلزله می‌آید. (.....)

* استدلال دوری

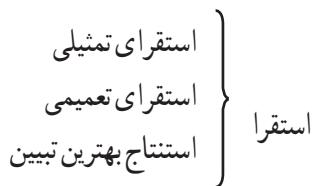


- چرا به دنبال پول درآوردن هستی؟
- تا بتوانم زندگی کنم.
- چرا زندگی می‌کنم؟
- تا بتوانم پول درآورم!

استدلال فوق، استدلالی دایره‌وار است. لذا آن را «استدلال دوری» می‌نامند. در مبحث تعریف نیز با تعریف دوری آشنا شدید. همانند تعریف دوری، استدلال دوری نیز استدلالی باطل است^۱. استدلال دوری را «مصادره به مطلوب» نیز می‌نامند. به مثال‌های زیر توجه کنید:

- این فیلم بهترین فیلم سال است؛ چون خیلی بهتر از فیلم‌های دیگر است.
- چرا فکر می‌کنی تیم شما بهترین است؟ چون تیم ما حرف ندارد!

^۱- در درس فلسفه پایه دوازدهم با مسئله امتناع دور (محال بودن دور) آشنا می‌شویم.



فعالیت تکمیلی

۱- با توجه به شعر طوطی و بقال در درس چهاردهم کتاب فارسی (۱) پایه دهم :

(الف) مطابق با اصطلاحات منطق، نتیجه‌گیری طوطی، استقرایی یا قیاسی است؟

(ب) در این شعر، کار طوطی قیاس نامیده شده است. بنابراین اصطلاح قیاس در ادبیات معادل کدام یک از استدلال‌های منطقی است؟

۲- انسکال استدلال‌های زیر را بیان کنید :

(الف) نمک و گچ هر دو سفیدند؛ پس گچ مانند نمک شور است.

(ب) آهن فلز است و در دمای طبیعی جامد است؛ پس جیوه نیز که فلز است، مانند آهن در دمای طبیعی جامد است.

(ج) جهانگردی وارد شهر غریبی شد و برای خرید به دو مغازه مراجعه کرد که هر دو گران فروش بودند. وی نتیجه گرفت که همه مغازه‌داران آن شهر گران فروش هستند.

(د) دیروز با وی آشنا شدم. از ظاهرش پیداست که فردی مهربان و قابل اعتماد است؛ بنابراین تصمیم گرفته‌ام در شرکت وی سرمایه‌گذاری کنم.

(ه) متوسط قد پانزده هزار نفر از مردم ایران ۱۶۰ سانتی متر است؛ بنابراین متوسط قد کل مردم ایران ۱۶۰ سانتی متر است.

۳- نوع استدلال‌های زیر را از میان اقسام استقرا و قیاس تعیین کنید و قوت و ضعف آنها را مشخص کنید :

(الف) ابن خلدون می‌نویسد : تمدن مانند انسانی است که متولد می‌شود و رشد می‌کند و پس از مدتی تبدیل به جوان برومندی می‌شود و به اوج شکوفایی خود می‌رسد. اما پس از مدتی

دوران پیری و کهولت آن فرا می‌رسد و به تدریج می‌میرد؛ بنابراین هر تمدنی از میان می‌رود.^۱

(ب) سگ گله هنگام دزدیده شدن گوسفند پارس نکرده است. پس مطمئناً دزد غریبه نیست.

(ج) از آنجا که در مدت یک سال گذشته در ساعت هفت این خیابان خلوت بوده است،

۱- ابن خلدون، مقدمه.

امروز نیز خلوت است.

د) از آنجا که این چند روز شهر تعطیل است و بسیاری از مردم به مسافرت رفته‌اند، امروز در ساعت هفت این خیابان خلوت است.

ه) آمارها نشان می‌دهند که اکثر تصادفات جاده‌ای ناشی از سرعت غیر مجاز است.
و) تمامی تاکسی‌های شهر ما، مطابق قانون زرد رنگ هستند. بنابراین، این ماشین سفید تاکسی نیست.

۴- با توجه به بحث آمار در درس اول از فصل چهارم کتاب ریاضی و آمار (۱) پایه دهم به سؤالات زیر پاسخ دهید :

الف) وزن ماهی‌های حوضچه به نحو یقینی محاسبه شده است یا تخمینی؟
ب) با استفاده از کتاب آمار بگویید جامعه آماری چیست و چه ارتباطی با مبحث استقرا دارد؟
ج) آیا مشت همواره نمونه خروار است؟ توضیح دهید.

۵- در موارد زیر به کمک استنتاج بهترین تبیین چه نتیجه‌ای می‌توان گرفت؟ تمامی احتمالات مختلف را ذکر کرده و بررسی نمایید :

الف) فردی در جلوی بیمارستان با عکس رادیولوژی جلوی شما را می‌گیرد و از شما کمک مالی می‌خواهد.

ب) مردم جلوی در خانه‌ای با ظرف غذا به صفت ایستاده‌اند.
ج) در ایام محروم خیابانی که معمولاً خلوت بوده است، شلوغ شده است.

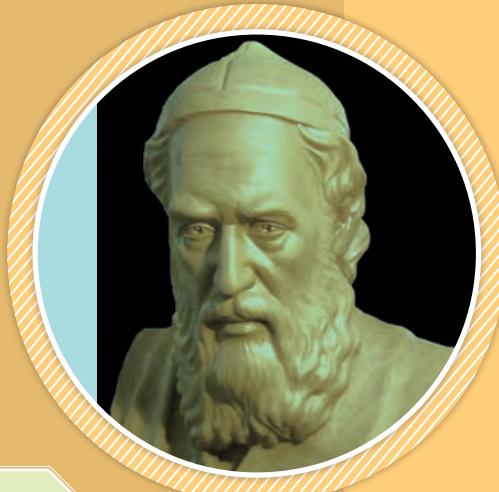
بخش پنجم

قضیه حملی و قياس قدراتی

درس ششم
قضیه حملی

درس هفتم
احکام قضایا

درس هشتم
قياس اقتصانی



بَحْثٌ
عَنْ
الْمُلْكِ
وَالْمُلْكَةِ
أَوْ
الْمُلْكَيْنِ

سؤال دارم چندی، جواب باید داد
اگر غوامض منطق تو را شدست آسان
قياس را ز چه معنی نهاده‌اند اشکال؟
به شکل و صورت، آن را چه نسبت است و نشان
نخست منطق بوده است یا علوم نظر؟
که این چو میزان و آن چو سود و زیان

(ابوالعباس لوکری،
قصیده اسرار الحکمة)

• آنچه در این بخش می خوانیم

به مثال‌های زیر توجه کنید :

- ۱ هر کتابی خواندنی است.
- ۲ بعضی از کتاب‌ها خواندنی هستند.
- ۳ کلیله و دمنه خواندنی است.
- ۴ بعضی از کتاب‌ها خواندنی نیستند.
- ۵ کلیله و دمنه کتاب است.

عبارات فوق نمونه‌ای از انواع جملاتی هستند که در این فصل با آنها آشنا می‌شویم. در جمله نخست مطلبی کلی درباره همه کتاب‌ها بیان شده است. در جمله‌های سوم و پنجم درباره یک کتاب خاص صحبت شده است و جمله‌های دوم و چهارم درباره بعضی از کتاب‌ها صحبت می‌کنند. در درس ششم با این‌گونه جملات و اسمی آنها در منطق آشنا می‌شویم.

میان این جملات روابطی نیز برقرار است. به عنوان مثال اگر جمله نخست درست

باشد، آیا جمله‌های دوم و سوم نیز درست خواهد بود؟

همچنین اگر جمله چهارم درست باشد، آیا جمله نخست درست خواهد بود؟

این‌گونه روابط را در درس هفتم تحت عنوان احکام قضایا می‌آموزید.

همچنین در درس هشتم، قیاسی که بر اساس این قضایا شکل می‌گیرد، بررسی خواهد شد.

درس ششم

قضیه حملی

قضیه

جملات زیر را بخوانید و سپس عبارات داده شده را تکمیل کنید.

