

فصل اول

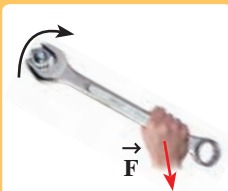
فیزیک و اندازه‌گیری



به نظر شما منظور هنرجو از ۱۰۰ چیست؟ آیا یک عدد به تنهایی معنی می‌دهد؟ به ویژه هنگامی که این عدد بیانگر طول یک الوار باشد؟!

!!! ۱۰۰

چه اندازه از طول الوار را می‌خواهی برش بزنی؟



کمیت‌های برداری و نرده‌ای



آشنایی با وسایل اندازه‌گیری و مفاهیم مرتبط با آنها



کمیت‌های اصلی و فرعی

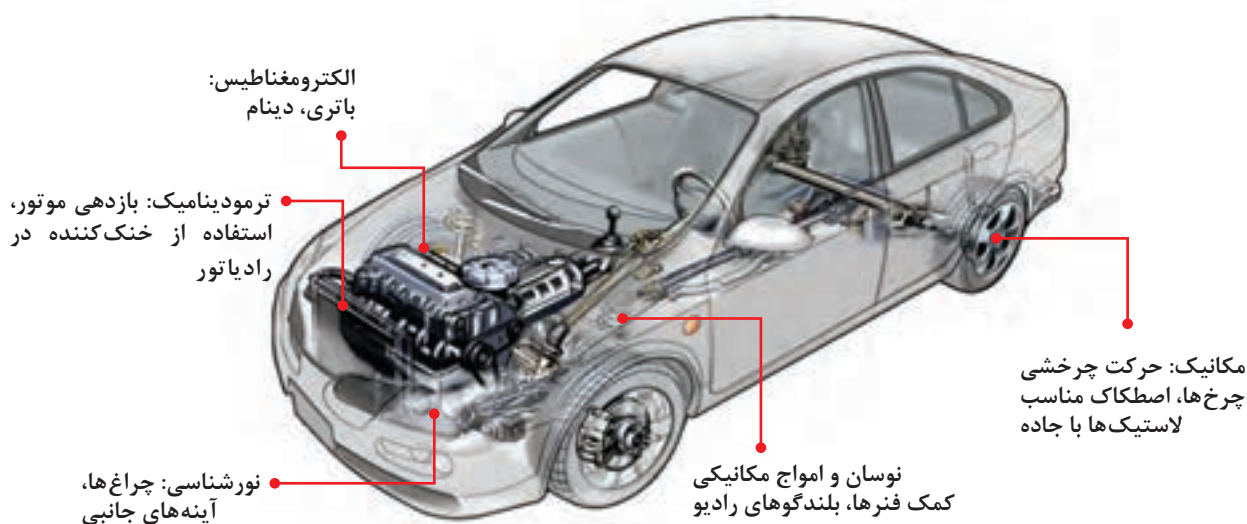


علم فیزیک و اهمیت اندازه‌گیری

۱-۱ فیزیک چیست؟

بسیاری از افراد تصور می‌کنند علم فیزیک، علمی پیچیده و دشوار است و با زندگی واقعی آنها هیچ ارتباطی ندارد. البته شاید این تصور ناشی از آن باشد که بسیاری از دانشمندان مشهور این حوزه، با استفاده از ابزارهای پیچیده، در خصوص مفاهیمی همچون ساختار جهان و یا ذرات بسیار کوچک درون اتم‌ها مطالعه و پدیده‌های مورد مشاهده خود را اندازه‌گیری می‌کنند.

اما باید قبول کرد که همه پدیده‌های پیرامون شما را می‌توان با استفاده از علم فیزیک مورد بررسی قرار داد. اگر به معنای لغوی این علم دقت کنیم، واژه فیزیک برگرفته از واژه یونانی *Physis* به معنای **طبیعت** است. همان‌گونه که از معنای این واژه نیز مشخص است، هدف اصلی علم فیزیک این است که با استفاده از تعداد اندکی مفاهیم پایه، معادلات و فرضیات، طبیعت پیرامون بشر را توصیف نماید. در واقع با استفاده از اصول و قوانین موجود در علم فیزیک، می‌توان در مورد گستره وسیعی از پدیده‌ها، به پیش‌بینی‌های دقیق پرداخت و از آنها در ساخت ابزار و وسایلی که لازمه زندگی انسان‌هاست، استفاده نمود. برای مثال شما با مشاهده شکل ۱-۱ متوجه خواهید شد که چگونه حوزه‌های مختلف این علم در ساخت یک خودرو تأثیرگذار بوده است.



شکل ۱-۱ در ساخت یک خودرو، حوزه‌های مختلفی از علم فیزیک کاربرد دارند.



شکل ۲-۱ ناوچه دماوند (جماران ۲)

ما در زندگی روزمره خود با انواعی از قوانین و اصول فیزیکی مواجه‌ایم و به همین دلیل است که بسیاری از افراد در مورد این علم بیش از آنچه که تصور می‌کنند، اطلاعات دارند. برای مثال هنگامی که شما بستنی را در فریزر یخچال می‌گذارید، به خوبی از این قانون فیزیک مطلع هستید که اگر بستنی را به مدت طولانی در فضای اتاق نگه دارید، ذوب خواهد شد!

طراحان کشتی‌ها، ناوچه‌های جنگی (شکل ۲-۱) و قایق‌ها نیز، به استفاده از قوانین فیزیک در مورد شاره‌ها (فصل ۳ همین

کتاب) نیاز دارند. آنها می‌کوشند تا با استفاده از اصول و قوانین این حوزه، کشتی‌ها و قایق‌ها را به گونه‌ای بسازند که به راحتی بر روی آب شناور شوند و بتوانند به بهترین و سریع‌ترین شکل ممکن بر روی آب حرکت کنند.

در واقع شاخه‌های مختلف علم فیزیک، بازخوانی و کشف برخی از حقایق و قوانین است، که خداوند حکیم برای بندگانش در طبیعت خلق کرده است.



الف) اندازه‌گیری قطر یک قطعه توسط ریزسنج (میکرومتر)



ب) اندازه‌گیری فشار هوای درون لاستیک خودرو



ج) دستگاه اسیدسنج خاک

شکل ۳-۱ کاربرد اندازه‌گیری در صنعت، زندگی روزمره و کشاورزی

۱-۱-۱ اهمیت اندازه‌گیری در علم فیزیک: فیزیک‌دان‌ها برای بررسی فرضیات خود در مورد این موضوع که تغییرات یک متغیر در یک حالت ویژه، چگونه متغیر دیگری را تحت تأثیر قرار می‌دهد، دست به انجام آزمایش می‌زنند و برای آنکه فرایند آزمایش و نتایج آن از لحاظ علمی قابل قبول باشد، لازم است در حین اجرای این آزمایش‌ها دست به اندازه‌گیری‌های عددی بزنند.

اندازه‌گیری‌های عددی با اعدادی که شما در کلاس‌های ریاضی با آنها روبه‌رو می‌شوید، متفاوت هستند. در ریاضیات، از عددی مانند ۷ می‌توان به‌تنهایی یا در درون یک معادله به‌راحتی استفاده نمود ولی در علم فیزیک، اندازه‌گیری چیزی فراتر از یک عدد است. برای مثال همان‌طور که در شکل آغازین فصل آمده است، اگر شما بگویید که نتیجه یک اندازه‌گیری ۱۰۰ است، این گفته باعث به‌وجود آمدن سؤالات بسیاری در ذهن شنونده خواهد شد. چه کمیت فیزیکی (طول، جرم، زمان و ...) را اندازه‌گیری کرده‌اید؟ اگر پاسخ شما کمیت طول است در این صورت یکای اندازه‌گیری شما چه بوده است؟ (متر، فوت، اینچ و...).

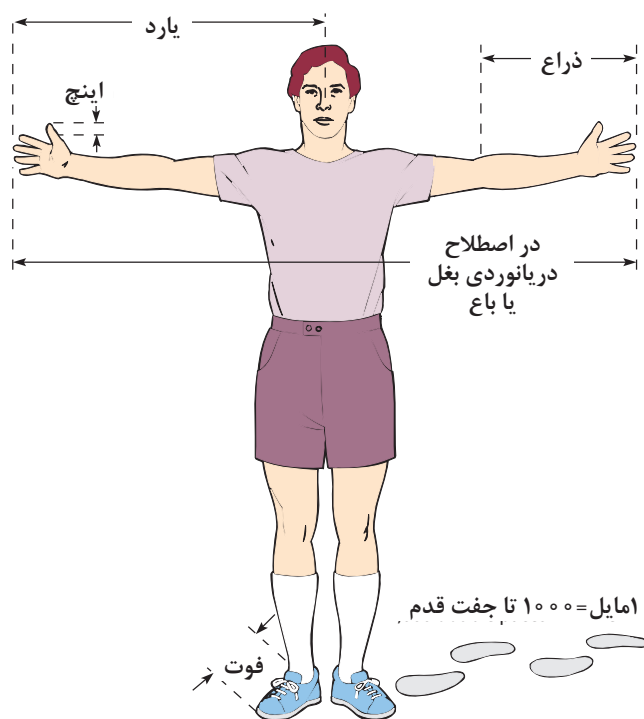
همه ما می‌دانیم که نیازهای آدمی از طریق ارتباط با محیط و دادوستد با یکدیگر برآورده می‌شود. ارتباط با محیط و جامعه از راه حواس صورت می‌گیرد، از جمله هنگامی که اجسام را می‌بینیم، آنها را لمس می‌کنیم و از بو و مزه آنها آگاه می‌شویم و همچنین صداهای اطراف را می‌شنویم. به بیان دیگر اطلاعاتی که ما از پیرامون خود به‌دست می‌آوریم، در اثر مقایسه اجسام با یکدیگر حاصل می‌شود. رنگ اجسام، زبری، نرمی، کوتاهی، بلندی، دوری، نزدیکی، سردی، گرمی، شیرینی، تلخی و بسیاری از اطلاعات دیگر از راه مقایسه آنها با هم یا مقایسه آنها با مجموعه‌ای از اجسام و استانداردهای مشخص و معین صورت می‌گیرد.

به‌طور کلی مقایسه‌ای را که نتیجه آن به‌دست آوردن عدد باشد، **اندازه‌گیری می‌نامند.** اندازه‌گیری در حیات انسان نقش مهمی

دارد. اندازه‌گیری اساس کارهای صنعتی، علمی و پژوهشی است. در

کشاورزی دانستن زمان کاشت، مقدار بذر، سطح زیر کشت و دوره‌های آبیاری اهمیت دارد. هر قدر که هر یک از این کمیت‌ها مشخص‌تر و دقیق‌تر باشند، بهره‌وری بیشتر خواهد شد. در کارهای مهندسی و فنی نیز با اندازه‌گیری قطر پیچ و مهره‌ها، فشار هوای درون لاستیک اتومبیل، نیروی کشش قطارها و ... سر و کار داریم و در کارهای علمی و پژوهشی به اندازه‌گیری دنیای بی‌نهایت کوچک درون اتم و سلول تا دنیای بی‌نهایت بزرگ جهان می‌پردازیم (شکل ۳-۱).

در گذشته انسان‌ها کمیت‌هایی را که به‌طور مستقیم با آنها سروکار داشتند (مانند طول)، با مقایسهٔ مستقیم آنها با اعضای بدن خود مانند دست، پا و ... اندازه‌گیری می‌کردند، در واقع اعضای بدن آنها نقش استاندارد و وسیله اندازه‌گیری را ایفا می‌نمود (شکل ۴-۱).



شکل ۴-۱ نمونه‌هایی از یکاهای قدیمی طول

با تشکیل گروه‌هایی از هم‌کلاسی‌های خود، در مورد مشکلات اندازه‌گیری توسط اعضای بدن در زمان قدیم بحث و تبادل نظر کنید و در نهایت، نتیجه را در قالب یک گزارش یک صفحه‌ای به دبیر خود ارائه دهید.