- ۱ آب از ترکیب هیدروژن و اکسیژن با یکدیگر پدید می‌آید.
- ۲ امروز بعد از ظهر به من زنگ بزن.
- ۳ اجسام فلزی گرما را منتقل نمی‌کنند.
- ۴ آیا تاکنون از موze دیدن کرده‌اید؟

برخی جملات، انشایی هستند؛ یعنی خبری از عالم خارج نمی‌دهند؛ بلکه تمایلات، احساسات، خواسته‌ها و اموری از این دست را مطرح می‌کنند. مانند :

.....

برخی جملات خبری‌اند؛ یعنی درباره عالم خارج خبر می‌دهند؛ مانند :

.....

برخی از جملات خبری صادق‌اند؛ یعنی با واقعیت مطابقت دارند؛ مانند :

.....

برخی از جملات خبری کاذب‌اند؛ یعنی با واقعیت مطابقت ندارند؛ مانند :

.....

از بررسی این فعالیت درمی‌یابیم که تنها جملات خبری‌اند که قابلیت صادق یا کاذب بودن را دارند. از آنجاکه وظیفه منطق جلوگیری از خطای اندیشه است و جملات انشایی (مانند : جملات امری، پرسشی و...) را نمی‌توان صادق یا کاذب دانست، این دسته از جملات در منطق بررسی نمی‌شوند.

به جملات با معنایی که درباره چیزی خبر می‌دهند و می‌توانیم درباره صدق (درستی) یا کذب (نادرستی) آنها سخن بگوییم «قضیه» می‌گویند.

تمرین



۱- کدامیک از جملات زیر در منطق «قضیه» نامیده می‌شوند؟

- (...) که گفتت برو دست رستم بیند؟
- (...) دلا معاش چنان کن که گر بلغزد پای فرشتهات به دو دست دعا نگه دارد.
- (...) اگر ماشین را بیمه کنی، هنگام تصادف خیالت آسوده است.
- (...) هر چیز به جای خوبش نیکوست.

۲- در زبان فارسی چه کلمات دیگری را معادل صادق و کاذب به کار می‌بریم؟

- صادق : (.....) (.....)
کاذب : (.....) (.....)

اقسام قضیه

به قضایای زیر توجه کنید :

۱ هر مثلثی سه زاویه دارد.

۲ اگر شکلی مثلث باشد، آنگاه سه زاویه خواهد داشت.

در قضیه نخست سه زاویه داشتن به مثلث نسبت داده شده است و در قضیه دوم این مطلب به صورت مشروط بیان شده است.

۱- قضیه حملی : به قضیه‌ای که در آن به ثبوت یا نفی چیزی برای چیزی حکم می‌شود، «قضیه حملی» می‌گویند. مانند «هر تلاشگری موفق می‌شود».

۲- قضیه شرطی : به قضیه‌ای که در آن به اتصال یا انفصل میان دو نسبت حکم شود، «قضیه شرطی» می‌گویند. مانند : «اگر تلاش کنی موفق می‌شوی». ^۱

قضیه حملی

قضایای حملی همان جملات خبری در ادبیات‌اند. در منطق به نهاد جمله، «موضوع»، به مسند آن «محمول» و به فعل ربطی (استنادی) «رابطه» می‌گویند.

ایران پهناور است

(اجزای قضیه در ادبیات)

نهاد مسند فعل ربطی

موضوع محمول رابطه (نسبت)

(اجزای قضیه در منطق)

۱- در بخش ششم کتاب با این نوع قضیه بیشتر آشنا خواهید شد.

همچنین در صورتی که رابطه قضیه ایجابی باشد (مانند: است)، قضیه را «موجبه» و در صورتی که رابطه قضیه سلبی باشد (مانند: نیست)، قضیه را «سالیه» می‌نامند. بدین ترتیب قالب کلی قضیه حملی به صورت «الف ب است» (رابطه ایجابی) یا «الف ب نیست» (رابطه سلبی)، نمایش داده می‌شود. رابطه ایجابی و سلبی را «کیفیت قضیه» می‌نامند.

قضایای حملی در مکالمات روزمره

با قالب کلی قضایای حملی (الف ب است) آشنا شدید. اکنون سعی کنید محمول و رابطه را در قضایای زیر مشخص کنید:

• هر ایرانی کارت ملی دارد.

• هر ایرانی دارای کارت ملی است.

در منطق تنها افعال ربطی (است، بود، شد، گشت و گردید) به عنوان رابطه در نظر گرفته می‌شوند. بنابراین، نخست قضایایی را که با سایر افعال به کار می‌بریم، به یکی از

این افعال تبدیل می‌کنیم و سپس محمول آنها را مشخص می‌کنیم. مثال:

حسن کتاب دارد. \Leftarrow حسن دارای کتاب است.

ماه می‌تابد. \Leftarrow ماه تابنده است.

اکنون محمول و رابطه در قضایای بالا را مشخص کنید.

تمرین



۱- موضوع، محمول و رابطه قضایای زیر را مشخص کنید:
او تکالیفس را تحويل داد.
سیل غم خانه دل را ببرد.

.....
.....
.....
.....
.....

دانش آموزان مریض شدند.
کتاب‌ها ارزشمند هستند.

۲- قضایای سالیه و موجبه را مشخص کنید.
دشمن نادان است. (.....) نادان دانا نیست. (.....) نادان ناتوان است. (.....)

اقسام قضایای حملی

در درس سوم با مفاهیم جزئی و کلی آشنا شدیم. اکنون تعیین کنید که موضوع قضایای زیر مفاهیمی جزئی هستند یا کلی؟

- ۱ سهیل درس خوان است.
- ۲ هر داش آموزی درس خوان است.
- ۳ این میز تمیز نیست.
- ۴ بعضی میزها تمیز هستند.

۱- قضیه شخصیه: اگر موضوع قضیه، مفهومی جزئی باشد، مانند: و آن را «قضیه شخصیه» می‌نامند.

۲- قضیه محصوره: اگر موضوع قضیه، کلی باشد، مانند: و آن را «قضیه محصوره» می‌نامند. در این حالت قیدی که بر سر قضیه می‌آید و دامنه مصاديق موضوع را تعیین می‌کند، «سور» نامیده می‌شود.^۱ این قید به دو صورت کلی (هر یا هیچ) و جزئی (بعضی) ذکر می‌شود و به ترتیب «سور کلی» و «سور جزئی» نامیده می‌شود:

اجزای قضیه محصوره			
است/ نیست	ب	الف	هر / هیچ/ بعضی
رابطه، نسبت	محمول	موضوع	سور
است	زیبا	گلی	هر
مثال:			:

دامنه مصاديق موضوع

چنان‌که گفته شد، در قضیه محصوره موضوع قضیه، مفهومی کلی است. سور قضیه نیز دامنه مصاديق موضوع را مشخص می‌کند. یعنی تعیین می‌کند که همه یا بعضی از مصاديق موضوع، موردنظر گوینده هستند.

جزئی باشد: قضیه شخصیه است.
کلی باشد: قضیه محصوره است.

بعضی باشد: قضیه جزئی است.
سور قضیه محصوره
هر یا هیچ باشد: قضیه کلی است.

۱- «سور» در لغت به معنای دیواری است که در گذشته بر گرد شهرها می‌ساخته‌اند. از آنجا که قیدهای «هر» و «هیچ» و «بعضی»، دامنه مصاديق موضوع را مشخص می‌کنند، آنها را سور نامیده‌اند.

بنابراین جزئی و کلی بودن «سور قضیه» که مربوط به مصاديق موضوع است، با جزئی و کلی بودن «موضوع قضیه» که مربوط به مفهوم موضوع است، متفاوت است و تنها در لفظ اشتراک دارند.

از آنجا که وظیفه سور در قضیه، تعین دامنه مصاديق موضوع است، می‌توان گفت:

در قضایای کلی] همه مصاديق موضوع و در قضایای جزئی] بعضی از مصاديق موضوع، مورد نظر گوینده هستند. بر این اساس، سور را بیانگر «كمیت قضیه» دانسته‌اند. اکنون اگر قضایای سالبه و موجبه را نیز در نظر بگیریم، قضایای محصوره به چهار دسته کلی زیر تقسیم می‌شوند:

سالبه	موجبه	
هیچ الف ب نیست.	هر الف ب است.	دارای سور کلی
بعضی الف ب نیست.	بعضی الف ب است.	دارای سور جزئی

بر اساس جدول بالا، از آنجا که قضیه «هر الف ب است» هم موجبه و هم دارای سور کلی است، آن را «موجبه کلیه» می‌نامند. بر اساس این شیوه از نام‌گذاری، اسمی سایر قضایای محصوره را بنویسید:

- هر الف ب است.^۱ (موجبه کلیه)
- بعضی الف ب است. (.....)
- هیچ الف ب نیست. (.....)
- بعضی الف ب نیست. (.....)

* اهمال سور در مکالمات روزمره

در زبان طبیعی گاهی قوانین و مطالب علمی را بدون سور بیان می‌کنند. مانند:

- آهن در اثر گرما منبسط می‌شود.
- کسانی که بدون مجوز وارد محدوده طرح ترافیک شوند، جرمیه می‌شوند.
- به نظر شما قضایای فوق کلی هستند یا جزئی؟

از آنجا که قوانین همواره کلی هستند، این‌گونه قضایا را به قضیه کلیه تبدیل می‌کنیم:

۱- در این کتاب، سور «هر» تنها با رابطه «است» و سور «هیچ» با رابطه «نیست» به کار می‌رود. بنابراین قضیه «هر الف ب نیست» که در آن سور «هر» با رابطه «نیست» به کار رفته است، مورد بررسی قرار نمی‌گیرد.

بر مسلمان مکلف نماز واجب است. \Leftarrow بر هر مسلمان مکلفی نماز واجب است.
 زمین شوره زار برای کشاورزی مناسب نیست. \Leftarrow هیچ زمین شوره زاری برای کشاورزی مناسب نیست.
 اما اگر با عبارتی مواجه شویم که قانون نیست و سور آن بیان نشده است، و قراین و
 شواهدی نیز برای تشخیص کلی یا جزئی بودن سور آن وجود نداشته باشد، باید به حداقل
 اطلاعات بسنده کنیم و از میان کلیه یا جزئیه بودن، آن قضیه را لاقل جزئیه بدانیم. مانند:
 دانشجویان وارد کلاس شدند. \Leftarrow بعضی از دانشجویان وارد کلاس شدند.
 اموال را دزدیدند. \Leftarrow بعضی از اموال را دزدیدند.

تمرین



اقسام قضایای حملی زیر را تعیین کنید :

- (.....) (.....) (.....) (.....) (.....) (.....) (.....)
- «سمیرغ» شش حرف ندارد.^۱
- هر کشوری به نیروهای دفاعی نیاز دارد.
- هیچ چیز بی تغییر نیست.
- بعضی از مردمان بزرگ خلاق نبوده‌اند.
- سقراط در دادگاه محکوم شد.
- بعضی معلمان شاعرند.

* سورهای غیراستاندارد

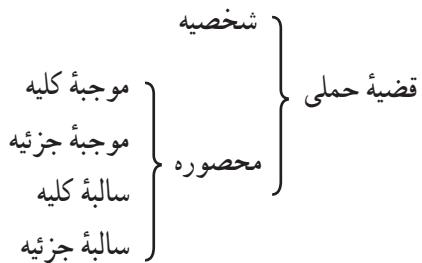


سورهای قضیه محصوره به صورت «هر»، «هیچ» و «بعضی» هستند؛ بدین جهت لازم است سورهای نامتعارف در زبان روزمره را به یکی از دو سور کلی یا جزئی تبدیل کنیم.
اغلب نمایندگان با لایحه مطرح شده موافق نبودند. \Leftarrow بعضی از نمایندگان با لایحه
 مطرح شده موافق نبودند.

حتی یک نفر هم نیامد. \Leftarrow هیچ کس نیامد.

اکثر میوههای در اثر سرما خراب شدند. \Leftarrow بعضی از میوههای در اثر سرما خراب شدند.

۱- جنان که در درس سوم ذکر شد، هنگامی که کلمه‌ای را داخل گیوه قرار می‌دهیم به معنای «این کلمه» است.



تعالیت تکمیلی

- ۱- کدامیک از جملات زیر در منطق «قضیه» نامیده می‌شوند؟
 - (الف) تو را دانش و دین رهاند درست.
 - (ب) برو کار می‌کن مگو چیست کار.
 - (ج) دانش اندر دل چراغ روشن است.
 - (د) ای خردمند عاقل و دانا قصه موش و گربه بر خوانا
- ۲- از میان موارد زیر، قضایای حملی و شرطی را مشخص کنید :
 - (الف) هر جسمی دارای مکان است.
 - (ب) اگر چک را امضا نکند اعتبار نخواهد داشت.
- ۳- اقسام قضایای حملی زیر و موضوع و محمول و رابطه آنها را تعیین کنید :
 - (الف) بعضی درخت‌ها همیشه سبز هستند.
 - (ب) بینالود بزرگ‌ترین کوه خراسان است.
 - (ج) «سیمرغ» بی معنا نیست.
 - (د) همه دشمنان نابود شدند.
 - (ه) بعضی فرش‌ها دستبافت نیستند.
 - (و) هیچ کس به کلاس نیامد.
- ۴- با مراجعه به درس سوم مشخص کنید برای هریک از نسبت‌های چهارگانه، چه قضایای محصوره صادقی می‌توان نوشت.

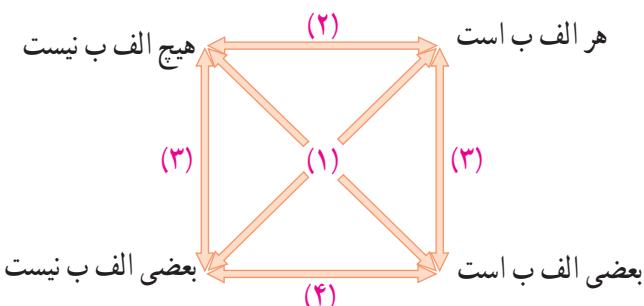
احکام قضایا

مربع تقابل

اگر قضیه موجبه کلیه «هر دانشآموزی دارای کتاب درسی است»، صادق باشد، نام قضایای زیر و صدق و کذب آنها را تعیین کنید:

- | نام قضیه | صادق / کاذب | |
|--------------|-------------|--|
| (موجبه کلیه) | صادق () | ۱ هر دانشآموزی دارای کتاب درسی است. |
| () | () | ۲ هیچ دانشآموزی دارای کتاب درسی نیست. |
| () | () | ۳ بعضی از دانشآموزان دارای کتاب درسی هستند. |
| () | () | ۴ بعضی از دانشآموزان دارای کتاب درسی نیستند. |

چنان‌که ملاحظه می‌کنید، چهار قضیه محصوره از نظر صدق و کذب و تغییر کمیت و کیفیت، دارای روابطی با یکدیگر هستند که در این درس به بررسی آنها می‌پردازیم. برای آنکه بهتر بتوانند رابطه دو به دوی میان این قضایا را مشخص کنند، آنها را در مربع زیر قرار می‌دهند و آن را «مربع تقابل»^۱ می‌نامند. مربع متقابل نشان می‌دهد که میان قضایای محصوره حداقل چهار رابطه زیر وجود دارند:



۱- هنگامی که می‌گوییم «بعضی از دانشآموزان کتاب درسی دارند»، به این معنا نیست که « فقط بعضی از دانشآموزان کتاب درسی دارند» و بقیه فاقد کتاب هستند.

۲- به قضایایی که موضوع و محمول آنها یکسان است؛ اما در کمیت یا کیفیت یا هر دو، متفاوت هستند قضایای متقابل می‌گویند.