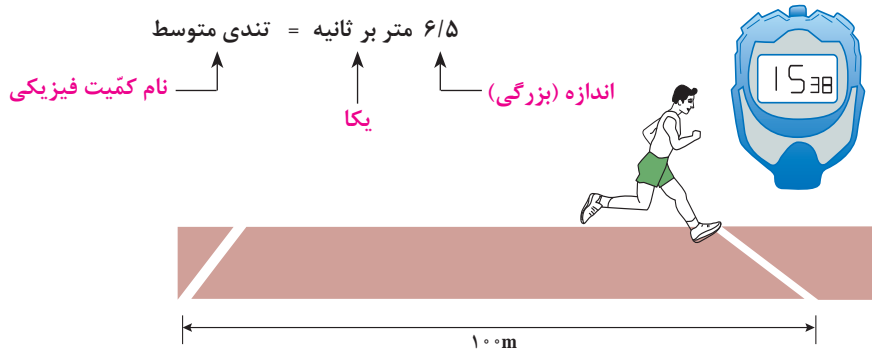
فکر کنید



۲-۱ کمیت‌های فیزیکی و یکاها

همان‌گونه که در بخش ۱-۱-۱ آموختیم، فیزیک علمی تجربی است. تجربه‌ها (آزمایش‌ها) نیازمند اندازه‌گیری هستند و عموماً برای توصیف نتایج اندازه‌گیری‌ها از اعداد استفاده می‌کنیم. در نتیجه کمیت‌های فیزیکی، ویژگی‌های فیزیکی مربوط به یک پدیده، جسم و یا ماده هستند که از طریق اندازه‌گیری و آزمایش می‌توان به آنها عدد نسبت داد. برای مثال، دو کمیت فیزیکی که از ویژگی‌های فیزیکی شما به حساب می‌آیند، وزن و ارتفاع (قد) شما هستند. در این میان برخی از کمیت‌های فیزیکی هستند که از طریق نحوه محاسبه آنها توسط دیگر کمیت‌های قابل اندازه‌گیری تعریف می‌شوند. برای مثال، همان‌گونه که از علوم تجربی پایه نهم به یاد دارید، تندی متوسط از تقسیم کمیت فیزیکی مسافت پیموده شده به زمان صرف شده به دست می‌آید و آن را مسافت پیموده شده در واحد زمان تعریف می‌کنند.

باید توجه داشت که هر کمیت فیزیکی متشکل از دو بخش، یعنی اندازه و یکای مربوط به آن کمیت است. به‌عنوان مثال در شکل ۵-۱ هنگامی که گفته می‌شود تندی متوسط دونده ۶/۵ متر بر ثانیه است، داریم:



شکل ۵-۱ محاسبه تندی متوسط دونده

یکای هر کمیت، مقدار معین و ثابتی از همان کمیت است.

نکته



شکل ۶-۱ استاندارد کیلوگرم فلزی از جنس پلاتین- ایریدیوم می‌باشد که به‌صورت قراردادی جرم آن را معادل ۱ کیلوگرم تعریف کرده‌اند.

در اندازه‌گیری هر کمیت، اندازه آن را با اندازه یکای همان کمیت مقایسه می‌کنند، تا مشخص شود که اندازه و بزرگی آن چند برابر یکایش است.

نتیجه این مقایسه عددی است که اندازه (مقدار یا بزرگی) آن کمیت نام دارد. برای مثال یکی از یکاهای مرسوم اندازه‌گیری جرم، کیلوگرم است. در تمام دنیا برای تعریف یک کیلوگرم، استاندارد را تعریف نموده‌اند (شکل ۶-۱). در نتیجه تمامی اندازه‌گیری‌هایی که با مقایسه جرم جسم با جرم این استاندارد صورت می‌پذیرد بر حسب یکای کیلوگرم گزارش می‌شوند. هنگامی که گفته می‌شود جرم یک هنرجو ۶۰ کیلوگرم است، یعنی جرم آن ۶۰ برابر جرم استاندارد تعیین شده برای یکای کیلوگرم است.

با تشکیل گروه‌هایی سه نفره از هم کلاسی‌های خود و مشورت با یکدیگر به این سؤال پاسخ دهید که استاندارد تعیین شده برای اندازه‌گیری یک کمیت، چه ویژگی‌هایی باید داشته باشد؟

فکر کنید



اکنون، پس از آشنایی با تعریف دقیق کمیت‌ها در فیزیک، اگر به دوره اول متوسطه بازگردید، متوجه خواهید شد که در درس علوم تجربی با کمیت‌های مختلفی چون طول، جرم، زمان، چگالی، سرعت و ... آشنا شده‌اید. همان‌گونه که می‌دانید، در پیرامون ما کمیت‌های قابل اندازه‌گیری بسیاری وجود دارد که اگر بخواهیم تمامی آنها را جمع‌آوری کنیم به رقمی بیش از ۱۰۰ کمیت فیزیکی خواهیم رسید و در نتیجه برای

تعیین و اندازه‌گیری هر یک از آنها نیز باید بیش از ۱۰۰ یکای ویژه تعیین کنیم، که عملاً کاری سخت و شاید امکان‌ناپذیر باشد. ولی همان‌طور که در ابتدای بحث آمد، برخی از کمیت‌های فیزیکی هستند که وابسته به کمیت‌های فیزیکی دیگرند (به‌عنوان مثال چگالی که از تقسیم کمیت فیزیکی جرم به حجم به دست می‌آید). فیزیک‌دان‌ها بر اساس این واقعیت، کمیت‌های فیزیکی را به دو دسته کلی **کمیت‌های اصلی و فرعی** تقسیم کرده‌اند که در ادامه با آنها آشنا خواهید شد.

بیشتر بدانید



نماد علمی کمیت‌ها، معمولاً بر اساس حرف اول نام لاتین آنهاست. به‌عنوان مثال برخی از کمیت‌های فیزیکی که در این کتاب با آنها آشنا خواهید شد در جدول زیر آمده است:

نماد	نام لاتین کمیت	کمیت	نماد	نام لاتین کمیت	کمیت
V	Volume	حجم	L	Length	طول
ρ	Density	چگالی	m	mass	جرم
v	Velocity	سرعت	t	time	زمان
a	acceleration	شتاب	T	Temperature	دما
F	Force	نیرو	I	Current Intensity	شدت جریان الکتریکی
W	Weight	وزن	R	Resistance	مقاومت الکتریکی
P	Pressure	فشار	V	Voltage	اختلاف پتانسیل الکتریکی
Q	Thermal Energy	انرژی حرارتی	A	Area	مساحت

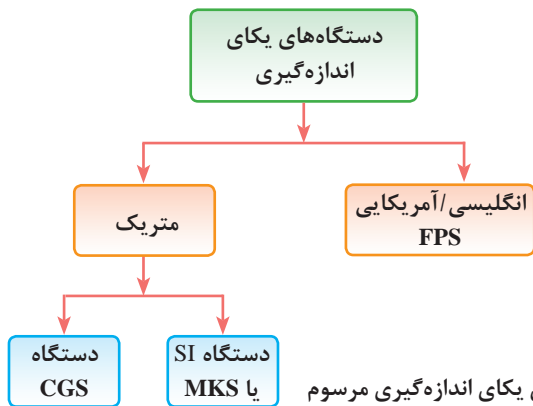
۱-۲-۱ کمیت‌ها و یکاهای اصلی: کمیت‌های اصلی مجموعه‌ای از کمیت‌های مستقل فیزیکی هستند که دیگر کمیت‌ها به کمک آنها به دست می‌آیند. با توجه به این تقسیم‌بندی، فیزیک‌دان‌ها، هفت کمیت فیزیکی را در قالب کمیت‌های اصلی در نظر گرفته‌اند و یکای مرتبط با آنها را **یکاهای اصلی** نامیده‌اند. شما در کتاب‌های **علوم تجربی دوره اول متوسطه** با برخی از آنها همچون طول، جرم، زمان، دما آشنا شده‌اید. باید در نظر داشت که نکته مهم در تعیین کمیت‌های اصلی انتخاب یک استاندارد مناسب برای اندازه‌گیری این کمیت‌ها است، زیرا در دنیای علم و ارتباطات یکی از ملزومات اصلی برای برقراری رابطه میان افراد و دادوستدهای معنی دار، وجود یک قرارداد و استاندارد مناسب میان افراد است که حوزه اندازه‌گیری در علم نیز نیازمند این قراردادهای استاندارد و جهان شمول است.



با گروه‌هایی از هم‌کلاسی‌های خود، راجع به اهمیت تعیین یکا و استاندارد در علم اندازه‌گیری بحث کنید و با در نظر گرفتن محیط زندگی، آموزشگاه، کارگاه‌ها و ... به چند مورد از مشکلات ناشی از نداشتن یکا و استاندارد یکسان در اندازه‌گیری اشاره نمایید.

فکر کنید





شکل ۷-۱ دستگاه‌های یکای اندازه‌گیری مرسوم

به این منظور و هم‌زمان با پیشرفت روزافزون مطالعات در علم، نیاز به داشتن یک دستگاه بین‌المللی یکاها شدت گرفت؛ دستگاهی متشکل از یکاهای کمیت‌های فیزیکی که بتوان به آنها در همهٔ جهان استناد نمود. در نتیجهٔ این نیاز، دو دستگاه رایج را برای بیان یکاهای اندازه‌گیری معرفی نمودند، که در شکل ۷-۱ آمده است.

بیشتر بدانید



برای نام‌گذاری این دستگاه‌ها، ابتدای نام یکاهای سه کمیت اصلی طول، جرم و زمان درون آن دستگاه به ترتیب از چپ به راست استفاده شده است. به‌عنوان مثال در دستگاه انگلیسی آمریکایی، جهت نام‌گذاری از حرف ابتدای نام یکاهای اندازه‌گیری طول، جرم و زمان در این دستگاه استفاده نموده است: FPS: Foot/Pound/ Second

و یا در دستگاه‌های دیگر داریم:

MKS: Meter/Kilogram/Second

CGS: Centimeter/Gram/Second

از میان دستگاه‌های معرفی شده و بر اساس دو ویژگی مهم و اساسی، دستگاه بین‌المللی یکاها (SI) مورد اقبال و پذیرش همگانی قرار گرفت. اولین ویژگی این دستگاه این است که اندازهٔ کمیت‌های فیزیکی در آن را می‌توان بر اساس توان‌هایی بر پایهٔ ۱۰ اندازه‌گیری کرد و ارائه داد. دیگر اینکه در این دستگاه، مجموعه‌ای سازماندهی شده از پیشنوندها برای نمایش اندازه کمیت‌های مختلف فیزیکی فراهم گردیده است که در بخش ۱-۲-۳ به آن اشاره می‌کنیم.^۲

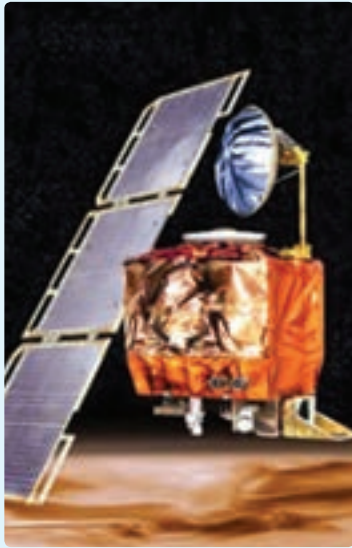
دستگاه بین‌المللی یکاها در سال ۱۹۶۰ در یازدهمین کنفرانس بین‌المللی اوزان و اندازه‌ها تصویب گردید و نام اختصاری آن در تمام جهان «SI» نامیده شد. در این دستگاه، که بر اساس ۷ کمیت اصلی پایه‌ریزی گردیده، برای هر یک از این ۷ کمیت یک یکا و یک استاندارد (همانند شکل ۶-۱) تعریف شده است. در جدول ۱-۱ با یکای برخی از مهم‌ترین کمیت‌های اصلی مورد بحث در این کتاب در دستگاه بین‌المللی یکاها آشنا خواهید شد.