١- تناقض

رابطه شماره (۱) در مربع تقابل «تناقض» نامیده می‌شود. رابطه تناقض میان قضیه‌های موجبه کلیه و سالبۀ جزئیه و میان سالبۀ کلیه و موجبه جزئیه برقرار است. با تغییر کمیت و کیفیت یک قضیه می‌توان به «متناقض» (نقیض) آن قضیه دست یافت. برای بررسی رابطه صدق و کذب میان دو قضیه متناقض، به سؤالات زیر پاسخ دهید:

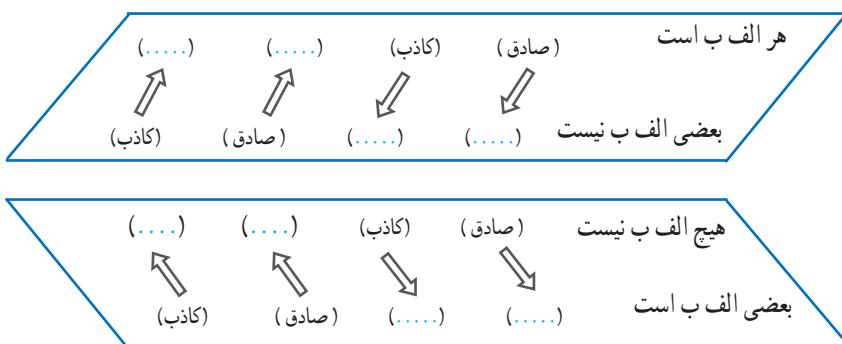
- اگر در شهری صنعتی متوجه شویم که «بعضی از روزها هوا آلوده است»، آیا می‌توانیم بگوییم در این شهر «هیچ روزی هوا آلوده نیست»؟
 - اگر به مدیر دبستانی گزارش شود که «برخی از دانشآموزان شیر دریافت نکرده‌اند»، آیا قضیه «همه داشن آموزان شیر دریافت کرده‌اند» صادق است؟



تہذیب



صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید:



* قصیدہ ترین بدیعی

بدیهی ترین و پایه‌ای ترین قضیه، محال بودن تناقض (اصل محال بودن اجتماع و ارتفاع دو نقیض) است که آن را مادر قضایا (أم القضایا) نامیده‌اند. این قضیه بیان می‌کند که دو نقیض یا دو قضیه متناقض هم زمان صادق نیستند (با هم جمع نمی‌شوند) و هم زمان کاذب نیز نیستند (با هم رفع نمی‌شوند).

۲- تضاد

رابطه شماره (۲) در مربع تقابل «تضاد» نامیده می‌شود. رابطه تضاد تنها میان قضیه‌های موجبه کلیه و سالبه کلیه برقرار است. بنابراین با تغییر کیفیت قضیه کلی، به قضیه «تضاد» آن می‌رسیم. برای بررسی رابطه صدق و کذب میان دو قضیه متضاد، به سؤال زیر پاسخ دهید:

اگر روزنامه‌ای بنویسد: «همه وعده‌های مدیر، عملی شده است»، بر این اساس قضیه

«هیچ‌یک از وعده‌های مدیر، عملی نشده است»، صادق است یا کاذب؟

 بنابراین در رابطه تضاد، از صدق یک قضیه کلی به کذب قضیه کلی دیگر دست می‌یابیم. اما اگر قضیه کلی کاذب باشد، نمی‌توانیم به صورت صدق کذب قطعی بگوییم که قضیه متضاد آن صادق است یا کاذب.

حکایت

دو نفر برای حل نزاع خود به نزد مردم رفتند. او به سخنان نفر اول گوش داد و گفت: «تو درست می‌گویی». سپس نوبت نفر دوم شد. به سخنان او نیز گوش داد و گفت: «تو درست می‌گویی». شخصی که در آنجا حضور داشت به او اعتراض کرد که نمی‌شود سخنان متضاد هر دو نفر صحیح باشند. مرد حکم فکری کرد و گفت: «تو درست می‌گویی!».

تمرین



صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید:

هر الف ب است		هیچ الف ب نیست
(صادق)	↔	(.....)
(.....)	↔	(کاذب)
(صادق)	⇒	(.....)
(کاذب)	⇒	(.....)

۳- تداخل

رابطه شماره (۳) در مربع تقابل، «تداخل» نامیده می‌شود. این رابطه میان قضیهٔ موجبه کلیه و موجبهٔ جزئیه و میان سالبهٔ کلیه و سالبهٔ جزئیه برقرار است. از آنجا که مصاديق قضیهٔ جزئی در ذیل مصاديق قضیه کلی قرار دارند، این رابطه را متداخل نامیده‌اند. با تغییر کمیت قضیه و ثابت نگهداشتن کیفیت آن می‌توان به «متداخل» آن قضیه دست یافت. برای بررسی رابطه صدق و کذب میان دو قضیهٔ متداخل، به سؤالات زیر پاسخ دهید :

- اگر بدانیم «همهٔ فلزات هادی الکتریسیته‌اند»، آیا می‌توانیم بگوییم که «بعضی از فلزات نیز هادی الکتریسیته‌اند»؟ چرا؟



• اگر بدانیم که «هیچ کتابی در بخش مسابقه برنده نشده است»، آیا می‌توانیم نتیجه بگیریم که «کتاب‌های انتشارات ما نیز برنده نشده‌اند»؟

بر این اساس رابطه صدق دو قضیهٔ متداخل به صورت زیر است :



هرگاه قضیه کلی صادق باشد، قضیهٔ جزئی نیز صادق است (ونه بر عکس).

اگر کسی بگوید که «همهٔ مدادها سیاه هستند»، کافی است یک مداد رنگی به وی نشان دهیم تا حکم کلی وی را نقض کنیم. به این کار «آوردن مثال نقض» می‌گویند.

• اگر کسی بگوید که «هیچ کتابی بیش از دویست صفحه ندارد»، چگونه می‌توانیم حکم وی را نقض کنیم؟



بر این اساس رابطه کذب دو قضیه متداخل به صورت زیر است:
هرگاه قضیه جزئیه کاذب باشد، قضیه کلیه نیز کاذب است (و
نه بر عکس).

هنگامی که ادعایی کلی مطرح می شود، یافتن یک مثال نقض آن حکم کلی را باطل می کند. در صورتی که با وجود پیدا شدن استثنایی در یک حکم کلی، همچنان بر کلی بودن حکم خود اصرار کنیم، دچار مغالطه «استثنای قابل چشم پوشی» شده ایم.

به مثال زیر توجه کنید:

• همه افراد از کیفیت غذای ما راضی اند.

پس چرا دیروز یکی از مشتریان اعتراض کرد؟

- او یک استثناست!

تمرین



صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید:

(....)	(....)	(کاذب)	(صادق)	هر الف ب است
↑ (کاذب)	↑ (صادق)	↓ (....)	↓ (....)	بعضی الف ب است

(....)	(....)	(کاذب)	(صادق)	هیچ الف ب نیست
↑ (کاذب)	↑ (صادق)	↓ (....)	↓ (....)	بعضی الف ب نیست

* ۴- داخل تحت تضاد

رابطه شماره (۴) در مربع تقابل، «داخل تحت تضاد» نامیده می شود. رابطه داخل تحت تضاد تنها میان قضیه های موجبه جزئیه و سالبه جزئیه برقرار است. از آنجا که در مربع تقابل، این دو قضیه، متداخل در ذیل (تحت) دو قضیه متضادند، این رابطه را داخل تحت تضاد نامیده اند. چنان که ملاحظه می شود با تغییر کیفیت قضیه جزئی به «متداخل تحت تضاد» آن می رسیم.

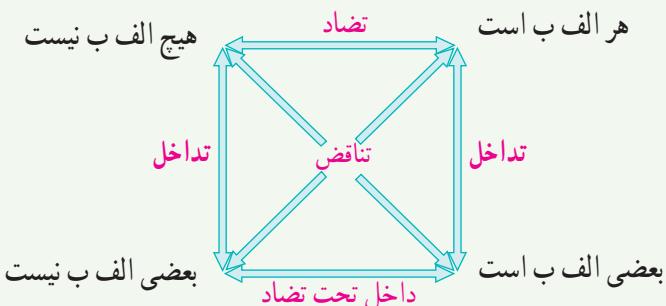


در رابطه داخل تحت تضاد از کذب یک قضیه جزئی به صدق قضیه جزئی دیگر دست می یابیم. اما از صدق یک قضیه جزئی نمی توان به صدق یا کذب قضیه جزئی دیگر دست یافت.