جدول ۱-۱ یکاهای کمیت‌های اصلی در دستگاه بین‌المللی یکاها (SI)

نام کمیت و نماد	یکای آن در SI	نماد یکا
طول (L)	متر	m
جرم (m)	کیلوگرم	kg
زمان (t)	ثانیه	s
دما (T)	کلوین	K
شدت جریان الکتریکی (I)	آمپر	A

۱- System International

۲- در کتاب ریاضی پایه دهم با دستگاه انگلیسی/آمریکایی بیشتر آشنا خواهید شد.



در سال ۱۹۹۸ میلادی کاوشگری با نام Mars Climate Orbiter، با مأموریت تحقیق بر روی آب و هوا و تعیین مقدار دی اکسید موجود در جو مریخ و همچنین بررسی وجود آب در این سیاره به فضا فرستاده شد اما این کاوشگر هنگامی که می‌خواست در مدار خود قرار بگیرد، در اتمسفر مریخ بسیار پایین آمد و سقوط کرد.

علت این حادثه نقص فنی کاوشگر نبود. بلکه تفاوت در دستگاه‌های اندازه‌گیری سازندگان این وسیله، باعث این سقوط گردید. در واقع یکی از پیمانکاران که در ساخت این کاوشگر همکاری کرده بود از دستگاه اندازه‌گیری انگلیسی/آمریکایی استفاده می‌کرده است ولی کاوشگر بر مبنای دستگاه اندازه‌گیری متریک ساخته و برنامه‌ریزی شده بود و این تفاوت در دستگاه‌های اندازه‌گیری باعث گردید کاوشگر در تشخیص فشار هوا اشتباه کند.

با مراجعه به لوح فشرده و مشاهده فیلم مربوط به دقیق‌ترین ساعت اختراع شده در جهان (NIST-F2) گزارشی را در رابطه با ویژگی‌های منحصر به فرد این ساعت و کاربردهای آن تهیه کرده و در کلاس ارائه دهید.



۲-۲-۱- کمیت‌ها و یکاهای فرعی: همان‌طور که در ابتدای بحث اشاره شد، تعیین یکا برای تمامی کمیت‌ها در علم، کار سخت و امکان‌ناپذیری است اما با در نظر گرفتن این واقعیت که برخی از کمیت‌های فیزیکی را می‌توان توسط کمیت‌های دیگر به دست آورد، باعث گردید تا **یکاهای فرعی** معرفی شوند.

در نتیجه یکاهای فرعی، یکاهای مربوط به **کمیت‌های فرعی** هستند. این کمیت‌ها را می‌توان بر اساس اندازه‌گیری کمیت‌های دیگر و به‌خصوص کمیت‌های اصلی به دست آورد.

برای مثال کمیت سرعت از تقسیم دو کمیت اصلی جابه‌جایی (طول) به زمان به دست می‌آید، یا کمیت شتاب از تقسیم یک کمیت فرعی سرعت به یک کمیت اصلی زمان حاصل می‌شود. برای آشنایی بیشتر با کمیت‌های فرعی به مثالی که در ادامه آورده شده است، توجه کنید.



در دستگاه بین‌المللی یکاها یکای نیرو را به دست آورید.

پاسخ: نیرو یک کمیت فرعی است زیرا به کمیت‌های دیگری وابسته است. در **علوم تجربی سال نهم** آموختید:

$$F = ma = m \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

حال اگر بخواهیم یکای نیرو را به عنوان یک کمیت فرعی در دستگاه بین‌المللی یکاها به دست آوریم می‌بایست با توجه به محل قرارگیری هر یک از کمیت‌ها در رابطه بالا، یکای آنها را در محل خود قرار

دهیم، یعنی:

$$(F) = \text{یکای نیرو} = \text{kg} \times \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = \text{kg} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

توجه داشته باشید که در این کتاب تغییرات یک کمیت را با علامت Δ نشان می‌دهیم. در نتیجه در رابطه صفحه قبل Δv به معنی تغییرات سرعت و Δt به معنی تغییرات زمانی است.



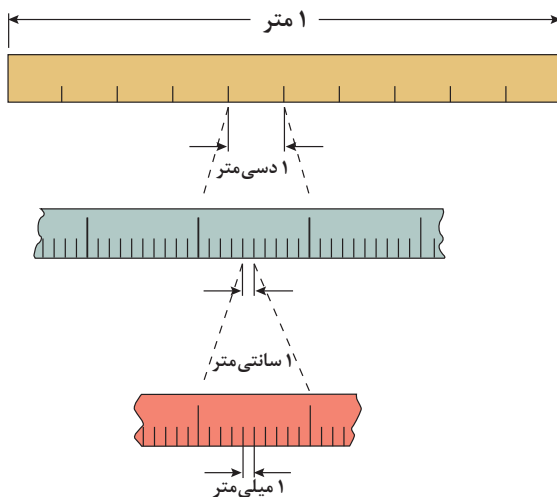
البته باید در نظر داشت که برای برخی از کمیت‌های فرعی نیز در علم فیزیک به‌منظور قدردانی از کسانی که برای کشف یا تشریح آن کمیت تلاش نموده‌اند، یکاهای معادل با یکای آنها، با در نظر گرفتن اسم آن شخص تعریف می‌کنند. به‌عنوان مثال در فیزیک، $\frac{\text{kg}}{\text{s}}$ را با حرف N نشان می‌دهند و آن را **نیوتن** می‌خوانند.

۳-۲-۱ تبدیل یکاها و پیشوندها: در بخش پیش اشاره گردید که یکی از فواید استفاده از دستگاه بین‌المللی یکاها این است که می‌توان در آن، اندازه‌گیری‌ها را بر اساس توانی از 10 نمایش داد. به همین منظور برای توضیح اینکه چه توانی از 10 را باید برای آن اندازه‌گیری در نظر گرفت، می‌توان از پیشوندها استفاده نمود.

پیشوندهای عددی عباراتی هستند که با خود اعداد بسیار بزرگ و یا بسیار کوچک را به‌همراه می‌آورند، به‌عنوان نمونه کیلو یعنی هزار و میلی یعنی یک هزارم. این پیشوندها می‌توانند همراه کمیت‌های فیزیکی مانند گرم یا متر و ... بیایند (شکل ۱-۸). پیشوندها به‌خصوص در زمانی که اندازه‌گیری‌ها خیلی کوچک و یا خیلی بزرگ باشند قابل استفاده‌اند، در جدول ۲-۱ برخی از پرکاربردترین پیشوندها و معنی آنها آورده شده است.

جدول ۲-۱ پیشوندهای مورد استفاده در دستگاه SI

پیشوندهای کوچک‌کننده			پیشوندهای بزرگ‌کننده		
نماد	پیشوند	مضرب	نماد	پیشوند	مضرب
a	آتو	10^{-18}	E	اگزا	10^{+18}
f	فمتو	10^{-15}	P	پنتا	10^{+15}
p	پیکو	10^{-12}	T	ترا	10^{+12}
n	نانو	10^{-9}	G	گیگا	10^{+9}
μ	میکرو	10^{-6}	M	مگا	10^{+6}
m	میلی	10^{-3}	k	کیلو	10^{+3}
c	سانتی	10^{-2}	H	هکتو	10^{+2}
d	دسی	10^{-1}	da	دکا	10^{+1}

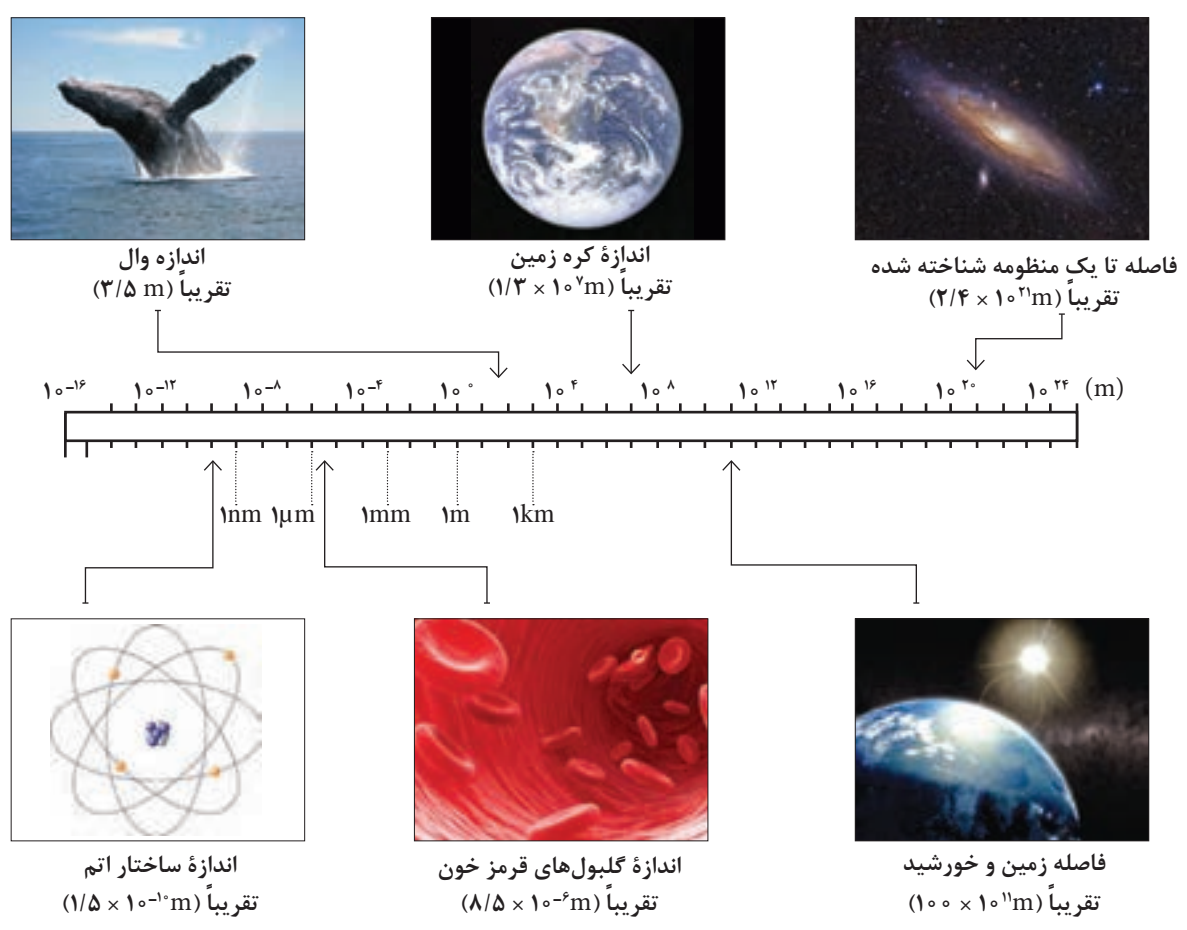


شکل ۱-۸ پیشوندهای کوچک‌کننده یکای متر



علم و فناوری نانو (نانو تکنولوژی) توانایی به دست گرفتن کنترل ماده را در ابعاد نانومتری (مولکولی) و بهره‌برداری از خواص و پدیده‌های این بعد در مواد، ابزارها و سیستم‌های نوین را دارد. این حوزه نوظهور از علم، باعث پیشرفت‌های بسیاری در حوزه پزشکی، داروسازی، صنعت و ... گردیده است که کشور ایران نیز سهم بسیار مهمی در پیشرفت آن داشته است.

در شکل ۹-۱ مجموعه‌ای از طول‌های متفاوت، از خیلی کوچک تا خیلی بزرگ که در اطراف ما وجود دارد، نمایش داده شده است. با در نظر گرفتن این گستره طول‌ها، به اهمیت استفاده از دستگاه بین‌المللی یکاها و پیشوندهای آن پی می‌بریم.



شکل ۹-۱ گستره طولی جهان پیرامون ما

حال که با مفهوم و معنای پیشوندها در دستگاه بین‌المللی یکاها آشنا شدیم، یادآور می‌شویم که در فیزیک و در برخی مسائل، ما ناچار به تغییر پیشوند یکای اندازه‌گیری‌های انجام شده هستیم، برای این منظور باید از **ضرایب تبدیل** استفاده نماییم. ضرایب تبدیل، کسرهایی هستند که توسط آنها پیشوندهای قبلی حذف و پیشوندهای موردنظر جایگزین می‌شوند. برای آشنایی با شیوه ساخت و کاربرد این ضرایب به مثال زیر دقت کنید.

نکته



مقدار کسرهایی ضریب تبدیل برابر یک است و تنها برای تبدیل یکا استفاده می‌شوند.

مثال



تبدیل یکاهای زیر را انجام دهید.

$$\text{الف) } 10^{-6} \text{ g} = ? \text{ mg}$$

پاسخ: برای یافتن ضریب تبدیل مورد نیاز، با رجوع به جدول ۱-۲ در می‌یابیم که ۱ میلی‌گرم (۱ mg) معادل (10^{-3} g) است. در نتیجه خواهیم داشت:

$$1 \text{ mg} = 10^{-3} \text{ g} \Rightarrow \frac{1 \text{ mg}}{10^{-3} \text{ g}} = 1 \quad \text{یا} \quad \frac{10^{-3} \text{ g}}{1 \text{ mg}} = 1$$

حال با توجه به اینکه در تبدیل یکای خواسته شده، باید یکای گرم (g) حذف و به جای آن یکای میلی‌گرم (mg) قرار گیرد، کافی است ضریب تبدیل مناسب آن را در مقدار عددی سؤال ضرب کنیم:

$$10^{-6} \text{ g} = ? \text{ mg} \Rightarrow 10^{-6} \text{ g} \times \frac{1 \text{ mg}}{10^{-3} \text{ g}} = 10^{-3} \text{ mg}$$

$$\text{ب) } 25 \text{ mm} = ? \mu\text{m}$$

پاسخ: در این مثال ابتدا می‌بایست، پیشوند یکای میلی (m) برداشته شود و به جای آن پیشوند میکرو (μ) قرار گیرد. در نتیجه با دو ضریب تبدیل مختلف روبه‌رو هستیم:

$$25 \text{ mm} = ? \mu\text{m} \Rightarrow 25 \text{ mm} \times \frac{10^{-3} \text{ m}}{1 \text{ mm}} \times \frac{1 \mu\text{m}}{10^{-6} \text{ m}} = 25 \times 10^{+3} \mu\text{m}$$

نکته



۱- تنها یکاهای مربوط به یک کمیت را می‌توان به یکدیگر تبدیل نمود. یعنی هیچ‌گاه نمی‌توان یکای زمان را به جرم تبدیل نمود.

۲- در تبدیل پیشوند یکاهای توان‌دار، مانند (مساحت (m^2) یا حجم (m^3) و ...) ضرایب تبدیل نیز باید به همان توان برسند و در عدد اصلی ضرب شوند.

۳- در تبدیل پیشوند یکاهای کسری باید برای تبدیل هریک از پیشوندهای صورت و یا مخرج از ضریب تبدیل جداگانه‌ای استفاده نماییم.

مثال

تبدیل یکاهای خواسته شده را انجام دهید.

الف) $30 \text{ cm}^3 = ? \text{ nm}^3$

پاسخ:

$$30 \text{ cm}^3 \times \left(\frac{10^{-2} \text{ m}}{1 \text{ cm}}\right)^3 \times \left(\frac{1 \text{ nm}}{10^{-9} \text{ m}}\right)^3 = 30 \times 10^{+21} \text{ nm}^3$$

ب) $72 \frac{\text{km}}{\text{h}} = ? \frac{\text{m}}{\text{s}}$

پاسخ:

$$72 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{10^{+3} \text{ m}}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}} = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$



نکته



برای تبدیل یکای اندازه گیری می توان از قاعده زیر نیز استفاده نمود، البته باید در نظر داشت که اصلی ترین راه تبدیل یکاها در فیزیک، استفاده از ضرایب تبدیل است. این قاعده را با حل یک مثال توضیح می دهیم:

$$25 \text{ mm} = ? \mu\text{m} \Rightarrow 25 \text{ mm} = x \mu\text{m} \Rightarrow x = \frac{25 \times 10^{-3} \text{ m}}{10^{-6} \text{ m}} = 25 \times 10^{+3}$$
$$\Rightarrow 25 \text{ mm} = 25 \times 10^{+3} \mu\text{m}$$

تمرین کنید



همان گونه که در بخش معرفی دستگاه های اندازه گیری گفته شد، یکی از دستگاه های اندازه گیری کمیت ها در فیزیک دستگاه انگلیسی / آمریکایی است. در این دستگاه یکای طول فوت، یکای جرم پوند و یکای زمان ثانیه است^۱. با در نظر گرفتن ضرایب تبدیل زیر، تبدیل یکاهای خواسته شده را انجام دهید.

$1 \text{ ft} \cong 0.305 \text{ m}$ و $1 \text{ lb} \cong 0.454 \text{ kg} = 454 \text{ g}$

$12 \frac{\text{lb}}{\text{ft}^3} \cong ? \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

$50 \text{ g} \cong ? \text{ ft}$

$1 \text{ lb} \cong ? \text{ cm}$

تحقیق کنید



با بررسی و جست و جو در کتاب های تخصصی رشته خود و به کمک دبیر، یکاهای رایج در رشته خود را شناسایی کنید و رابطه تبدیل آنها را بر حسب یکاهای SI به دست آورده و به کلاس ارائه دهید.

۱-۲-۴ نمادگذاری علمی: همان گونه که اشاره شد، در فیزیک کمیت های بسیار زیادی برای اندازه گیری

وجود دارد و با اندازه گیری هر یک از این کمیت ها با اعداد کوچک و بزرگ متفاوتی روبه رو می شویم. برای مثال فاصله میان ماه تا زمین در حدود ۳۸۴,۴۰۰,۰۰۰ متر است و یا اندازه یک باکتری، کوچک تر از ۰/۰۰۰۰۰۲ متر است. همان طور که مشاهده می کنید به خاطر سپردن این اعداد کمی مشکل و حتی مقایسه آنها با یکدیگر از لحاظ بزرگی و کوچکی بسیار سخت است. برای حل این مشکل می توان تمام اندازه گیری های گزارش شده در فیزیک را به صورت نمادگذاری علمی و بر اساس توانی بر پایه ۱۰ ارائه نمود.

به این منظور کافی است از قاعده زیر پیروی کنیم :

$$[x = m \times 10^n \quad (1 \leq m < 10)]$$

۱- lb معادل یکای پوند و ft معادل یکای فوت می باشد.

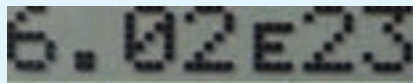
n یک عدد صحیح مثبت (به ازای تعداد اعشارهایی که به سمت چپ می‌رود) یا منفی (به تعداد اعشارهایی که به سمت راست می‌رود) است. با این شرایط می‌توان گفت که در گزارش یک عدد به صورت نماد علمی لازم است تنها یک عدد صحیح در سمت چپ اعشار قرار گیرد. حال برای تبدیل فاصله میان ماه تا زمین می‌بایست به تعداد ۸ اعشار به سمت چپ برویم تا به یک عدد صحیح (۳) میان ۱ تا ۱۰ برسیم پس خواهیم داشت:

$$3/844 \times 10^8 \text{ m}$$

یا در نوشتن اندازه یک باکتری کوچک بر اساس نمادگذاری علمی باید به تعداد ۶ اعشار به سمت راست برویم تا به یک عدد صحیح (۲) میان ۱ تا ۱۰ برسیم، پس خواهیم داشت:

$$2 \times 10^{-6} \text{ m}$$

نمایش اعداد توان‌دار، به خصوص در صفحات دیجیتالی کوچک همانند ماشین حساب‌های مهندسی، همیشه امکان‌پذیر نیست. به همین دلیل در این‌گونه ابزارها، نمادگذاری علمی را در قالب mEn نمایش می‌دهند که به معنای $m \times 10^n$ می‌باشد، برای مثال می‌دانیم که یک مول از هر ذره (اتم، مولکول یا یون) به تعداد عدد آووگادرو از آن ذره است، این عدد ($6/02205 \times 10^{23}$) به صورت نمادگذاری علمی در یک ماشین حساب مهندسی به این شکل نمایش داده می‌شود:



بیشتر بدانید



۱-۳ اندازه‌گیری کمیت‌ها



شکل (۱-۱۰) این حادثه، نتیجه یک خطای بسیار کوچک در تخمین مسافت توقف در پایان یک سفر طولانی است.

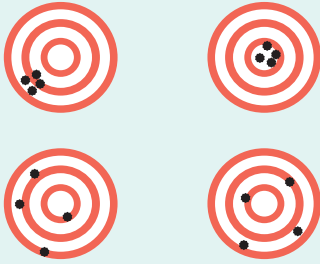
دانشمندان حوزه‌های مختلف علم (فیزیک، شیمی، زیست‌شناسی و...) برای اثبات فرضیه‌های خود دست به انجام آزمایش می‌زنند و لازمهٔ انجام بسیاری از آزمایش‌ها در علم، اندازه‌گیری می‌باشد. هرچه اندازه‌گیری‌های صورت گرفته دقیق‌تر باشند، نتایج حاصل از آن آزمایش‌ها نیز قابل اعتمادتر خواهند بود. در واقع هیچ‌گاه نمی‌توان ادعا نمود که مقدار دقیق یک کمیت را اندازه‌گیری کرده‌ایم زیرا همواره عواملی همچون خطای ناشی از محدودیت وسایل اندازه‌گیری، خطای فرد آزمایشگر، خطای وسایل اندازه‌گیری به دلیل کالیبره نبودن و... بر نتایج به دست آمده از اندازه‌گیری‌ها تأثیرگذار هستند (شکل ۱-۱۰).

در این راستا و در علم اندازه‌گیری ما با دو عبارت **دقت** ^۱ و **صحت** ^۲ برخورد خواهیم کرد. به بیان ساده، **دقت به معنای نزدیک بودن مقادیر اندازه‌گیری به همدیگر است**، خواه این مقادیر واقعیت را نشان بدهد یا

خیر و **صحت به معنای نزدیکی مقادیر اندازه‌گیری شده به مقدار واقعی است**. البته همان‌طور که در بالا اشاره گردید، در علم فیزیک مقدار واقعی یک کمیت، قابل اندازه‌گیری نیست ولی می‌توان مقدار استاندارد یا مرجعی را که برآمده از نتایج آزمایشگاه‌ها و مؤسسات استاندارد مرجع است، به منزلهٔ مقدار واقعی آن کمیت در نظر گرفت. برای درک بهتر تفاوت میان دقت و صحت به مثالی که در ادامه آمده است، توجه کنید.