▪ صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید :

بعضی الف ب نیست	بعضی الف ب است
(.....)	↔ (صادق)
(.....)	↔ (کاذب)
(صادق)	⇒ (.....)
(کاذب)	⇒ (.....)

مربع تقابل



عکس مستوی

در صورتی که موضوع و محمول قضیه حملی را جابه‌جا کنیم، قضیه به دست آمده را «عکس» آن قضیه می‌نامند.

$$\text{عکس مستوی} \quad \text{الف ب} \iff \text{الف ب}$$

اکنون این سؤال مطرح می‌شود که اگر قضیه‌ای صادق باشد، آیا عکس آن نیز صادق است؟ به مثال‌های زیر توجه کنید :

▪ در تبلیغی با نشان دادن نوعی روغن مایع می‌گویند : «همه کدبانوهای ماهر از این روغن مایع استفاده می‌کنند». حتی اگر این سخن درست باشد، آیا می‌توان نتیجه گرفت که هرکس از آن روغن مایع استفاده کند، کدبانوی ماهری خواهد بود؟ چرا؟

- آیا چون «هر گردوبی گرد است» می‌توان گفت که «هر گردی گرد است»؟
- برخی از افراد با لباس تیره، شب‌ها هنگام عبور از خیابان گمان می‌کنند که چون خودشان وسایل نقلیه را می‌بینند، رانندگان نیز می‌توانند آنها را مشاهده کنند؛ در صورتی که

همواره چنین نیست. آنها در حقیقت دچار خطای اندیشه شده‌اند.

در سه مثال صفحه قبل مواردی را دیدیم که گرچه قضیه‌ای صادق است؛ اما اگر جای موضوع و محمول آن تغییر کند (و اصطلاحاً عکس شود)، دیگر صادق نخواهد بود.
اکنون به سوالات زیر پاسخ دهید :

• اگر بدانیم که «هیچ عقابی حشره نیست»، آیا می‌توان گفت که «هیچ حشره‌ای عقاب نیست»؟

• اگر «بعضی از دانشآموزان شاعر باشند»، آیا می‌توان نتیجه گرفت که «بعضی از شاعران دانشآموزنده»؟

در دو مثال بالا مواردی را دیدیم که با صادق بودن یک قضیه، عکس آن قضیه نیز صادق است.

با مشاهده این مثال‌ها نتیجه می‌گیریم که در مواردی می‌توان جای موضوع و محمول یک قضیه را تغییر داد و به نتیجه صادقی دست یافته و در مواردی نمی‌توان چنین کرد.
منطق‌دانان با بررسی مواردی که در صورت صادق بودن اصل قضیه، عکس آن نیز صادق خواهد بود، به قانونی کلی دست یافته‌اند و آن را به صورت زیر بیان کرده‌اند :

عکس مستوی (ب الف)	اصل (الف ب)
بعضی ب الف است.	هر الف ب است.
بعضی ب الف است.	بعضی الف ب است.
هیچ ب الف نیست.	هیچ الف ب نیست.
عکس لازم الصدق ندارد ^۱	بعضی الف ب نیست.

از آنجا که در رابطه فوق از قضیه‌ای صادق به عکس آن قضیه که از نظر صدق همانند و مساوی آن قضیه است، دست می‌یابیم، آن را قاعدة «عکس مستوی» نامیده‌اند.
منطق‌دانان با بررسی قضیه سالبه جزئیه (بعضی الف ب نیست) شان داده‌اند که قانونی کلی برای عکس مستوی این قضیه وجود ندارد. بدین جهت اصطلاحاً می‌گویند که سالبه جزئیه عکس لازم الصدق ندارد.

۱- به این معنا که در برخی از مثال‌ها، عکس آن صادق و در برخی از مثال‌ها، عکس آن کاذب می‌شود.

در صورتی که در جا به جا کردن اجزای قضیه، قاعدة عکس مستوی را به درستی رعایت نکنیم، دچار «مالطهٔ ایهام انعکاس» می‌شویم. به عنوان مثال اگر موجبه کلیه را به موجبه کلیه عکس کنیم یا برای سالهٔ جزئیه عکس لازم الصدق درنظر بگیریم، دچار این مغالطه شده‌ایم. مانند:

همه بوته‌ها گیاه‌اند. (صادق) \Leftarrow همه گیاه‌ها بوته‌اند. (کاذب)
 بعضی انسانها کودک نیستند. (صادق) \Leftarrow بعضی کودک‌ها انسان نیستند. (کاذب)
 از این مغالطه در تبلیغات استفاده زیادی می‌شود. به عنوان مثال با نشان دادن خانواده‌ای شاد و خوشبخت در کنار یکی از لوازم خانگی، این گونه القا می‌کند:
 بعضی از افراد خوشبخت دارای این لوازم خانگی هستند؛ پس: هر کس با داشتن این لوازم خانگی خوشبخت خواهد بود!
 در صورتی که عکس موجبه جزئیه، موجبه کلیه نیست.

تمرین



عکس مستوی قضایای زیر را بنویسید:

- هیچ مسلمانی کافر نیست. \Leftarrow (.....)
- هر ایرانی وطن دوست است. \Leftarrow (.....)
- بعضی حیوانات گربه نیستند. \Leftarrow (.....)
- بعضی سنگ‌ها آهکی هستند. \Leftarrow (.....)

فعالیت تكمیلی

۱. فرق قواعد مربع تقابل و عکس مستوی از نظر جایگاه موضوع و محمول قضیه در چیست؟
۲. در فرض صادق بودن قضیهٔ نخست، صدق یا کذب قضیهٔ دوم را مشخص کنید و نام رابطه میان آنها را بیان کنید:

- | | |
|-----------------------------------|---------------------------------------|
| بعضی کارمندان مالیات نمی‌پردازند. | الف) همه کارمندان مالیات می‌پردازند. |
| همه فیزیک‌دانان اقتصاددان هستند. | ب) بعضی فیزیک‌دانان اقتصاددان نیستند. |
| همه مسافران در راه هستند. | ج) هیچ مسافری در راه نیست. |
| بعضی مسافران در راه نیستند. | د) هیچ مسافری در راه نیست. |
| بعضی آبزی‌ها نهنگ هستند. | ه) هر نهنگی آبزی است. |
| بعضی پرندگان مهاجر هستند. | * (و) بعضی پرندگان مهاجر نیستند. |

۱- تمرین‌هایی که با علامت ستاره مشخص شده‌اند، از بخش‌های ستاره‌دار کتاب طراحی شده‌اند و پاسخ به آنها اختیاری است و به نظر دیر منطقی سنتگی دارد.

۳. الف) با توجه به رابطه میان ستون اول با ستون های دیگر جدول زیر، در صورت صادق بودن قضایای ستون نخست، درباره صدق یا کذب سایر قضایا چه می توان گفت؟

بعضی الف ب نیست	بعضی الف ب است	هر الف ب است	
			هر الف ب است
*			بعضی الف ب است
			هیچ الف ب نیست
		*	بعضی الف ب نیست

ب) جدولی مشابه جدول فوق رسم کنید و آن را در فرض کاذب بودن قضایای ستون نخست، تکمیل کنید.

۴. مشخص کنید که در هر یک از روابط مربع تقابل و نیز در رابطه عکس مستوی، کمیت و کیفیت دو قضیه، ثابت میمانند یا تغییر میکنند.

۵. کدامیک از روابط مربع تقابل و عکس مستوی، از نظر صدق و کذب، یک طرفه و کدامیک دو طرفه اند؟

۶. جدول زیر را کامل کنید :

بعضی الف ب نیست	هیچ الف ب نیست	بعضی الف ب است	هر الف ب است	
				متناقض
				متضاد
				متداخل
				* متداخل تحت تضاد
				عکس مستوی

۷. جملات زیر را با کلمات صادق و کاذب کامل کنید :

الف) دو قضیه متناقض هم زمان نیستند و هم زمان نیستند.

ب) دو قضیه متضاد هم زمان نیستند؛ اما شاید هم زمان باشند.

* ج) دو قضیه متداخل تحت تضاد هم زمان نیستند؛ اما شاید هم زمان باشند.