۱- Precision

۲- Accuracy



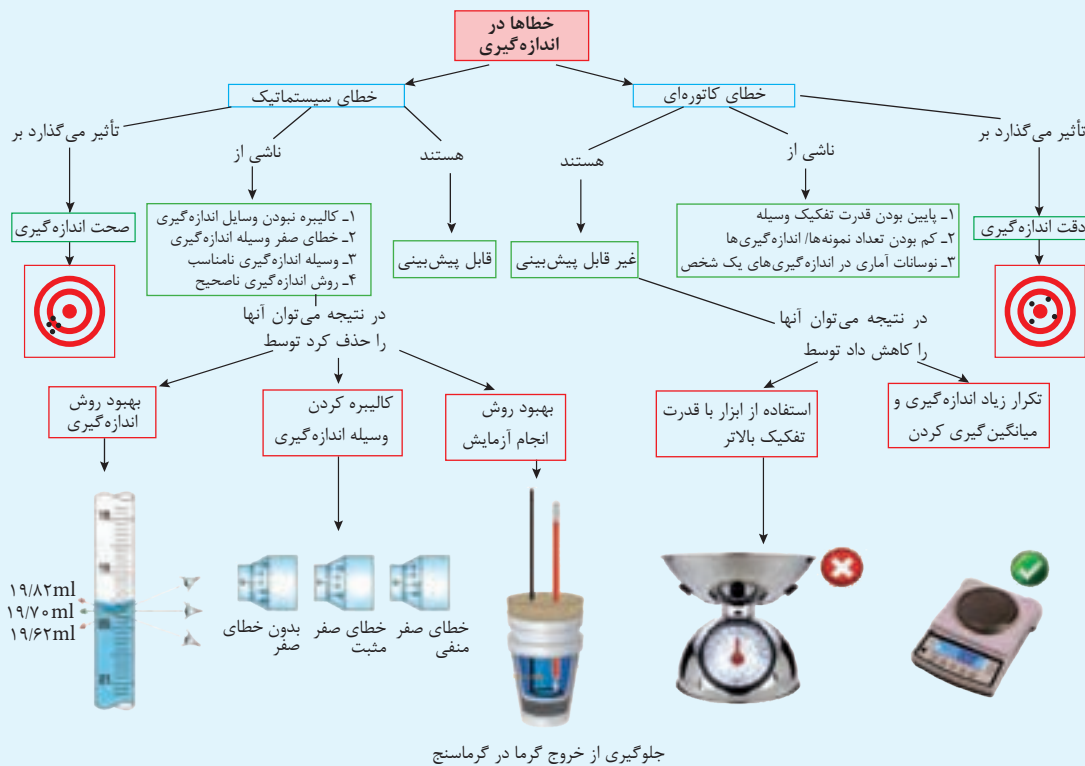
چهار نفر توسط تفنگ‌های بادی به سیبل‌هایی مطابق شکل‌های زیر شلیک کرده‌اند، اگر مبنای شلیک، برخورد گلوله به وسط سیبل باشد، چه توضیحی در رابطه با میزان دقت و صحت هر یک از این افراد وجود دارد؟

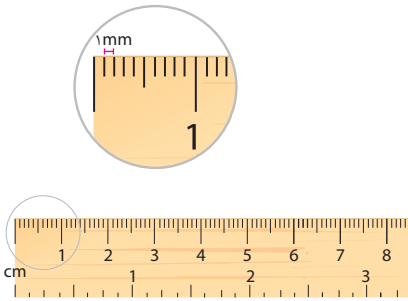
روشن است که «دقت» و «صحت» را برای هر اندازه‌گیری، باید به‌طور همزمان در نظر بگیریم. اگر دریابیم که نتیجه یک اندازه‌گیری صحت بسیار پایینی دارد، تلاش برای به دست آوردن دقت بالا چیزی جز اتلاف وقت و انرژی نیست و برعکس، نتیجه اندازه‌گیری نمی‌تواند صحت بالایی داشته باشد هنگامی که دقت آن اندازه‌گیری پایین باشد.



انواع خطا در اندازه‌گیری: هنگامی که یک آزمایشگر در محل آزمایشگاه به بررسی فرضیه

خود از طریق انجام آزمایش و اندازه‌گیری کمیت‌ها می‌پردازد، عواملی وجود دارد که مانع از رسیدن او به مقدار واقعی آن کمیت می‌شود که این عوامل را در اصطلاح **عوامل خطا** می‌نامند. در یک طبقه‌بندی کلی می‌توان عوامل خطا را به دو دسته کلی خطای کاتوره‌ای^۱ و خطاهای سیستماتیک^۲ نسبت داد. با رجوع به نقشه مفهومی زیر می‌توانید با تعریف هر یک از این خطاهای، انواع مختلف آنها و نحوه تأثیر آنها بر دقت و صحت یک اندازه‌گیری آشنا شوید.





یکی از روش‌های کاهش خطا در اندازه‌گیری، استفاده از وسایل اندازه‌گیری با **قدرت تفکیک** بالا است. منظور از قدرت تفکیک یا رزولوشن^۱ یک وسیله اندازه‌گیری، کوچک‌ترین تقسیم‌بندی آن وسیله است. به‌عنوان مثال کوچک‌ترین درجه‌بندی یک خط‌کش معمولی، ۱ میلی‌متر است در نتیجه قدرت تفکیک آن ۱mm خواهد بود.

کوچک‌ترین تقسیم‌بندی یک وسیله اندازه‌گیری را **قدرت تفکیک** یا **رزولوشن**^۱ آن وسیله می‌نامیم.

نکته



کاربرد در صنعت و فناوری



در صنعت و به‌خصوص در حوزه قطعه‌سازی همواره به‌دنبال استفاده از دقیق‌ترین ابزارها برای اندازه‌گیری و تراش قطعات هستیم. یکی از دستگاه‌های تراش که از دقت بالایی نیز برخوردار هستند، دستگاه تراش CNC است. این دستگاه‌ها با استفاده از رایانه و امکانات حافظه‌ای خود اطلاعات وارد شده را پردازش می‌کنند و این اطلاعات توسط ریزپردازنده‌ها (میکروپروسورها) به علائم کنترل برای ماشین‌های افزار (دستگاه‌های ویژه کارهای مختلف صنعتی) تبدیل می‌شود. همچنین از این تکنولوژی در ساخت دستگاه‌های برش پارچه، کارتن، چوب و ... نیز استفاده می‌کنند که با بالا بردن دقت، محصول نهایی از کیفیت ظاهری به تناسب بالاتری برخوردار خواهد بود.

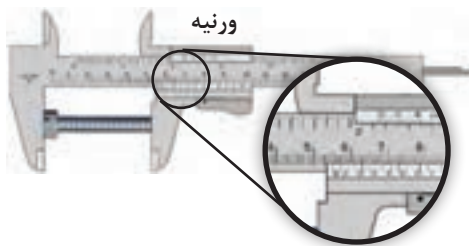
۱-۳-۱ وسایل اندازه‌گیری: در فیزیک و در هر علمی برای اندازه‌گیری کمیت‌های مخصوص آن علم از وسایل اندازه‌گیری متناسب با آن کمیت‌ها استفاده می‌کنیم. در کتاب‌های **علوم تجربی دوره اول متوسطه** با برخی از مهم‌ترین وسایل اندازه‌گیری کمیت‌هایی نظیر طول (خط‌کش، متر، ...)، جرم (ترازو) و ... آشنا شده‌اید. در برخی محیط‌های صنعتی که **دقت اندازه‌گیری** از اهمیت بالایی برخوردار است، برای اندازه‌گیری‌ها سعی می‌شود از ابزاری با **قدرت تفکیک بالاتر** استفاده کنند. برای مثال در تراشکاری‌ها، برای اندازه‌گیری طول قطعه مورد نظر معمولاً از وسایلی مانند **کولیس** و **ریزسنج** استفاده می‌شود. زیرا این وسایل از قدرت تفکیک بالاتری برخوردارند و می‌توانند مقادیر کوچک‌تری از طول را اندازه‌گیری کنند. به این منظور در این بخش به بررسی ساختمان این وسایل و نحوه استفاده از آنها می‌پردازیم.



با مراجعه به یک پلافروشی و یا یک مغازه فروش ادویه‌های غذایی در مورد وسایل و یکاهای اندازه‌گیری به‌کاررفته در این اصناف برای سنجش جرم و قدرت تفکیک این وسایل، گزارشی تهیه و به کلاس ارائه دهید.

تجربه کنید





شکل ۱۱-۱ ساختمان کولیس

همان طور که در شکل ۱-۱۱ مشاهده می کنید، کولیس از یک خط کش معمولی ساخته شده که قدرت تفکیک این خط کش ۱ میلی متر (mm) است و بر روی این خط کش قطعه‌ای به نام **ورنیه** قرار گرفته است. وظیفه ورنیه افزایش قدرت تفکیک خط کش است و با توجه به تعداد تقسیم‌بندی‌های روی ورنیه، قدرت تفکیک کولیس‌های مرسوم $0/1$ میلی متر، $0/05$ میلی متر و $0/02$ میلی متر است.



به نظر شما چگونه می توان ضخامت یک ورقه کاغذ A4 را با استفاده از یک خط کش میلی متری اندازه گیری کنیم؟ این کار را انجام داده و نتیجه آن را به کلاس خود گزارش دهید.

تجربه کنید



یکی دیگر از وسایل اندازه گیری دقیق طول در محیط‌ها و آزمایشگاه‌های صنعتی «ریزسنج» یا «میکرومتر» است. به کمک دبیر خود و با دیدن فیلم آموزشی شیوه کاربرد کولیس و ریزسنج، آزمایش زیر را برای آشنایی بیشتر با این دو وسیله انجام دهید.

آزمایش کنید



عنوان آزمایش: اندازه گیری ضخامت یک ورقه کاغذ A4

وسایل اندازه گیری: کولیس، ریزسنج، ورقه کاغذ A4

روش آزمایش: ابتدا به کمک یک کولیس و به کمک فک‌های اندازه گیری بیرونی، ضخامت یک ورقه کاغذ A4 را ۳ بار اندازه گیری کنید و سپس میانگین مقادیر اندازه گیری شده را به عنوان مقدار صحیح ضخامت کاغذ یادداشت کنید. سپس همین کار را با استفاده از ریزسنج انجام دهید. پس از اتمام اندازه گیری‌ها به سؤالات زیر پاسخ دهید.



۱- با توجه به عددهای به دست آمده در هر مرحله، قدرت تفکیک کولیس و ریزسنج در آزمایشگاه مدرسه شما چه اندازه است؟

۲- به نظر شما و با توجه به اعداد به دست آمده در هر مرحله، دقت اندازه گیری با کدام وسیله، بیشتر است؟

وسایل اندازه گیری ثابت، آن دسته از وسایل اندازه گیری هستند که توسط آنها، تنها می توان فقط یک بُعد و یا یک مقدار خاص را اندازه گیری نمود، مانند شابلون‌ها، شعاع سنج، فیلر، شابلون میله و ...

بیشتر بدانید



شابلون میله
(اندازه گیری قطر میله‌ها)



شابلون فیلر
(اندازه گیری شکاف‌ها و شیارها)



شابلون زاویه
(اندازه گیری زاویه قطعات)

۴-۱ کمیت‌های برداری و نرده‌ای

در ریاضیات، هنگامی که می‌گویید من ۵ کتاب، ۶ سیب و ۱ دوچرخه دارم، اعداد ۵، ۶ و ۱ بیانگر تعداد اشیایی است که شما داشته‌اید. در فیزیک نیز با کمیت‌های بسیاری روبه‌رو هستیم که با بیان اندازه و یکای مناسب، به‌طور کامل مشخص می‌شوند. برای مثال، هنگامی که گفته می‌شود مساحت این کلاس ۱۲ مترمربع و یا دمای هوای اتاق ۲۵ درجه سانتی‌گراد است، شما با بیان یک عدد به‌عنوان اندازه و یک یکای متناسب با آن کمیت، منظور خود را به‌طور کامل رسانده‌اید. این دسته از کمیت‌ها در فیزیک را کمیت‌های اسکالر، نرده‌ای و یا عددی می‌نامیم.

کمیت نرده‌ای

کمیتی است که برای مشخص شدن، تنها به تعیین اندازه و یکای مناسب نیاز دارد و از روش‌های جمع و تفریق جبری (ریاضی) پیروی می‌کند.

نکته



اما برای تعیین همه کمیت‌های فیزیکی بیان اندازه و یکای مناسب کافی نیست. قبل از ورود به بحث و آشنایی با نوع دیگر کمیت‌ها به مثال زیر دقت کنید.

تصور کنید شما در کلاس ایستاده‌اید و چشمان خود را بسته‌اید. آنگاه از دوست خود می‌خواهید مکان قرارگیری میز کار را برای شما مشخص کند. اگر او به شما بگوید: کافی است ۴ متر جابه‌جا شوید، به نظر شما یافتن مکان میز، کار ساده‌ای خواهد بود؟ به احتمال زیاد پاسخ شما به این سؤال خیر است. به بیان دیگر برای آنکه مکان میز کار خود را بیابید؛ دوست شما باید علاوه بر تعیین مقدار و یکای مناسب برای کمیت جابه‌جایی، جهت حرکت شما را نیز تعیین می‌کرد. برای مثال می‌گفت: ۴ متر به طرف جلو یا ۴ متر به طرف راست و ... جابه‌جا شوید.

همان‌طور که از مثال بالا می‌توان نتیجه گرفت برای تعیین برخی از کمیت‌های فیزیکی علاوه بر تعیین اندازه و یکای مناسب، تعیین جهت نیز الزامی است، این دسته از کمیت‌ها را کمیت‌های برداری می‌نامیم (شکل ۱-۱۲).



شکل ۱-۱۲ سرمای هوا در یک روز زمستانی، هم به دمای هوا (-2°C) به‌عنوان یک کمیت نرده‌ای و همچنین سرعت باد ($20 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به‌طرف شرق) به‌عنوان یک کمیت برداری بستگی دارد.

شما در درس **علوم تجربی پایه نهم** با مفهوم **تندی** و **سرعت** آشنا شده‌اید. با این توضیحات درخواهید یافت که «تندی» **کمیتی نرده‌ای** است، زیرا تنها با بیان یک اندازه و یکای مناسب تعریف می‌شود ولی «سرعت» **کمیتی برداری** است، زیرا برای تعیین آن علاوه بر مشخص کردن تندی حرکت، باید جهت حرکت را نیز مشخص کنیم.

برای مثال هنگامی که گفته می‌شود یک اتومبیل با سرعت ۱۰۰ کیلومتر بر ساعت در یک بزرگراه از طرف شمال به جنوب در حال حرکت است، شما با بیان ۱۰۰ کیلومتر بر ساعت، اندازه و یکای سرعت را مشخص کرده‌اید و با بیان از شمال به جنوب جهت حرکت آن را نیز تعیین نموده‌اید.



همه شما در بزرگراه‌ها با تابلوهایی به شکل روبه‌رو که محدوده سرعت را در آن بزرگراه تعیین نموده‌اند، آشنا شده‌اید. به نظر شما منظور از نصب این تابلوها اعلام تندی یا سرعت مجاز برای حرکت انواع خودروها است؟ پاسخ خود را توضیح دهید.

فکر کنید



کمیت برداری

کمیتی است که علاوه بر تعیین **اندازه** و **یکای مناسب**، به **تعیین جهت** نیز نیاز دارد و از **روش‌های جمع و ضرب برداری** پیروی می‌کند.

نکته

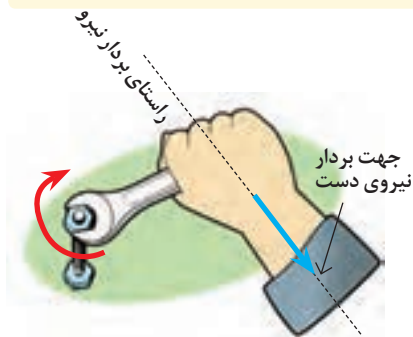


با تشکیل گروه‌هایی از هم‌کلاسی‌های خود، تمامی کمیت‌هایی که در کتاب‌های **علوم تجربی دوره اول متوسطه** خوانده‌اید را شناسایی کرده و در جدول زیر وارد نمایید. سپس با توجه به ویژگی‌های هر یک از این کمیت‌ها، تعیین کنید که هر کدام جزو کدام دسته از کمیت‌های تعیین شده در این فصل‌اند.

تجربه کنید



نام کمیت	کمیت اصلی	کمیت فرعی	کمیت نرده‌ای	کمیت برداری

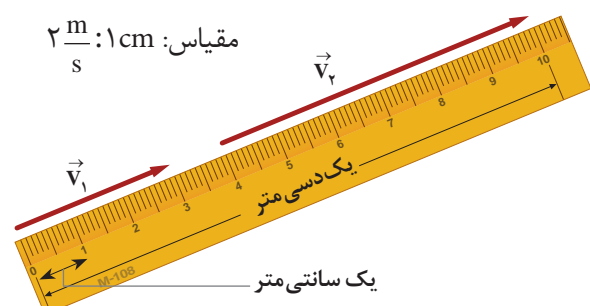


شکل ۱-۱۳ راستا و جهت یک بردار

۱-۴-۱ نمایش کمیت‌های برداری: با توجه به اینکه کمیت‌های برداری با کمیت‌های نرده‌ای تفاوت دارند، نمایش آنها نیز از روش‌های ویژه پیروی می‌کند. برای نمایش ریاضی کمیت‌های برداری، لازم است **نماد آن کمیت را نوشته و در بالای آن علامت بردار** بگذاریم. برای مثال نیرو یکی از کمیت‌های برداری در فیزیک است (چرا؟) که آن را به صورت \vec{F} نشان می‌دهند. همچنین برای نشان دادن مقدار (یا اندازه) یک کمیت برداری، از **علامت قدر مطلق** استفاده می‌شود. یعنی اندازه یک بردار نیرو را به این صورت $|\vec{F}|$ یا بدون علامت بردار F نشان می‌دهند.

همان‌گونه که اشاره گردید، کمیت‌های برداری، **کمیت‌هایی جهت‌دار** هستند. در نتیجه آنها را با **پاره‌خط‌های جهت‌دار** (پیکان) نمایش می‌دهیم. می‌دانیم که هر پیکان دارای اندازه (طول پیکان) و جهت (جهت نمایش داده شده توسط نوک پیکان) و راستای مشخصی است (شکل ۱-۱۳).

در نتیجه طول هر پیکان باید بیانگر مقیاسی از اندازه آن کمیت برداری و جهت و راستای آن بیانگر جهت و راستای آن کمیت برداری باشد. برای فهم بهتر این موضوع به مثالی که در ادامه آمده است، توجه کنید.



مقیاس: $1 \text{ cm} : 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

یک دسی متر

یک سانتی متر

می‌دانیم، سرعت کمیتی برداری است. در نتیجه برای نمایش آن از پاره‌خط‌های جهت‌دار استفاده می‌شود. بر این اساس اگر بخواهیم دو بردار هم‌جهت سرعت با اندازه‌های $v_1 = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ و $v_2 = 12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ را نشان دهیم، خواهیم داشت:

مثال



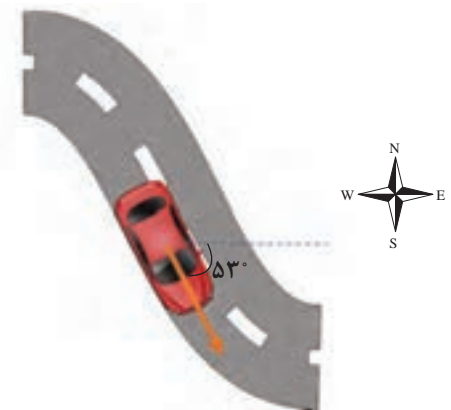
در مسائل برای بیان جهت یک بردار قواعد بسیاری وجود دارد. یکی از ساده‌ترین قواعد تعیین جهت به صورت زیر است:

● نیروی ۴ نیوتن از چپ به راست به جسمی وارد می‌شود.

● بالنی به سرعت ۶۰ کیلومتر بر ساعت به طرف بالا در حرکت است.

همچنین از دیگر راه‌های نمایش جهت یک بردار، استفاده از جهت‌های اصلی شمال، جنوب، غرب و شرق است. ولی اگر برداری دقیقاً در راستای یکی از این جهات قرار نگیرد، چگونه باید جهت آن بردار را مشخص نمود؟ برای پاسخ به این سؤال به مثال زیر توجه کنید.

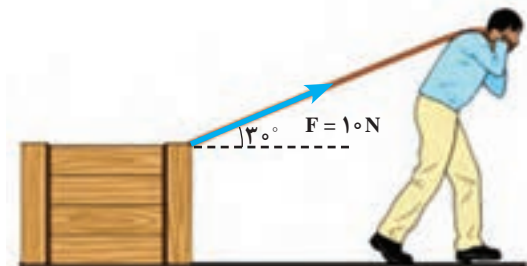
(ب) بردار سرعت در شکل زیر، خودرویی با سرعت $60 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ در جهت 53° جنوب شرق در حال حرکت است.



جهت بردارهای خواسته شده را مشخص کنید.

(الف) بردار نیرو

پاسخ: با توجه به شکل، شخص بردار نیرویی به اندازه ۱۰ نیوتن و تحت زاویه 30° درجه بالای افق به جعبه وارد می‌کند.

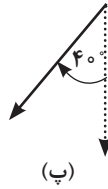
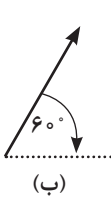


مثال





جهت هر یک از پیکان‌های ترسیم‌شده را با استفاده از قواعد گفته شده مشخص کنید.



با توجه به قواعدی که در بالا به آن اشاره گردید، می‌توان نتیجه گرفت که برای رسم یک کمیت برداری، باید مراحل زیر انجام شود:

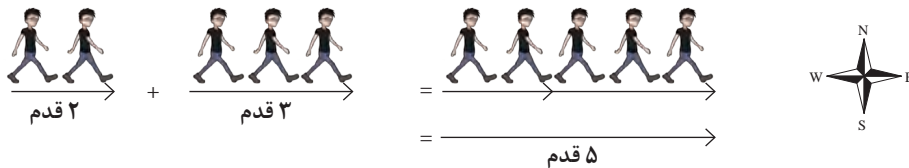
- ۱- مقیاسی را برای رسم آن کمیت برداری در نظر بگیرید.
- ۲- طول بردار معرف آن کمیت را با مقایسه اندازه آن کمیت با مقیاس در نظر گرفته شده، تعیین کنید.
- ۳- بر اساس جهت داده شده و با توجه به قواعد رسم بردارها، بردار آن کمیت را رسم کنید.

نکته

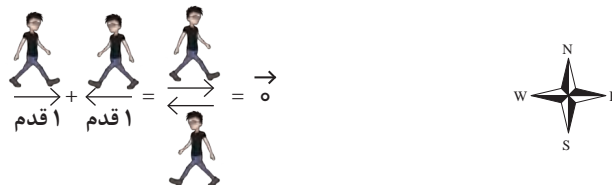


۱-۴-۲ قواعد جمع برداری: همان‌گونه که قبلاً گفته شد، بر خلاف کمیت‌های نرده‌ای مانند دما، انرژی، مسافت و ... که برای جمع و تفریق از قواعد جبری پیروی می‌کنند، برای تعیین کمیت‌های برداری، علاوه بر اندازه و یکای مناسب، تعیین جهت نیز الزامی است. این کمیت‌ها باید برای جمع و تفریق با یکدیگر از دستورهایی پیروی کنند که در آن جهت کمیت برداری نیز لحاظ شده باشد.

برای مثال می‌دانیم جابه‌جایی کمیتی برداری است. فرض کنید شما بر روی یک مسیر مستقیم، دو قدم به طرف شرق برداشته‌اید و سپس سه قدم دیگر در همان جهت برمی‌دارید، در آن صورت اگر از شما بپرسند که از نقطه شروع تا پایان حرکت چند قدم برداشته‌اید خواهید گفت پنج قدم به طرف شرق. اگر بخواهیم جابه‌جایی‌های شما را با بردار نمایش دهیم، خواهیم داشت:



حال شرایط دیگری را در نظر بگیرید. اگر شما یک قدم به طرف شرق برداشته و سپس یک قدم به طرف غرب بردارید، جابه‌جایی شما صفر خواهد بود در حالی که شما به اندازه دو قدم مسافت پیموده‌اید، در نتیجه خواهیم داشت:



با این مثال، بردار برآیند را این‌گونه تعریف می‌نماییم:

بردار برآیند چند بردار، برداری است که اثر آن به تنهایی مشابه حالتی است که تمامی آن بردارها همراه با هم اثر کنند. اگر بردار برآیند دو بردار A و B را با بردار R نمایش دهیم، خواهیم داشت:

$$\vec{R} = \vec{A} + \vec{B}$$

یک مسابقهٔ طناب‌کشی میان دو گروه از هم‌کلاسی‌های خود ترتیب دهید و پس از پایان بازی و معلوم شدن گروه برنده، دربارهٔ بزرگی بردار برابند نیروهای گروه برنده و بازنده، با یکدیگر مشورت کرده و نتیجه را به کلاس ارائه دهید.