* پارادوکس دروغگو

اگر فردی بگوید: «این سخن من دروغ است»، آیا وی راست می‌گوید یا دروغ؟ برای پاسخ به این سؤال، بباید هر یک از این دو حالت را بررسی کنیم:

اگر فرض کنیم که راست می‌گوید، پس راست است که «این سخن وی دروغ است»؛
یعنی دروغ می‌گوید!

اگر فرض کنیم که دروغ می‌گوید، پس دروغ است که «این سخن وی دروغ است»، یعنی راست می‌گوید!

چنان‌که ملاحظه می‌کنید، فرض هر یک از دو حالت بالا، به فرض دیگر منتهی می‌شود.
پس سرانجام جمله بالا را صادق بدانیم یا کاذب؟!

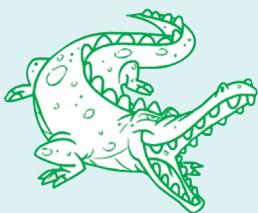
به این مطلب «پارادوکس دروغگو» می‌گویند. منطق‌دانان مسلمان این پارادوکس را شبیهٔ جذر اصم نامیده‌اند. در اینجا دو روایت دیگر از پارادوکس دروغگو را ذکر می‌کنیم:

روایت نخست:

۱. جملهٔ بعدی دروغ است.
۲. جملهٔ قبلی راست است.

روایت دوم:

مادری از تمساحی که کودکش را گرفته بود، خواهش کرد تا او را پس بدهد. تمساح گفت: به شرطی این کار را می‌کنم که به درستی حدس بزنی که او را به تو پس خواهم داد یا نه؟



مادر گفت: تو او را به من پس نخواهی داد!

اکنون حالات مختلف زیر را بررسی کنید و بگوید تمساح چه کار باید بکند:

– اگر مادر درست گفته باشد، طبق قرار باید کودک را

پس بدهد؛ اما اگر کودک را پس بدهد، آیا مادر درست گفته است؟!

– اگر مادر درست نگفته باشد، طبق قرار باید کودک را پس ندهد؛ اما اگر کودک را پس ندهد، آیا مادر نادرست گفته است؟!

۱- پارادوکس یا متناقض نما به سخنانی گفته می‌شود که صحیح به نظر می‌رسند؛ اما منجر به تناقض می‌شوند.

۲- با اعداد اصم (گنگ) در کتاب ریاضی پایه نهم آشنا شدید. از آنجا که جذر اعداد گنگ، عددی است که محاسبه ارقام اعشاری آن تا بی‌نهایت ادامه می‌یابد، این شبیه را که بررسی صدق و کذب آن به پایان نمی‌رسد، «شبیهٔ جذر اصم» نامیده‌اند.

درس هشتم

قياس اقترانی

در این درس با استدلال قیاسی که از دو قضیه حملی تشکیل می‌شود آشنا می‌شوید.
استدلال‌های زیر را بررسی کنید و بگویید چرا این استدلال‌ها دارای نتیجه نیستند.

هر گیاهی نیازمند به آب است.

هر حیوانی جاندار است.

هر انسانی حیوان است.

بعضی سنگ‌ها سفید نیستند.

× × ∴

× × ∴^۱

همان‌طور که ملاحظه می‌شود، نمی‌توان از دو قضیه‌ای که ارتباطی با یکدیگر ندارند، نتیجه‌ای به دست آورد. برای آنکه رابطه‌ای میان دو قضیه برقرار باشد، باید جزء مشترکی میان آنها وجود داشته باشد. به عبارت دیگر لازم است موضوع یا محمول یکی قرین موضوع یا محمول دیگری باشد. به همین دلیل به این نوع از قیاس، «قياس اقترانی» می‌گویند.^۲

در قیاس اقترانی، اجزای نتیجه در میان مقدمات پخش شده‌اند. مانند:

بعضی از حیوانات پرنده هستند.

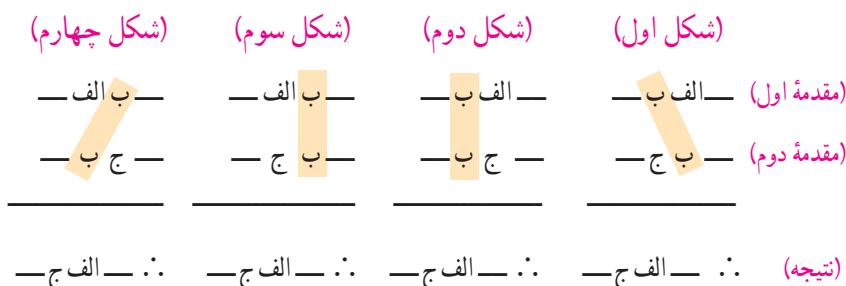
همه پرنده‌گان دارای بال هستند.

∴ بعضی از حیوانات دارای بال هستند.

۱- «...» نشانه «نتیجه» در استدلال قیاسی است.

۲- قیاس اقترانی به دو قسم اقترانی حملی و اقترانی شرطی تقسیم می‌شود. در این کتاب تنها قیاس اقترانی حملی مطرح شده است.

با بررسی قضایا می‌توان مشاهده کرد که در ارتباط میان دو قضیه در یک استدلال، چهار حالت زیر که در اصطلاح آنها را چهار شکل قیاس اقتراণی می‌نامند، قابل تصوراند^۱ :



هر انسانی <u>حیوان</u> است. هیچ سنگی <u>حیوان</u> نیست. ∴ هیچ انسانی سنگ نیست.	شکل دوم	هر انسانی <u>حیوان</u> است. <u>هر حیوانی</u> نیازمند اکسیرین است. ∴ هر انسانی نیازمند اکسیرین است.	شکل اول
<u>هر حیوانی</u> جاندار است. بعضی مهره‌داران <u>حیوان</u> هستند. ∴ بعضی جانداران مهره‌دار هستند.	شکل چهارم	<u>هر حیوانی</u> جاندار است. بعضی <u>حیوان ها</u> آبزی هستند. ∴ بعضی جانداران آبزی هستند.	شکل سوم

به جزء مشترک میان دو قضیه «حد وسط» می‌گویند. پس از حذف کردن حد وسط، موضوع نتیجه از مقدمه اول و محمول آن از مقدمه دوم به دست می‌آید.

تمرین



شکل قیاس‌های زیر را مشخص کنید :

بعضی الف است.	هر ب الف است.	بعضی الف ب است.	هر ب الف است.
هیچ ب ج نیست.	هیچ ج ب نیست.	هیچ ب ج نیست.	هیچ ب ج نیست.
∴ بعضی الف ج نیست.			

۱- آنچه باعث مقارت و ارتباط میان دو قضیه می‌شود، می‌تواند در مقدمه اول محمول و در مقدمه دوم موضوع باشد (شکل اول) یا در هر دو مقدمه محمول باشد (شکل دوم) یا در هر دو مقدمه موضوع باشد (شکل سوم) یا در مقدمه اول موضوع و در مقدمه دوم محمول باشد (شکل چهارم).

به مثال‌های زیر توجه کنید. آیا می‌توانید با کمک دوستان خود اشکال این استدلال‌ها را بیان کنید؟

۱ انگور شیرین است؛ شیرین همسر خسرو است؛ پس : انگور همسر خسرو است.

۲ دیوار دارای موش است؛ موش دارای گوش است؛ پس : دیوار دارای گوش است.

۳ بخ از آب است؛ آب مایع است؛ پس : بخ مایع است.

شرط اول برای نتیجه‌گیری از یک قیاس، تکرار حد وسط (به صورت لفظی و معنایی) است تا دو قضیه با یکدیگر ارتباط پیدا کنند. در صورتی که از قیاسی که حد وسط در آن تکرار نشده است، نتیجه‌گیری شود، فرد دچار مغالطه «عدم تکرار حد وسط» می‌شود. در مورد نخست، اشتراک لفظ باعث عدم تکرار حد وسط شده است. در مورد دوم محمول قضیه اول «دارای موش» است؛ اما موضوع قضیه دوم «موش» است؛ بنابراین حد وسط عیناً تکرار نشده است. در مورد سوم نیز محمول قضیه اول «از آب» است و موضوع قضیه دوم «آب» است؛ بدین جهت در اینجا نیز حد وسط به صورت یکسان تکرار نشده است.