تجربه کنید



تصور کنید که بر روی یک مسیر مستقیم، ابتدا ۱۰ متر به طرف راست حرکت کرده‌اید و سپس از همان نقطه، ۲ متر به طرف چپ حرکت می‌کنید، در پایان شما چند متر جابه‌جا شده‌اید و در این حرکت چقدر مسافت پیموده‌اید؟

تمرین کنید



حال که با مفهوم جمع برداری آشنا شده‌اید، می‌توان قواعد جمع کمیت‌های برداری را با جزئیات بیشتری و برای موقعیت‌های پیچیده‌تری (مثلاً حرکت در راستاهای متفاوت) شرح داد. برای این منظور به شرح دو روش جمع هندسی بردارها که عبارت‌اند از جمع برداری به روش چندضلعی و به روش متوازی‌الاضلاع می‌پردازیم.

الف) جمع کمیت‌های برداری به روش چندضلعی: یکی از روش‌های استاندارد جمع کمیت‌های برداری روش چندضلعی است. این روش مخصوص زمانی است که با بیش از دو کمیت برداری روبه‌رو می‌شویم. البته از این روش برای جمع دو بردار نیز می‌توان استفاده کرد که در این صورت آن را «روش مثلثی» می‌نامیم. برای جمع چند بردار به روش چندضلعی مراحل زیر را طی خواهیم کرد:

- ۱ برداری هم‌سنگ^۱ با بردار اول رسم می‌کنیم.
 - ۲ از انتهای بردار اول برداری هم‌سنگ با بردار دوم را رسم می‌کنیم و این عمل را تا آخرین بردار ادامه می‌دهیم.
 - ۳ در این صورت بردار برابند این بردارها از لحاظ هندسی، برداری است که از ابتدای بردار اول شروع می‌شود و به انتهای بردار آخر ختم می‌گردد.
 - ۴ اگر در ترسیم بردارها، روش اشاره شده در مورد تعیین مقیاس را اجرا کنیم، در آن صورت با اندازه‌گیری طول بردار برابند می‌توان اندازهٔ آن کمیت برداری را به دست آورد.
- برای درک بهتر این روش به مثال زیر دقت کنید.

مثال

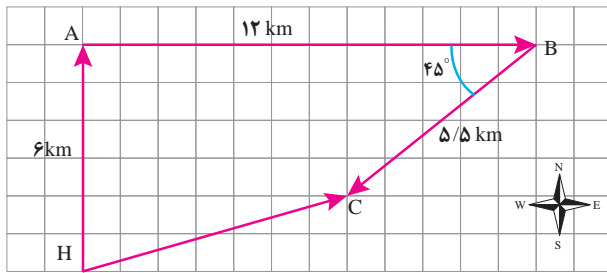


تصور کنید که می‌خواهید از منزل خود برای خرید به یک فروشگاه بروید. برای این منظور شما ابتدا به اندازهٔ ۶ کیلومتر به طرف شمال حرکت کرده‌اید و سپس به اندازهٔ ۱۲ کیلومتر به طرف شرق و در نهایت به اندازهٔ ۵/۵ کیلومتر در جهت ۴۵ درجه جنوب غرب حرکت کرده و به فروشگاه می‌رسید. در این صورت مسافت پیموده شده در کل حرکت و جابه‌جایی کل انجام شده توسط شما به صورت زیر محاسبه می‌شود:

● **مسافت طی شده:** همان‌طور که می‌دانید، مسافت، کمیتی نرده‌ای است و از قواعد جمع جبری (ریاضی) پیروی می‌کند، در نتیجه برای محاسبهٔ مسافت طی شده تنها باید تمامی مسافت‌های طی شده را بدون در نظر گرفتن جهت با یکدیگر جمع کنیم:

$$d = 6 + 12 + 5/5 = 23/5 \text{ km}$$

۱- برداری هم‌اندازه، هم‌راستا و هم جهت با یک بردار را هم‌سنگ آن بردار می‌نامیم.



● جابه‌جایی کل انجام شده:

همان‌طور که می‌دانید، جابه‌جایی کل، جمع برداری جابه‌جایی‌های انجام شده است. در این صورت با استفاده از دستور جمع برداری به روش چندضلعی، خواهیم داشت:

بردار HC برابر براینده سه بردار

جابه‌جایی HA، AB و BC است. در نتیجه طول آن برابر با جابه‌جایی کل انجام شده توسط شما است. برای رسم این بردارها هر دوخانه کاغذ شطرنجی را معادل ۲ کیلومتر جابه‌جایی در نظر گرفته‌ایم (مقیاس انتخابی در این شکل تقریبی است) در نتیجه با اندازه‌گیری طول بردار برآیند و مقایسه آن با مقیاس انتخابی خواهیم داشت:

$$\frac{1 \text{ cm}}{3/6 \text{ cm}} = \frac{2 \text{ km}}{x} \rightarrow x = \frac{2 \text{ km} \times 3/6 \text{ cm}}{1 \text{ cm}} = 7/2 \text{ km}$$

تمرین کنید



تصور کنید برای جابه‌جایی میان دو نقطه، ابتدا به اندازه ۳ کیلومتر به طرف شرق و در ادامه، به اندازه ۴ کیلومتر به طرف شمال حرکت کرده‌اید. با استفاده از کاغذ شطرنجی و تعیین یک مقیاس مناسب، اندازه جابه‌جایی کل صورت گرفته و جهت آن را با استفاده از روش چندضلعی و به کمک خط کش و نقاله، به دست آورید.

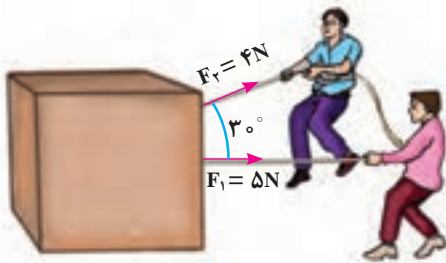
فکر کنید



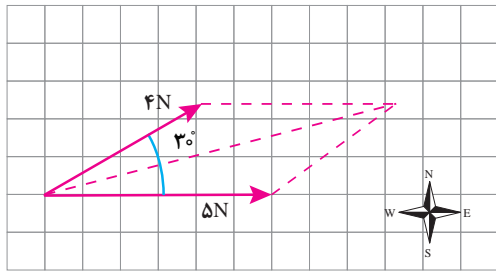
به نظر شما با یادآوری روش فیثاغورس در ریاضیات چگونه می‌توانیم اندازه بردار جابه‌جایی برآیند در تمرین بالا را بدون استفاده از خط کش و مقیاس به دست آوریم؟

ب) روش جمع هندسی دو بردار به شیوه متوازی‌الاضلاع: از این روش معمولاً برای جمع دو بردار استفاده می‌شود و در صورتی که با بیش از دو بردار مواجه گردیم، بهتر است از روش قبل استفاده کنیم. برای آشنایی بهتر با این روش به مثالی که در ادامه آمده است، توجه کنید.

مثال



تصور کنید شما و دوستتان برای جابه‌جا کردن یک جعبه توسط دو ریسمان، مطابق شکل نیروهای ۴ و ۵ نیوتن را به جعبه وارد نموده‌اید، در آن صورت همان‌طور که خواهید دید جعبه نه در جهت نیروی ۴ نیوتن حرکت می‌کند و نه در جهت نیروی ۵ نیوتن. بلکه این جعبه در راستای نیروی برآیند این دو نیرو جابه‌جا خواهد شد! برای محاسبه اندازه و جهت این نیروی برآیند به روش

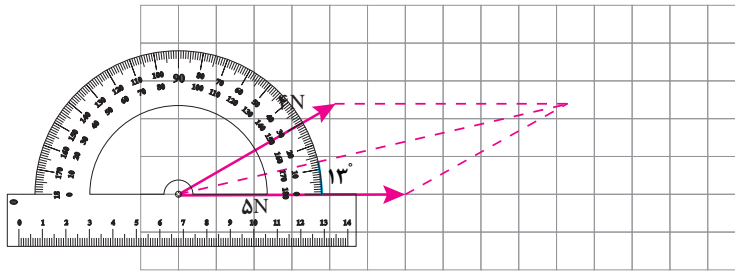


متوازی‌الاضلاع به صورت زیر عمل خواهیم کرد:
 ۱- ابتدا هم‌سنگ دو بردار را از یک نقطه رسم می‌کنیم و خط‌چین‌ها را نیز رسم می‌کنیم تا یک متوازی‌الاضلاع تشکیل شود. در آن صورت بردار برآیند برداری است که از ابتدای دو بردار شروع و به محل برخورد نقطه‌چین‌ها ختم می‌شود.

۲- همان‌گونه که مشاهده می‌کنید، برای رسم هر بردار از این مقیاس که هر $1/2$ سانتی‌متر معادل ۲ نیوتن باشد، استفاده کرده‌ایم. در نتیجه با توجه به اینکه طول بردار برآیند به‌دست آمده در این شکل تقریباً معادل $4/8$ سانتی‌متر شده است، در آن صورت اندازه این نیرو تقریباً معادل ۸ نیوتن خواهد بود.

$$\frac{1/2 \text{ cm}}{2 \text{ N}} = \frac{4/8 \text{ cm}}{x} \rightarrow x = 8 \text{ N}$$

۳- برای محاسبه جهت نیروی برآیند نیز کافی است به کمک نقاله، زاویه آن را با راستای افق (یعنی بردار ۵ نیوتنی) رسم تصویر با قرار دادن نقاله اندازه بگیریم، که در این صورت تقریباً معادل 13 درجه بالای افق، یعنی در جهت شمال شرق خواهد بود.



با استفاده از قواعد جمع هندسی برداری نشان دهید بردار برآیند حاصل از هر دو روش متوازی‌الاضلاع و چندضلعی با یکدیگر برابر می‌باشد و این دو روش معادل یکدیگرند.

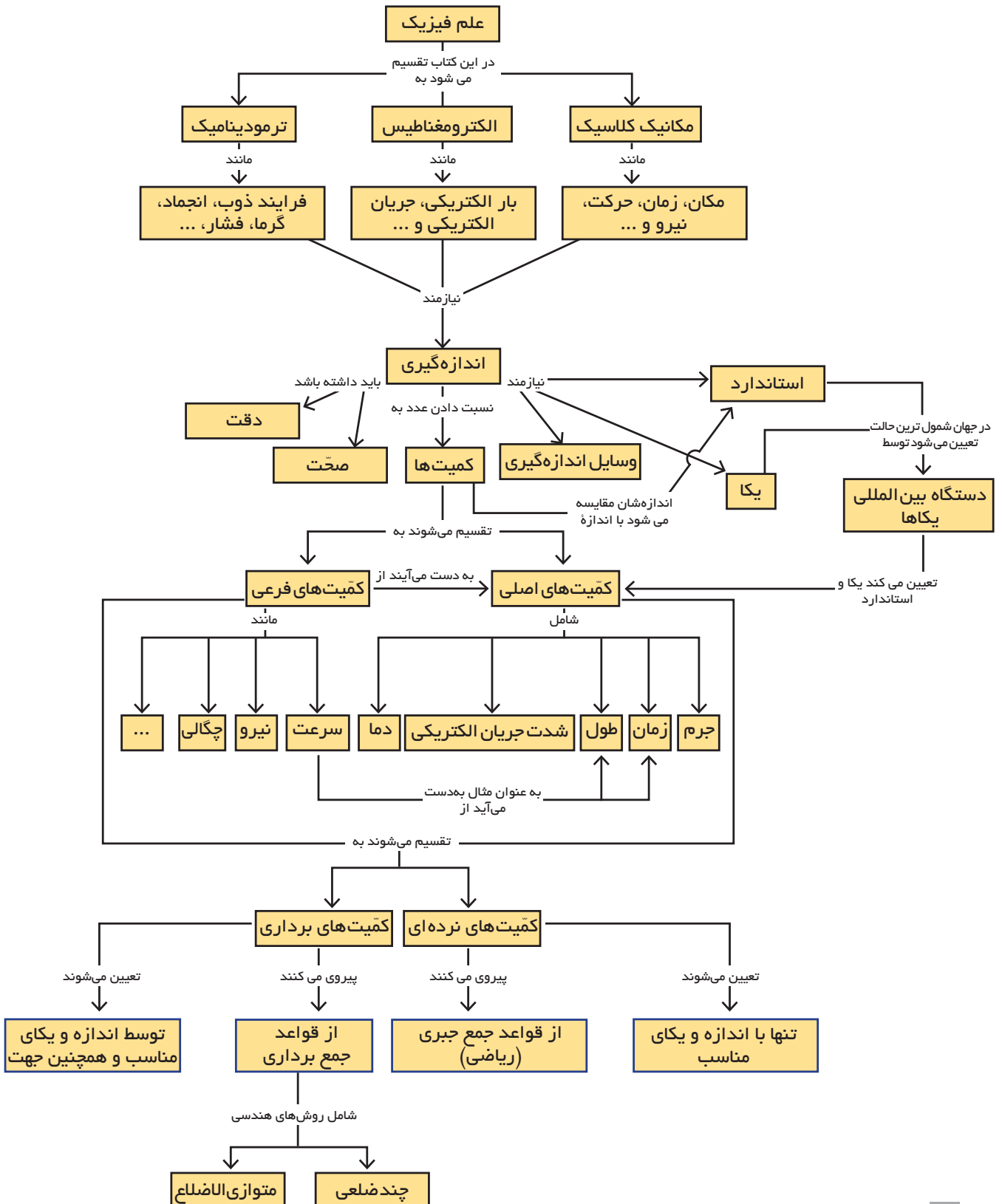
تمرین کنید



همان‌گونه که در درس ریاضی پایه هشتم خوانده‌اید، منظور از بردار \vec{a} - برداری قرینه بردار \vec{a} است، یعنی برداری هم راستا، هم اندازه ولی در خلاف جهت بردار \vec{a} . در این صورت هنگامی که گفته می‌شود، حاصل عبارت $\vec{b} - \vec{a}$ یعنی تفاضل بردار \vec{b} از \vec{a} را به‌دست آورید به لحاظ ریاضی به چه معنی است؟
 با توجه به پاسخ خود به سؤال بالا و روش‌های هندسی جمع بردارها، چه راهی را برای تفاضل هندسی دو بردار پیشنهاد می‌دهید؟

فکر کنید





چند پرسش

۱- یکای حجم در SI چیست؟ تصور کنید شخصی ادعا می‌کند که می‌توان حجم یک استوانه به ارتفاع h و شعاع r را از رابطه $\pi r^3 h$ محاسبه کند. با توجه به پاسخ خود در قسمت اول، توضیح دهید که چرا این رابطه نمی‌تواند درست باشد؟

۲- با توجه به پاسخ پرسش ۱، آیا می‌توان این‌گونه ادعا کرد اگر هر رابطه‌ای از لحاظ یکا با کمیت مورد محاسبه همخوانی داشته باشد، رابطه‌ی درستی است؟ پاسخ خود را توضیح دهید و برای آن دلیل بیاورید.

۳- به نظر شما منظور از نصب تابلوهای مشابه شکل روبه‌رو در کنار جاده‌های بیرون از شهر چیست؟ این موضوع چه ارتباطی با کمیت‌های برداری دارد؟



۴- اعداد زیر را برحسب اندازه از بزرگ‌ترین تا کوچک‌ترین مقدار منظم کنید:

$$۲/۷ \times ۱۰^۵ \text{ mg} \quad \text{و} \quad ۴/۱ \times ۱۰^{-۸} \text{ Gg} \quad \text{و} \quad ۱۵ \text{ g} \quad \text{و} \quad ۰/۰۳۲ \text{ kg}$$

۵- سه هنرجو چگالی یک تکه فلز را سه بار اندازه‌گیری نموده‌اند. چگالی واقعی این قطعه $\frac{۱۱/۳۴ \text{ g}}{\text{cm}^۳}$ است. با در نظر گرفتن اندازه‌های به دست آمده برای هر هنرجو، نتایج حاصل شده برای کدام هنرجو دقیق و برای کدام هنرجو صحیح و برای کدام هنرجو هم صحیح و هم دقیق است؟

$$۱- \text{افشین: } \frac{۱۱/۳۲ \text{ g}}{\text{cm}^۳}, \frac{۱۱/۳۵ \text{ g}}{\text{cm}^۳}, \frac{۱۱/۳۳ \text{ g}}{\text{cm}^۳}$$

$$۲- \text{آرش: } \frac{۱۱/۴۳ \text{ g}}{\text{cm}^۳}, \frac{۱۱/۴۴ \text{ g}}{\text{cm}^۳}, \frac{۱۱/۴۲ \text{ g}}{\text{cm}^۳}$$

$$۳- \text{سروش: } \frac{۱۱/۰۴ \text{ g}}{\text{cm}^۳}, \frac{۱۱/۳۴ \text{ g}}{\text{cm}^۳}, \frac{۱۱/۵۵ \text{ g}}{\text{cm}^۳}$$

۶- به نظر شما می‌توان دو بردار با طول‌های متفاوت یافت که جمع برداری آنها صفر شود؟ در مورد سه بردار چطور؟ (پاسخ خود را با رسم شکل توضیح دهید)

۷- به نظر شما اگر $\vec{C} = \vec{A} + \vec{B}$ باشد، تحت چه شرایطی برابر با $C = A + B$ خواهد بود؟

چند مسئله

۱- تبدیل یکاهای زیر را انجام دهید.

$$۷/۲ \frac{\text{g}}{\text{cm}^۳} = ? \frac{\text{kg}}{\text{m}^۳}$$

$$۱۰ \text{ inch} = ? \text{ cm}$$

$$۲۵ \frac{\text{ft}}{\text{s}} = ? \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۲- گالن از یکاهای مرسوم حجم به حساب می‌آید که معادل $۳/۷۸$ لیتر است. بر این اساس، تبدیل خواسته شده زیر را انجام دهید.

$$۱۰ \frac{\text{gal}}{\text{h}} = ? \frac{\text{lit}}{\text{s}}$$

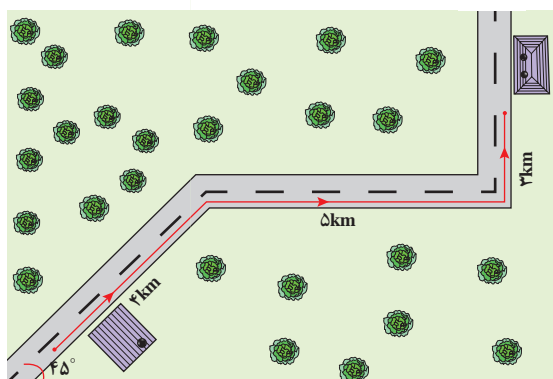
۳- یک قوطی رنگ با حجم $7/5 \times 10^{-3} \text{m}^3$ دیواری به مساحت سطح 25m^2 را می پوشاند. ضخامت رنگ بر روی دیوار بر حسب سانتی متر چقدر خواهد بود؟

۴- ویتامین D یکی از ویتامین های ضروری بدن است که برای جذب کلسیم، رشد استخوان ها و کارکرد بهتر و مؤثرتر سیستم ایمنی بدن و ... به آن نیاز داریم. میزان استاندارد مصرف ویتامین D در هر روز برابر 15mg است.^۱ اگر بخواهیم این میزان از ویتامین D را تنها از طریق مصرف یک قرص مولتی ویتامین که حاوی 100IU ویتامین D است، به دست آوریم، به نظر شما چند عدد از این قرص را باید در طول روز مصرف کنیم؟
($1 \text{IU} = 0.025 \text{mg}$)

۵- با استفاده از قواعد هندسی جمع دو بردار نشان دهید جمع برداری از خاصیت جابه جایی (همانند جمع جبری) پیروی می کند:

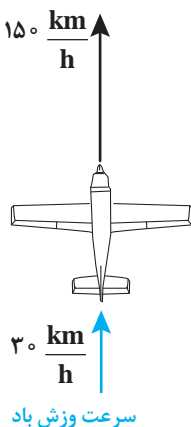
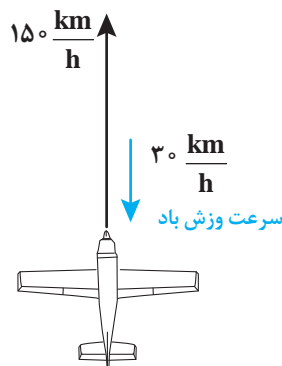
$$\vec{A} + \vec{B} = \vec{B} + \vec{A}$$

۶- شخصی فاصله میان محل زندگی و محل کار خود را به صورت زیر می پیماید. اگر کل این جابه جایی در مدت ۲۵ دقیقه انجام گرفته باشد،



الف) اندازه جابه جایی این شخص را با رسم برداری و تعیین مقیاس بر روی کاغذ شطرنجی به دست آورید.

ب) اندازه سرعت شخص چند $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ بوده است؟



۷- یکی از کاربردهای عملی قواعد جمع برداری را می توان در پرواز و هدایت هواپیماها مشاهده نمود. خلبان ها می بایست در طول پرواز تحت هر شرایط اندازه و جهت بردار سرعت هواپیما را در جهت مقصد حفظ نمایند که این موضوع با استفاده از قواعد جمع برداری و البته به کمک سیستم ناوبری الکترونیکی هواپیما صورت می پذیرد. حال بر اساس شکل های روبه رو و با استفاده از قواعد برداری نشان دهید چه تغییری در وضعیت حرکت هواپیما در اثر وزیدن باد رخ می دهد و خلبان باید چه تغییری در وضعیت حرکت خود بدهد؟

۱- پیشنهاد می شود در رابطه با منابع طبیعی ویتامین D در مواد غذایی که در طول روز مصرف می کنید، تحقیق انجام دهید.

پروژه پایانی

همان‌طور که در ابتدای بحث اشاره شد، برخی از یکاهای اندازه‌گیری طول در قدیم بر اساس طول بخش‌هایی از بدن انتخاب شده‌اند. برای مثال طول بند انگشت شست معادل ۱ اینچ و یا اندازه کف پا معادل یک فوت حساب می‌شود. با در نظر گرفتن این معادل‌ها، مطلوب است:

الف) رابطه تبدیل میان یارد و اینچ را بر حسب اندازه بند انگشت شست دست و فاصله نوک بینی تا نوک انگشت میانی خود به دست آورید.

ب) رابطه میان فوت و اینچ را به شیوه بالا محاسبه کنید.

ج) رابطه میان یارد و فوت را به شیوه بالا محاسبه کنید.

د) اکنون روابط به دست آمده در سه قسمت نخست خود را با هم‌کلاسی‌های خود در میان بگذارید و همچنین مقدار دقیق این تبدیلات را مقایسه کنید. از این مقایسه چه نتیجه‌ای خواهید گرفت؟ به نظر شما چرا داشتن یک استاندارد مناسب برای اندازه‌گیری هر کمیتی اهمیت دارد؟