تمرین



علت عدم تکرار حد وسط در استدلال‌های زیر را بیان کنید :

● شاخه‌ها برگ دارند. دفترچه یادداشت برگ دارد؛ پس : شاخه‌ها دفترچه یادداشت هستند.

● سعدی انسان است. انسان پنج حرف دارد؛ پس سعدی پنج حرف دارد.

قانون نتیجه قیاس

حد وسط تنها نقش ارتباطی میان دو مقدمه استدلال دارد و در نتیجه استدلال حذف می‌شود. موضوع نتیجه از مقدمه اول و محمول آن از مقدمه دوم به دست می‌آید. کیفیت نتیجه در قیاس اقتراضی از این قانون کلی پیروی می‌کند که «اگر یکی از مقدمات استدلال سالبه باشد، نتیجه نیز سالبه خواهد بود».

بنابراین با مشاهده مقدمات قیاس می‌توانیم تشخیص دهیم که نتیجه سالبه است یا موجبه.

اگر نتیجه قیاس از این قانون پیروی نکرده باشد، آن قیاس نامعتبر است.



مشخص کنید در کدام یک از استدلال‌های زیر قانون نتیجه قیاس رعایت نشده است.

بعضی ب الف نیست

هیچ الف ب نیست

هر ب الف است

هیچ ب ج نیست

هر ب ج است

هر ج ب است

بعضی الف ج است

هر الف ج است

بعضی الف ج است

در استدلال‌های زیر، حد وسط به صورت یکسان تکرار شده است و قانون نتیجه قیاس رعایت شده است؛ اما هر دو استدلال نامعتبر هستند:



برای آنکه بدانیم چرا استدلال‌های فوق نامعتبر هستند لازم است تا سه شرط دیگر اعتبار قیاس را نیز بررسی کنیم اما پیش از بیان شرایط اعتبار قیاس، لازم است تا به دامنه مصاديق موضوع و محمول قضایایی به کار رفته در استدلال‌ها توجه کنیم.

دامنه مصاديق موضوع و محمول

در بخش قضایا دانستیم^۱ که سور قضایای کلی مشخص می‌کند که همه مصاديق موضوع، موردنظر گوینده هستند و سور قضایای جزئی نشان می‌دهد که برخی از مصاديق موضوع، موردنظر گوینده هستند. اکنون درباره محمول قضایا قاعدة زیر را در نظر می‌گیریم :

در قضایای سالبه همه مصاديق محمول و در قضایای موجبه برخی از مصاديق محمول موردنظر گوینده‌اند^۲.

این دو نکته ساده اساس تعیین اعتبار یک قیاس‌اند. لذا برای آنکه در بررسی اعتبار قیاس، این دو نکته را به‌خاطر داشته باشیم، با گذاشتن علامت مثبت (+) برای همه مصاديق و علامت منفی (-) برای برخی از مصاديق، دامنه مصاديق موضوع و محمول قضایای محصوره را به صورت زیر مشخص می‌کنیم :

$b^- \Leftrightarrow$ است $b^+ \Leftrightarrow$ نیست	$\text{هر/هیچ} \Leftrightarrow \text{الف}^+$ $\text{بعضی} \Leftrightarrow \text{الف}^-$
 b^- است. b^- است. b^+ نیست. b^+ نیست.	 هر الف^+ بعضی الف^- هیچ الف^+ بعضی الف^-

به مثال‌های زیر توجه کنید :

هر پرنده‌ای⁺ جاندار⁻ است.

بعضی گل‌ها⁻ قرمز⁻ هستند.

هیچ مربعی⁺ دایره⁺ نیست.

بعضی جانوران⁻ ماهی⁺ نیستند.

۱- درس ششم.

۲- ابیات این مطلب، خارج از سطح این کتاب است.

تذکرہ: در قضایای شخصیه نیز همه مصادیق موضوع (که یک فرد مشخص است) موردنظر اند؛ لذا همواره برای موضوع قضایای شخصیه از علامت مثبت (+) استفاده می‌کنیم. مانند:
سقراط⁺ انسان است.
ابن سینا⁺ تاجر نیست.

محمول قضایای شخصیه (از نظر دامنه مصادیق)، از قانون محمول قضایای محصوره تبعیت می‌کنند (یعنی در قضایای موجبه، منفی و در قضایای سالبه، مثبت هستند)، مانند:
سقراط انسان- است.
ابن سینا تاجر⁺ نیست.

تمرین

دامنه مصادیق موضوع و محمول قضایای زیر را با علامت مثبت و منفی مشخص کنید :

- هیچ نشخوارکننده‌ای گوشت‌خوار نیست. ● ارگ به در اثر زمین لرزه آسیب دیده است.
- بعضی شترها دوکوهانه نیستند. ● بعضی گیاهان سمی‌اند.
- سد لتیان بزرگ نیست. ● هر گیاهی نیازمند شرایط خاصی است.

شرایط معتبر بودن قیاس

برای آنکه قیاسی معتبر باشد، باید علاوه بر رعایت قانون نتیجه قیاس، سه شرط زیر درباره آن صادق باشد^۱ :

۱. حداقل یکی از مقدمات موجبه باشد^۲.
۲. حد وسط حداقل در یکی از مقدمات دارای علامت مثبت باشد^۳.
۳. هر کدام از موضوع یا محمول که در نتیجه علامت مثبت داشتند، در مقدمات نیز علامت مثبت داشته باشند^۴.

در صورتی که قیاسی یکی از شرط‌های فوق را نداشته باشد، نامعتبر خواهد بود و در صورتی که هر سه شرط را برآورده کند، آن را معتبر می‌نامند.

۱- در بررسی اعتبار یک قیاس، نیازی به دانستن شکل آن قیاس نیست.

۲- به عبارت دیگر : هر دو مقدمه سالبه نباشند.

۳- به عبارت دیگر : حد وسط در هر دو مقدمه علامت منفی نداشته باشد.

۴- اگر موضوع یا محمول در نتیجه علامت منفی داشته باشند، آنها را بررسی نمی‌کنیم.

در اینجا نحوه بررسی سه شرط ذکر شده را به صورت گام به گام توضیح می دهیم :

۱- بررسی شرط نخست

برای بررسی اعتبار قیاس اقتراণی، نخست شرط اول (هر دو مقدمه باید سالبه باشند) را بررسی می کنیم. به مثال های زیر توجه کنید :

هیچ اسی بالدار نیست.	هیچ الف ب نیست.
هیچ بالداری سمدار نیست.	هیچ ب ج نیست.
∴ هیچ اسی سمدار نیست. <small>(قیاس نامعتبر است)</small>	هر دو مقدمه سالبه هستند. <small>(قیاس نامعتبر است)</small>

هر الف ب است. هر ب الف است.

هیچ ب ج نیست. هر ب ج است.

هر دو مقدمه سالبه نیستند؛ در نتیجه شرط دوم را بررسی می کنیم.

۲- بررسی شرط دوم

اگر هر دو مقدمه سالبه نبودند، به سراغ شرط دوم (حد وسط در هر دو مقدمه علامت منفی نداشته باشد) می رویم. بدین منظور دامنه مصاديق حد وسط را تعیین و آنها را با علامت مثبت و منفی مشخص می کنیم. به مثال های زیر توجه کنید :

هر پرنده ای حیوان- است.	هر الف ب- است .
بعضی حیوانات- آبزی هستند.	بعضی ب- ج نیست.
∴ بعضی پرندگان آبزی هستند. <small>(قیاس نامعتبر است)</small>	حد وسط در هر دو مقدمه منفی است.

هیچ ب⁺ الف نیست.

بعضی ج ب⁺ نیست.

حد وسط در هر دو مقدمه منفی نیست؛ در نتیجه شرط سوم را بررسی می کنیم.

۳- بررسی شرط سوم

در این مرحله، دامنه مصادیق تمامی اجزای قیاس را با علامت مثبت و منفی مشخص می‌کنیم و شرط سوم (اگر موضوع یا محمول در نتیجه دارای علامت مثبت بودند، در مقدمات نیز علامت مثبت داشته باشند) را بررسی می‌کنیم :

هیچ شیری پلنگ نیست. بعضی شیرها گربه‌سان‌اند. <hr/> ∴ بعضی پلنگ‌ها گربه‌سان ⁺ نیستند. (قیاس نامعتبر است)	بعضی ب ⁻ الف ⁺ نیست. هر ب ⁺ ج ⁻ است. <hr/> ∴ بعضی الف ⁻ ج ⁺ نیست. (قیاس نامعتبر است)
بعضی الف ⁻ ب ⁺ نیست. بعضی ب ⁻ ج ⁻ است. <hr/> ∴ بعضی الف ⁻ ج ⁺ نیست. (قیاس نامعتبر است)	هر ب ⁺ الف ⁻ است. بعضی ج ⁻ ب ⁺ نیست. <hr/> ∴ بعضی الف ⁻ ج ⁺ نیست. (قیاس نامعتبر است)
بعضی الف ⁻ ب ⁻ است. هر ب ⁺ ج ⁻ است. <hr/> ∴ بعضی الف ⁻ ج ⁻ است. (قیاس معتبر است)	هیچ الف ⁺ ب ⁺ نیست. هر ج ⁺ ب ⁻ است. <hr/> ∴ هیچ الف ⁺ ج ⁺ نیست. (قیاس معتبر است)

تذکرہ:

- ۱- هنگام بررسی اعتبار یک قیاس، به موضوع یا محمولی که در نتیجه منفی اند، کاری نداریم.
- ۲- در بررسی اعتبار یک قیاس، علاوه بر سه شرط ذکر شده، قانون نتیجه قیاس را نیز بررسی می‌کنیم.



اعتبار یا عدم اعتبار قیاس‌های زیر را مشخص کنید. در صورت عدم اعتبار، مشخص کنید که کدام شرط را نداشته است.

هر الف ب است. بعضى ج ب نىست.	هر الف ب است. هيج ج ب نىست.	هر الف ب است. بعضى ج ب است.	هر الف ب است. هر ج ب است.
.. بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : هيج الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج است. معتبر □ نامعتبر □ علت : هر الف ج است. معتبر □ نامعتبر □ علت : ..
بعضى الف ب است. بعضى ج ب نىست.	بعضى الف ب است. هيج ج ب نىست.	بعضى الف ب است. بعضى ج ب است.	بعضى الف ب است. هر ج ب است.
.. بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج است. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج است. معتبر □ نامعتبر □ علت : ..
هيج الف ب نىست. بعضى ج ب نىست.	هيج الف ب نىست. هيج ج ب نىست.	هيج الف ب نىست. بعضى ج ب است.	هيج الف ب نىست. هر ج ب است.
.. بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : هيج الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : هيج الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : ..
بعضى الف ب نىست. بعضى ج ب نىست.	بعضى الف ب نىست. هيج ج ب نىست.	بعضى الف ب نىست. بعضى ج ب است.	بعضى الف ب نىست. هر ج ب است.
.. بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : بعضى الف ج نىست. معتبر □ نامعتبر □ علت : ..

* تاریخچه نحوه تعیین نتایج معتبر قیاس

ارسطو در کتاب خویش با وجود معرفی قیاس‌های معتبر، هیچ قانونی برای یافتن قیاس‌هایی که دارای نتیجهٔ صحیح‌اند (قیاس‌های منتج) معرفی نکرد.



مناطق‌دانان مسلمان توانستند برای قیاس‌های منتج^۱ قواعدی کلی به دست آورند که این قوانین برای شکل‌های مختلف قیاس متفاوت‌اند. به عنوان مثال دربارهٔ شکل اول گفته‌اند که اگر مقدمهٔ اول قیاس، موجبه و مقدمهٔ دوم کلی باشد، قیاس منتج خواهد بود. در این کتاب، روش جدیدتر و ساده‌تر استفاده از دامنهٔ مصاديق موضوع و محمول معرفی شده است که در مورد چهار شکل قیاس، قانون یکسانی ارائه می‌کند.

* نحوه تشکیل قیاس از دو مقدمه

دربارهٔ کمیت نتیجه، قانون کلی وجود ندارد. لذا با دو نتیجهٔ احتمالی کلی و جزئی مواجه خواهیم بود. به مثال‌های زیر توجه کنید:

بعضی الف ب است.	هر الف ب است.	هیچ ب الف نیست.
هر ب ج است.	هیچ ج ب نیست.	بعضی ب ج است.
_____	_____	_____
∴ هر الف ج است.	∴ هیچ الف ج نیست.	∴ بعضی الف ج نیست.
∴ بعضی الف ج نیست.	∴ بعضی الف ج نیست.	∴ هیچ الف ج است.

پس از تعیین نتیجه‌های احتمالی یک قیاس، اعتبار یا عدم اعتبار قیاس را تعیین می‌کنیم تا ببینیم که مقدمات استدلال به همراه کدام یک از این دو نتیجه، قیاس معتبری تشکیل می‌دهند.

۱- هنگامی که نتیجهٔ یک قیاس ذکر نشده باشد از «منتج یا عقیم بودن» آن قیاس سخن می‌گویند و هنگامی که نتیجهٔ یک قیاس ذکر شده باشد از «معتبر یا نامعتبر بودن» آن سخن می‌گویند. در سطح این کتاب، همواره قیاس‌های اقتراوی به همراه نتیجهٔ آنها به داش آموزان ارائه می‌شوند و سپس اعتبار یا عدم اعتبار آنها بررسی می‌شوند.

نتیجه‌های احتمالی مقدمات زیر را بنویسید و اعتبار آنها را بررسی کنید:	
هر الف ب است.	بعضی ب الف است.
هیچ الف ب نیست.	بعضی ب الف است.
هر ب ج است.	بعضی ب ج نیست.
هیچ ج ب نیست.	هر ج ب است.
...	...
...	...
...	...
...	...

فعالیت تکمیلی

۱. دلیل نامعتبر بودن قیاس‌های زیر را بیان کنید:
- الف) انسان از خاک است. خاک بی جان است؛ پس : انسان بی جان است.
- ب) هیچ یک از شیرینی خورها لاغر نیستند. بعضی سیگاری‌ها شیرینی خور نیستند؛ پس : بعضی از سیگاری‌ها لاغرند.
- ج) رستم شیر است. شیر در بیشه زندگی می‌کند؛ پس : رستم در بیشه زندگی می‌کند.
- د) برخی کاغذها سفیدند. برخی سفیدها برف‌اند؛ پس : برخی کاغذها برف‌اند.
- ه) هیچ کارگر زیده‌ای نانوا نیست. هیچ نانوابی ماهیگیر نیست؛ پس : هیچ کارگر زیده‌ای ماهیگیر نیست.
۲. آیا اگر جای مقدمات قیاس شکل اول را عوض کنیم و نتیجه را ثابت نگه داریم، قیاس شکل اول به شکل چهارم تبدیل می‌شود؟ چرا؟
۳. اعتبار قیاس‌های زیر را بررسی کنید و در صورت نامعتبر بودن، دلیل آن را ذکر کنید:
- | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|
| بعضی ب الف است. | بعضی الف ب است. | هیچ ب الف نیست. |
| بعضی ب ج نیست. | بعضی ب ج است. | هر ب ج است. |
| ... | ... | ... |
| ... | ... | ... |
| ... | ... | ... |
- بعضی الف ج نیست. ∴ بعضی الف ج است. ∴ هیچ الف ج نیست. ∴ بعضی الف ج نیست.
- | | | |
|------------------|-----------------|-----------------|
| بعضی ب الف نیست. | بعضی ب الف است. | هیچ ب الف نیست. |
| بعضی ج ب است. | هیچ ب ج نیست. | هر ب ج است. |
| ... | ... | ... |
| ... | ... | ... |
| ... | ... | ... |
- بعضی الف ج نیست. ∴ بعضی الف ج نیست. ∴ هیچ الف ج نیست. ∴ بعضی الف ج نیست.